

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + Make non-commercial use of the files We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + Maintain attribution The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + Keep it legal Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



Über dieses Buch

Dies ist ein digitales Exemplar eines Buches, das seit Generationen in den Regalen der Bibliotheken aufbewahrt wurde, bevor es von Google im Rahmen eines Projekts, mit dem die Bücher dieser Welt online verfügbar gemacht werden sollen, sorgfältig gescannt wurde.

Das Buch hat das Urheberrecht überdauert und kann nun öffentlich zugänglich gemacht werden. Ein öffentlich zugängliches Buch ist ein Buch, das niemals Urheberrechten unterlag oder bei dem die Schutzfrist des Urheberrechts abgelaufen ist. Ob ein Buch öffentlich zugänglich ist, kann von Land zu Land unterschiedlich sein. Öffentlich zugängliche Bücher sind unser Tor zur Vergangenheit und stellen ein geschichtliches, kulturelles und wissenschaftliches Vermögen dar, das häufig nur schwierig zu entdecken ist.

Gebrauchsspuren, Anmerkungen und andere Randbemerkungen, die im Originalband enthalten sind, finden sich auch in dieser Datei – eine Erinnerung an die lange Reise, die das Buch vom Verleger zu einer Bibliothek und weiter zu Ihnen hinter sich gebracht hat.

Nutzungsrichtlinien

Google ist stolz, mit Bibliotheken in partnerschaftlicher Zusammenarbeit öffentlich zugängliches Material zu digitalisieren und einer breiten Masse zugänglich zu machen. Öffentlich zugängliche Bücher gehören der Öffentlichkeit, und wir sind nur ihre Hüter. Nichtsdestotrotz ist diese Arbeit kostspielig. Um diese Ressource weiterhin zur Verfügung stellen zu können, haben wir Schritte unternommen, um den Missbrauch durch kommerzielle Parteien zu verhindern. Dazu gehören technische Einschränkungen für automatisierte Abfragen.

Wir bitten Sie um Einhaltung folgender Richtlinien:

- Nutzung der Dateien zu nichtkommerziellen Zwecken Wir haben Google Buchsuche für Endanwender konzipiert und möchten, dass Sie diese Dateien nur für persönliche, nichtkommerzielle Zwecke verwenden,
- + Keine automatisierten Abfragen Senden Sie keine automatisierten Abfragen irgendwelcher Art an das Google-System. Wenn Sie Recherchen über maschinelle Übersetzung, optische Zeichenerkennung oder andere Bereiche durchführen, in denen der Zugang zu Text in großen Mengen nützlich ist, wenden Sie sich bitte an uns. Wir fördern die Nutzung des öffentlich zugänglichen Materials für diese Zwecke und können Ihnen unter Umständen helfen.
- + Beibehaltung von Google-Markenelementen Das "Wasserzeichen" von Google, das Sie in jeder Datei finden, ist wichtig zur Information über dieses Projekt und hilft den Anwendern weiteres Material über Google Buchsuche zu finden. Bitte entfernen Sie das Wasserzeichen nicht.
- + Bewegen Sie sich innerhalb der Legalität Unabhängig von Ihrem Verwendungszweck müssen Sie sich Ihrer Verantwortung bewusst sein, sicherzustellen, dass Ihre Nutzung legal ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass ein Buch, das nach unserem Dafürhalten für Nutzer in den USA öffentlich zugänglich ist, auch für Nutzer in anderen Ländern öffentlich zugänglich ist. Ob ein Buch noch dem Urheberrecht unterliegt, ist von Land zu Land verschieden. Wir können keine Beratung leisten, ob eine bestimmte Nutzung eines bestimmten Buches gesetzlich zulässig ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass das Erscheinen eines Buchs in Google Buchsuche bedeutet, dass es in jeder Form und überall auf der Welt verwendet werden kann. Eine Urheberrechtsverletzung kann schwerwiegende Folgen haben.

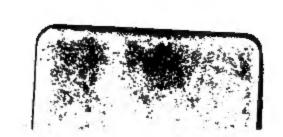
Über Google Buchsuche

Das Ziel von Google besteht darin, die weltweiten Informationen zu organisieren und allgemein nutzbar und zugänglich zu machen. Google Buchsuche hilft Lesern dabei, die Bücher dieser Welt zu entdecken, und unterstützt Autoren und Verleger dabei, neue Zielgruppen zu erreichen. Den gesamten Buchtext können Sie im Internet unter http://books.google.com durchsuchen.





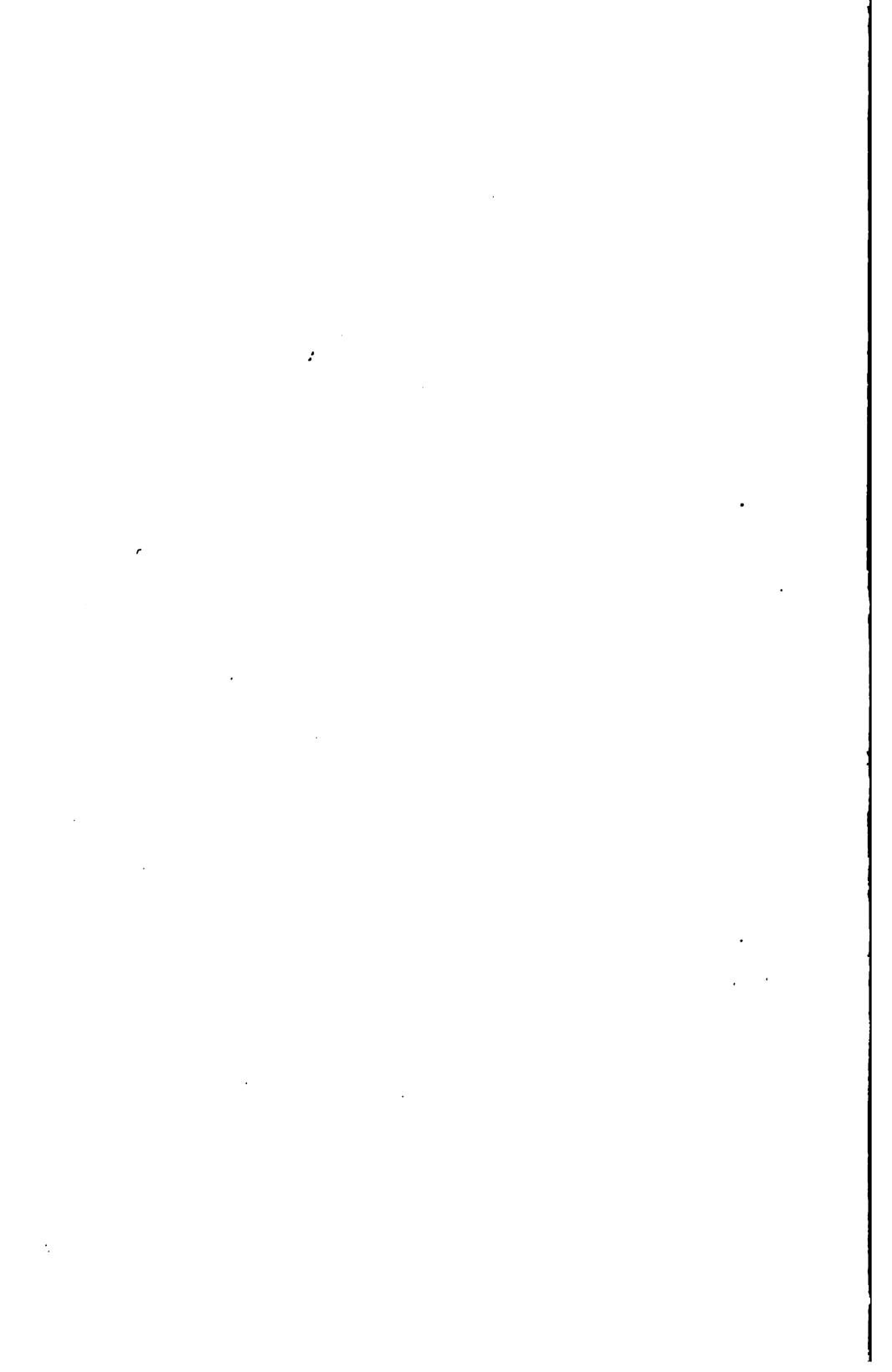
1806. d. 31



	- · · · - · - · · · · · · · · · · · · ·		•	•						•
					•			4		
						•		,		
							•			
					•					
	•									
							•			
				•						
•										
									•	
_										
		•								
										•
							•			
	•									
		•								
					_					
					•					

	•			
·		•		
		•		
			•	

	•			•			
			•				
		•	•				
	•						
				•			
			•				
		•					
	•						
							•
•							
					•		
						•	
			•				
		•					



Mil

Längenmaße der Allen.

100

M. Lepsias.

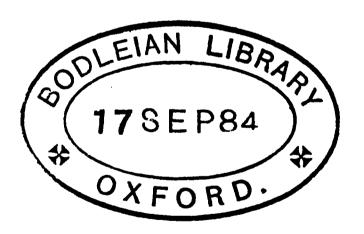
Mixtin.

Die

Längenmasse der Alten.

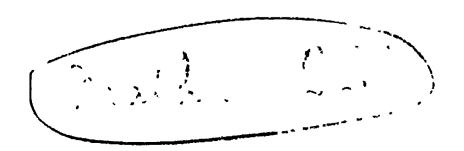
 \mathbf{Von}

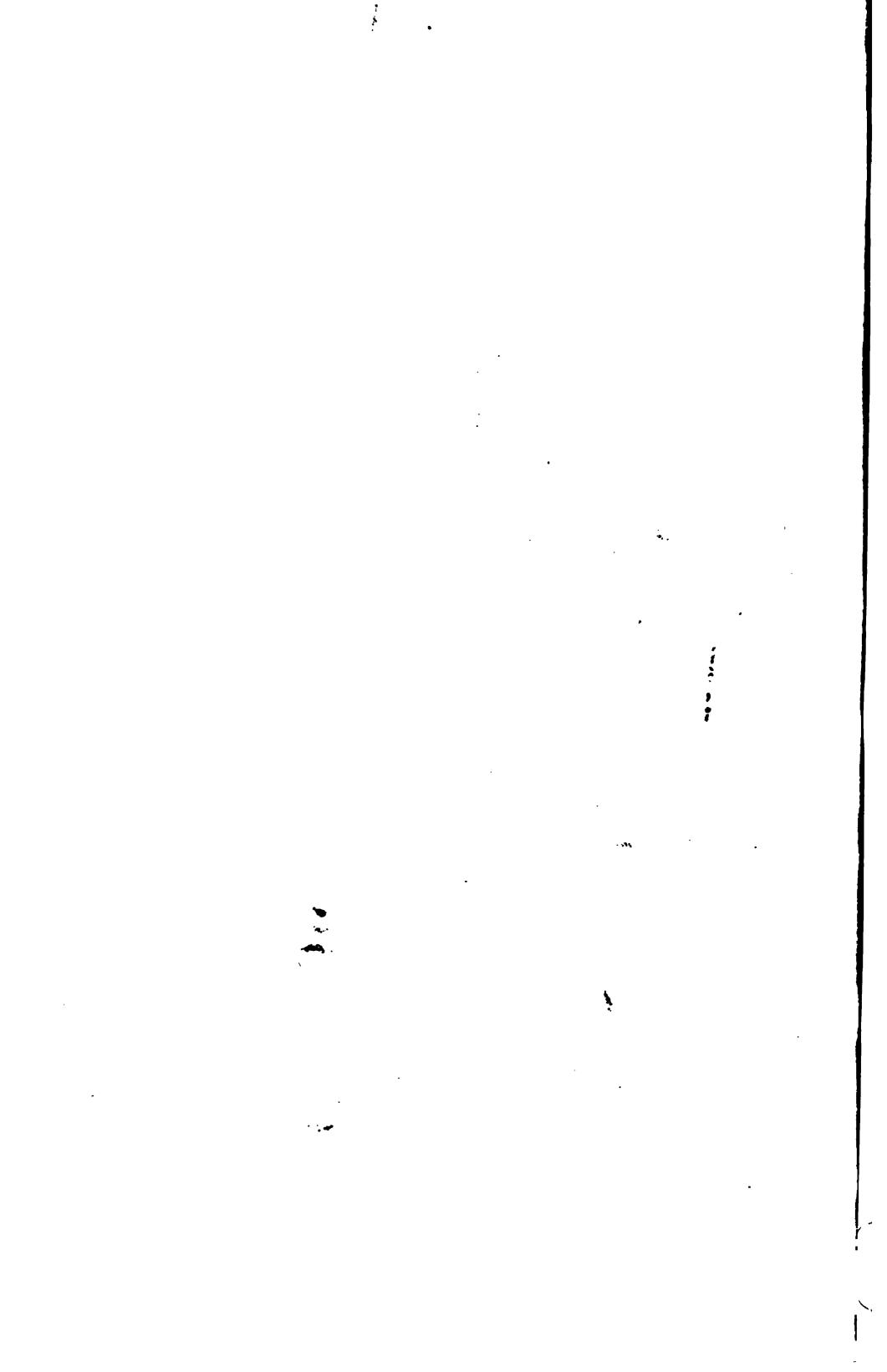
R. Lepsius.



Berlin.

Wilhelm Hertz.
(Bessersche Buchhandlung.)
1884.



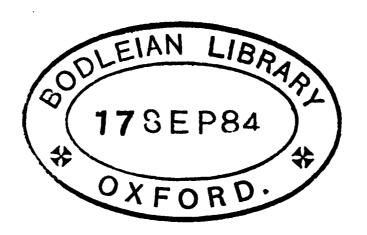


Die

Längenmasse der Alten.

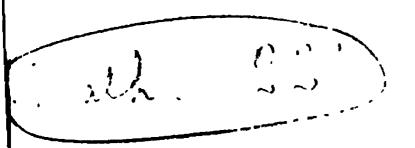
Von

R. Lepsius.



Berlin.

Wilhelm Hertz.
(Bessersche Buchhandlung.)
1884.



	·		į
	•		
l e la companya de l			

lnhalt.

T3.*	1 . • 4																8	Seite
	leitun			• •	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	1
•••	tische .		llung	•														
1.	Aegypt																	u
		Cleine								•	•	•						5
_		rofse	_		e El	le	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	18
2.	Hebräi		-															
		Cleine																22
		rofse																
		ulianu																
3.	Griech	enland	\mathbf{B}		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	33
4.	\mathbf{Rom}				•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	41
	Römi	sches	Duod	lecin	nalsy	yste	\mathbf{m}	de	r	Ell	e	•	•	•	•		•	45
Babylo	nische	Abth	eilun	g.														
. •	Sexage		,	•	•			•		•		•	•	•		•		48
	Assyri																	
	•	ήχυς μ	ιέτριο	ς.							•				•			54
		ηχυς β	•															
		A. Ba																
	_	B. As	_									•						61
Das	Persiso		•															70
	Griech																	
	Ptoler				-	,			J		••	•	•	•	•	•	•	• •
0.		Bezeic	•			пm	19. fs	A										74
		lasse	_															
4 P	hiletäri		_		шшіс	,110,		30 0	CH.	.	•	•	•	•	•	•	•	OI.
7. 1	_		•	_	Ros	1 m (. Cac											87
		Bezeich Mafaa	_															
5.		Malse	_															
	Erweit												•					
Ann	ang:	ueber	a1e .	Aegy	yptis	cno	11 6	r	υpo	orti	lon	en	•	•	•	•	•	99

		•		,	
•					
			•		
				ı	
					_ ل

Unter den verschiedenen Massen sind die Längenmasse ohne Zweisel die zu frühest gebrauchten und sestgesetzten. Von diesen erst sind die Flächenmasse und die Hohlmasse abgeleitet, wie das aus der einsachen Betrachtung der Sache selbst hervorgeht. Jene verdienen daher auch zuerst und unabhängig von den übrigen erforscht zu werden.

Die Längenmaße der alten Welt waren sich ursprünglich alle sehr ähnlich, und ihre Vereinigung zu einem Systeme kehrt fast überall so übereinstimmend, sowohl in der Eintheilung als in der Größe, wieder, daß man schon deshalb vermuthen darf, daß sie einen geschichtlichen Zusammenhang unter einander hatten.

Das älteste Massystem nahm der Mensch von denjenigen eignen Körpertheilen her, die sich selbst am meisten zum Messen darboten. Das Hauptglied war in dieser Beziehung der Vorderarm. Ihn machte man bis zur Spitze des ausgestreckten Mittelfingers zur Elle. Für die kleineren Masse bot sich dann die Spanne zwischen den ausgespreizten Fingern als Hälfte der Elle dar. Noch kleiner war die Breite der geschlossenen 4 Finger oder die Handbreite ohne den Daum; diese glich ungefähr dem sechsten Theile der Elle, dem dritten der Spanne. Diesen Massen schloss sich endlich die Fingerbreite als kleinste Einheit an. Das ergab eine Elle von 2 Spannen, oder 6 Palm, oder 24 Fingern, welche

in ihren Theilen dem Verhältniss der genannten Glieder entspricht.

Um die gegliederte Elle zu einem festen Masse zu machen, muste man ihr eine bestimmte Länge geben und nahm dazu das mittlere Mass des Vorderarms eines ausgewachsenen Mannes, welches man in Aegypten auf 0.450 Meter stellte. Diese Elle lies sich nach Belieben auch weiter theilen, und wenn man sie auf einen Stab ausgetragen hatte, eignete sie sich vortrefflich alle kleinen Dinge, mit denen der Mensch zu thun hat, wie Geräthschaften aller Art, Zeuge, Möbel u. a., bequem zu messen.

Endlich war noch ein menschlicher Körpertheil vorhanden, der Fuss, an den sich der Schritt und die längeren Masse auf dem Boden, vornehmlich die Wegemasse anschlossen, der sich aber einigermassen auch eignete in das Armsystem aufgenommen zu werden, und den man als ²/₃ der Elle wirklich in einigen Systemen darin aufnahm. Der Fuss und der Schritt bildeten dann eine Verbindung zwischen den Massen für kleine Gegenstände und für die längeren Feld- und Wegemasse.

Die Elle findet sich mit geringen Modificationen bei den in Betracht kommenden Völkern überall wieder.

In Aegypten sehen wir aber neben dieser den natürlichen Verhältnissen entsprechenden Elle noch eine zweite im Gebrauch, welche in ihrer Länge über dieses Maß hinausgeht. Schon durch diese Abweichung von der Natur giebt sich diese große Elle als eine abgeleitete, später hinzugekommene Elle hinreichend zu erkennen. Sie ist um den sechsten Theil der natürlichen kleineren Elle größer als diese, also in Aegypten 0.525^m.

Der Umstand nun, dass auch diese über die Natur vergrößerte Elle sich ungefähr in gleichem Verhältnisse bei ver-

schiedenen Völkern wiederfindet, ist ein augenfällig bestätigender Beweis, dass diese doppelten Ellen in diesen Ländern in historischer Verbindung standen. Wir begegnen ihnen nicht nur in Aegypten und Palästina, sondern auch in den Euphrat-Ländern und in Persien, obgleich in diesen noch etwas mehr erhöht. In beiden Ländern, in Aegypten und in Mesopotamien, führt die zugefügte größere Elle den Namen der "königlichen", in Aegypten auf den einheimischen Maßstäben, in Babylon bei Herodot.

Diese königliche Elle wurde, wie ich anderwärts nachgewiesen habe, ausschließlich bei Bauwerken gebraucht, und würde daher auch "Bau-Elle" genannt werden können, wie sie in Palästina wirklich genannt wurde. Ich habe auch den Grund der Benennung der "königlichen" Elle nachgewiesen, und die Absicht, die man bei dieser Vergrößerung der ursprünglichen Elle hatte. Es war ohne Zweifel derselbe in beiden Ländern. Soweit können wir also bei allen Maßssystemen die gleiche Entwickelung nachweisen und den gleichen Ursprung annehmen.

Wir sehen aber bereits in sehr früher Zeit in Babylon ein ganz fremdartiges Element erscheinen, nämlich das Sexagesimalsystem, welches zunächst zwar nur ein Zahlensystem, kein Maßsystem ist, hier aber doch sehr in Betracht kommt, da es sich mit dem Ellensystem verbindet und zu eigenen Gunsten die bisherige Eintheilung der Elle ändert. Statt der 6 Palm zu je 4 Fingern werden 6 Hände zu 5 Fingern gesetzt, so daß im Ganzen 30 Finger statt 24 auf die Elle gehen; das ist die Hälfte von 60, welches die Grundzahl des Sexagesimalsystems ist. Ebenso setzte man statt der Orgyie oder Klafter von 4 Ellen, die man wegen der 4 im Sexagesimalsysteme nicht brauchen konnte, eine Ruthe ein von 6 Ellen, die nun nach unten den 6 Palmen entsprach,

und das ganze Ellensystem gleichmäßig nach oben und nach unten dem Sexagesimalsysteme unterwarf.

Diese sexagesimal getheilte Elle unterscheidet sich nun aber von der ägyptischen Elle zugleich durch eine höhere Zahl der absoluten Größe. Sie hat nicht mehr 0.525, sondern 0.5328 Meter, und dieser Unterschied ist überall festgehalten worden bei der weiteren Verbreitung des Systems. Dieses Verhältniß erkennen wir erst aus der Vergleichung des Heronischen mit dem Römischen Systeme, und nehmen an, daß die Heronische, das heißt die Philetärische Elle gleich der Babylonisch-Assyrischen war. Die Vergleichung lautet nun so, daß das Verhältniß der Römischen Elle, welche im Wesentlichen die kleine ägyptische war, zu der Philetärischen oder Ptolemäischen oder Babylonisch-königlichen großen Elle stand wie 5:6.

Alle Systeme folglich, welche dieser Elle von 0.5328 folgen, sehen wir als zum Babylonischen Systeme, alle die der Elle von 0.525 oder dem Fuss von 0.3 folgen, als zum Aegyptischen gehörig an.

Wir gehen jetzt, dieser Eintheilung in ägyptische und babylonische Ellen gemäß, auf die einzelnen Systeme über.

Aegyptische Abtheilung.

1. Aegypten. a. Kleine Elle.

Wir durfen das Aegyptische Mass für älter als das Babylonische halten, weil es mit der Größe der menschlichen Gliedmassen übereinstimmt und weil das Babylonische System offenbar durch das Sexagesimalsystem verändert worden ist.

Die Eintheilung dieser Elle kennen wir direkt durch die Aufzeichnung derselben auf erhaltenen Maßstäben. Außerdem durch die Aufzählung bei Herodot (2, 149), der sie im Allgemeinen mit der Griechischen Elle identificirt, mit welcher die Eintheilung übereinstimmt. Aus dieser Gleichsetzung geht hervor, daß Herodot, der nur von einer Elle spricht, überall nur die kleine Elle im Auge hat, die mit der Griechischen fast übereinstimmte, so daß er von dem noch vorhandenen kleinen Unterschiede der beiden Ellen absehen konnte.

Wir lernen durch ihn zugleich die höheren Masse über der Elle kennen, namentlich die Orgyie, das Plethrum, die Arure, das Stadium und den Schoenus.

So wie er über das ganze System spricht, müssen wir annehmen, daß er es als das ägyptische ansieht, von dem er die rein griechischen Maße, κόνδυλος, διχάς, πυγμή, κάλαμος, δίαυλος, dadurch ausscheidet, daß er sie gar nicht nennt, während er von dem nur ägyptischen Maße des σχοῦνος dies ausdrücklich bemerkt. Wie hätte er auch seinen Lesern rein

griechische Masse, die sie alle kannten, hier, wo er überall nur von Aegypten handelt, auslegen sollen.

und 0.00117	Die vollständige Reduktionstabelle der klund nach den Größen ihrer Theile ist die fol	e Reduk en ihrer	tionsta Theil	abelle e ist (der k die fo		einen Elle, in ihren Verhältnissen gende:	10	hren	Ve	rhält	inis	ser	
0.01875 0.075	σάκτυλος παλαιστή	4 4	-											
0.225	om Saph	12	లు	—										
0.300	πούς	16	4	1	, H									
0.375	πυγών	20	57	. 1	1	—								
0.450	πηχυς	24	6	2	11/2									
1.80	δργυιά	96	24	∞	6	i	4							
18.0	σχοινίον	960	240	8	60	48	40	10	}					
30.0	πλέθρον	1600	400	133^{1}	$133\frac{1}{3}$ 100	8	663/3	ω ⁻	12/3	}				
45.0	<u> ἄρουρα</u>	2400	600	200	150	120	100	25	21/3	3/3	}			
180	στασιον	9600	2400	800	600	480	400	100	10	6	4	}		
5400	σχοΐν. $(α')$, παρασ. 288000	288000	72000	72000 24000 18000		17200	12000	3000	300	180	120 30	30	-	
7200	σχοίνος $(oldsymbol{eta}')$	384000	96000 32000 24000	32000		19200	16000 4000	4000	400 240 160 40	240	160	40	1	j ank
10800	0X01V05 (Y')	576000 144000 48000 36000	144000	48000	36000	28800	28800 24000 6000 600 360 240 60	6000	600	360	240	8	$2 \cdot \frac{2}{3}$	2/ ₃

Auch die absolute Größe der kleinen Elle können wir

direkt von den Masstäben abnehmen. Da diese aber ungenau sind, so ist sie zu berichtigen durch die Mittel, die wir für die Bestimmung der großen Elle besitzen und die wir dort besprechen werden. Die kleine Elle hat danach 0.450^{m} .

Der dánvolos, Finger, ist das kleinste benannte Theil-Mass einer jeden Elle. Die Alten theilten aber auch den Finger wieder in eine Anzahl Theile, welche auf den Massstäben gleichfalls angegeben werden; nämlich in 1/2, 1/3, 1/4 bis zu 1/16 Finger. Die 4 spielt eine Rolle in der Eintheilung der Elle. Der Palm hat 4 Finger; 4 Palm ist ein Fuss; 4 Ellen eine Orgyie. Daher mag es gekommen sein, dass man auch den Finger in 4 mal 4 oder 16 Theile theilte. Diese Theile selbst werden in den ersten 16 einzelnen Fingerabtheilungen der Elle von rechts her, also in den kleinen Fingern, dargestellt, in immer kleineren Distanzen. Es geht daraus hervor, dass man auch mit so kleinen Größen umzugehen verstand, bis sast zu einem Millimeter (0.001171875).

Der Name des Fingers kommt häufig in altägyptischen Texten vor; er hieß , t'ebā, koptisch Teß, THß masc. Meistentheils wird aber, namentlich in den Rechnungen, nur das ideographische Bild des Fingers gesetzt.

Die παλαιστή, palmus (später auch παλαιστής), die Handbreite, hat 4 Finger und lautet ägyptisch , šop, koptisch WOII. Hieroglyphisch wird dafür die Hand mit 4 Fingern gesetzt , oder meistens die hieratische Form dieses Zeichens . Bei den Maßen für kleinere Gegenstände wird zwischen der Elle und dem Finger immer nur der Palm angeführt.

Während man die 3 Finger unterhalb des Palm immer einzeln anführt, hat man für die Bezeichnung von 5 Fingern als besondere Hieroglyphe die Hand mit 5 Fingern

und für 6 Finger die Faust des linken Armes mit dem ausgestreckten Daum . Für 8 Finger oder 2 Palm setzt man zwei Hände mit je 4 Fingern zusammen.

Es folgt die Spanne, oder halbe Elle. Das hieroglyphische Wort dafür ist nicht bekannt; aber das koptische, welches epto, fem., heißt, und daher wahrscheinlich auf ein hieroglyphisches Wort erta zurück zu führen ist. Das hieroglyphische Zeichen dafür ist der Fuß eines Vogels mit ausgestreckten Krallen. Auf den Maßstäben wird die Spanne der kleinen Elle , erta net's, von der Spanne der großen Elle , erta ā, unterschieden. Die kleine Spanne hat 12 kleine Finger, die große Spanne 12 große oder 14 kleine Finger. Die Spanne wird in den Rechnungen nie als Unterabtheilung der Elle gebraucht.

Der Fuss der kleinen Elle (auf der großen Elle kann er nicht vorkommen, weil hier sein Abschnitt nicht mit einem kleinen Daktylenstriche zusammenfallen würde) wird durch das Zeichen bezeichnet. Das ist kein Zeichen für den Fuss in seiner eigentlichen Bedeutung, sondern lautet ser und bedeutet den Bruch ²/₃, sonst auch geschrieben. Dass also das Mass des Fusses, welches sich am Arme nicht einfach auffinden ließ, durch den Bruch ²/₃ (nämlich der Elle) auf den officiellen Masstöcken ersetzt wird, wie ich hiermit konstatire, beweist doch, dass dieses dem griechischen Fusse entsprechende Mass, allgemein anerkannt und bekannt, wenn auch sehr wenig neben der Elle gebraucht war. Ueber den Gebrauch des wirklichen Fusses in Aegypten s. den Nachtrag.

Auch der Pygon, welcher 5 Palm enthält, war auf den Masstäben verzeichnet, durch die Hieroglyphe des Fusses eines Wasservogels remen. Der Wortsinn ist unbekannt.

Endlich folgt die kleine Elle selbst, welche als ⁶/₇ der großen Elle auf den Maßstäben verzeichnet ist. Sie wird hier , mahi net's, die kleine Elle genannt, und lag dem ganzen Systeme zum Grunde als die eigentliche Einheit, wie auch der Ausdruck ser ²/₃ für das Fußmaß noch überflüssig beweist^a).

^a) Nur Herr Dörpfeld in seinen neuesten "Beiträgen zur antiken Metrologie" in den "Mittheilungen des Deutschen Archäol. Instituts in Athen" 1883 p. 340 beharrt dabei, weil 3 Palm kleine Spanne, 3¹/₂ Palm große Spanne, 6 Palm kleine Elle, 7 Palm königliche d. i. große Elle, genannt werden (die andern Namen, die ich übergehe, sind gleichgültig), so sei die kleine Elle "demnach kein besonderer "Masstab, wie Lepsius annimmt, sondern sie war nur eine Un-"terabtheilung der königlichen Elle, in ähnlicher Weise wie der "griechische Fuss eine Unterabtheilung der griechischen Elle war" (!). Gleichwohl fügt er sogleich hinzu: "Ob die königliche Elle in sehr "alter Zeit durch Hinzufügung einer 7. Handbreite aus der kleinen "Elle gebildet worden ist, wage ich nicht zu entscheiden" (!). Als ob man jemals zweifeln könne, ob ein Ganzes von einer Unterabtheilung herstamme. Auf meine Widerlegung seiner Angriffe antwortet er (p. 343), dass er sich in einzelnen sachlich vollständig unwichtigen Punkten geirrt habe, aber alle wesentlichen Resultate seines Aufsatzes aufrecht halte (!). Dass ich seine ägyptische Arbeit "ein auffallendes Beispiel des Misserfolgs eines auf fremdem "Gebiete gemachten Versuchs selbständiger Leistung" genannt habe, nennt er "verletzend". Worte können durch die Form oder durch den Inhalt verletzen. Ruhige wirkliche Widerlegung ist niemals verletzend. Aber gar zu willkürlicher, wenn auch ruhigerWiderspruch setzt Missachtung des Gegners voraus, und kann daher sehr verletzend sein. Ich habe mir redlich Mühe gegeben, solche handgreifliche Zumuthungen, wie er mir z. B. in dem eben angeführten Beispiele bietet, nicht als verletzend aufzufassen. Mein von ihm angeführter Schlusssatz rührt auch gar nicht von mir her, sondern von einem gewiegten vorsichtigen Freunde, den ich gerade gebeten hatte, besonders darauf zu achten, dass kein Schein des Verletztseins und des Wiederverletzens auf mich kommen dürfe. Nicht verletzt oder verletzend, aber deutlich wollte und musste ich antworten in einer Sache, die nur wenige verstehen, und wo sonst, bei ihrer Tragweite, ein so ausgedehnter zuversichtlicher und doch gänzlich unmotivirter Angriff von einem

Mit der Ursprünglichkeit der kleinen Elle hängt es auch zusammen, dass sich die höhern Masse an diese, und nicht an die große Elle anschließen.

Die Orgyie oder Klafter, welche 4 Ellen enthält, könnte Zweisel erregen, ob sie zu den niederen oder höheren Massen zu rechnen sei. Ihrer Dimension nach gehört sie zu dem Arm-Systeme. In dem orientalischen Systeme entspricht ihr die Ruthe, welche beim Bau verwendet wurde und daher dort zu den niederen Massen gehört zu haben scheint. Auch von Herodot wird die Orgyie fast nur beim Vermessen von Bauwerken erwähnt (2, 124. 148. 149). Andrerseits sind an Bauwerken selbst noch keine Orgyien verzeichnet gefunden worden. In Edsu und Dendera wird nur nach Ellen gerechnet. Herodot spricht von Menschen²), welche ihr Land nach Orgyien messen, wie es andre nach Stadien und Schönen messen, was auf das höhere Mass führt. Es scheint ein vermittelndes Mass gewesen zu sein, welches nach beiden Seiten hin gebraucht werden konnte.

Die Orgyie wurde aber auch als Flächenmass, besonders als Feldmass, gebraucht, wie auch die folgenden Masse, das $\sigma \chi o \nu \nu i \sigma \nu$, das $\pi \lambda i \vartheta \rho \sigma \nu$ und die $\tilde{\alpha} \rho \sigma \nu \rho \sigma$. Ich gehe daher hier nicht weiter darauf ein.

Leider kennen wir den ägyptischen Namen noch nicht. Es würde daraus hervorgehen, dass er von den Armen hergenommen war, wie der unsrer Klaster, und nicht von der ungefähr der Klaster gleichen Höhe der Statur eines Mannes.

Das σχοινίον hat 10 Orgyien oder 40 Ellen. Sein

sonst achtungswerthen Manne, der auf seinem eigenen Felde entschiedene Verdienste hat, die größte Verwirrung in den Köpfen halbwissender Leser hervorgerufen werden mußte.

^{*)} Nicht von "Völkern", wie ich im Monatsberichte p. 1197 gesagt habe.

ägyptischer Name ist 1, eine Gruppe, die ich früher für eine Bezeichnung der Orgyie hielt, was ich aber bereits in der Aegyptischen Zeitschrift 1877 p. 7 berichtigt habe*). Das oxowiov steht gerade zwischen der Orgyie, deren Zehnfaches es ist, und dem Stadium, welches das Zehnfache des oxowiov ist. Es heißt eigentlich die Schnur, die Meßschnur, und die Größe macht sie gerade geschickt, Felder zu messen, und als Feldmaß wird es besonders gebraucht, z. B. auch in der Schenkungsurkunde von Edfub). Die ägyptische Gruppe hat offenbar auch nichts mit dem Holze zu thun, worauf das Zeichen führen könnte, sondern wird wohl auf die Wurzel xa, WI, mensura, zurückgehen. Es wird früher wurzel xa, wis, später , ze en en neh, ne we n neh, ne we n noe, das Maß des Strickes", geschrieben.

Herodot erwähnt dann ferner das Mass $\pi\lambda \& \vartheta \varrho o \nu$ unter seinen ägyptischen Massen, mit der Länge von 100 Fuss. Es hieß bei den Griechen ursprünglich $\pi\& \& \vartheta \varrho o \nu$ und bezeichnete die Länge der gezogenen Furche, dann als Flächenmass das Quadrat dieser Furche, also ein Stück Feld von 100 mal 100 Quadratsus. Die Länge entspricht dieser griechischen Bedeutung. Ein ägyptisches Wort dafür hat sich bis jetzt nicht gefunden, und man könnte zweiseln ob überhaupt das $\pi\& \& \vartheta \varrho o \nu$ ein wirklich ägyptisches Mass war, weil die Elle nicht ohne Bruch in seiner Länge aufgeht, sondern

^{*)} Hultsch p. 359 sagt, ich hätte dies nach den Bemerkungen von Eisenlohr, Mathemat. Handbuch p. 118, gethan. Das ist nicht der Fall. Ich hatte meine von ihm ganz unabhängigen Gründe dafür und dann dagegen, und habe die Berichtigung im 1sten Hefte der Zeitschrift früher publicirt, als mir das Buch (im August 1877) von Herrn Eisenlohr zuging.

b) Berliner Abhh. der K. Akademie. 1855.

nur der Fuss. Indessen ist der Bruch (1 Plethron = $66^2/_3$ Ellen) doch nur $^2/_3$, und dieser wurde ägyptisch ebenso zugelassen, wie alle Brüche mit 1 als Zähler, da er durch ein einfaches Zeichen geschrieben wurde. Und außerdem macht Herodot durchaus keinen Unterschied zwischen dem Plethron und allen andern Massen der ägyptischen Skala. Man bediente sich dafür des nächsten Masses, der $\tilde{\alpha}\varrho\sigma\nu\varrho\alpha$, welche 100 Ellen hatte, aber meistens als Flächenmass von 100 mal 100 Quadratellen gebraucht wurde. Die ägyptische Bezeichnung scheint $\tilde{\alpha}_{i}$, $\tilde{\alpha}_{i}$, $\tilde{\alpha}_{i}$, seti-t, zu sein (Brugsch, Dict. p. 1332). Die Arure war offenbar mehr und viel öfter Flächenmass als Längenmass.

Dagegen war das στάδιον wohl niemals Flächenmaß, obgleich Herodot (2, 5) so spricht, als hätten reiche Leute auch mit Stadien vermessen, was aber noch nicht einmal ein Flächenmass bedingt. Ich zweisle nicht, dass das Stadium, so gut wie der nicht in Gebrauch gekommene Fuss, in dem ägyptischen Systeme vorhanden war, wie dies von Herodot in der eben angeführten Stelle ausdrücklich gesagt wird (s. unten). Es ging, außer in Fuss, deren es 600 hatte, in Ellen auf, deren es 400 hatte; es war das 100 fache der ägyptischen Orgyie, und das 10 fache des ebenfalls ächt ägyptischen σχοινίον, welches Herodot allerdings als Mass gar nicht erwähnt. So hatte es seine Stelle im System schon im voraus angezeigt. Dass man in Aegypten kein Stadium als Rennbahn hatte, überhaupt auch nicht nach Stadien zu rechnen pflegte, steht ja fest. Man war von Alters her statt dessen gewöhnt, sich der Schönen zu bedienen. Diese hatten aber verschiedene Längen, und wenn man sie vergleichen wollte, hätte man dazu statt der Stadien nur die Ellen gehabt, deren 576000 nach Herodot auf den Schoenus gingen. Man brauchte

offenbar ein Mass wie das Stadium, um zwischen dem Schönus und der Elle zu vermitteln. Selbst die dazwischen liegenden Feldmasse waren zu klein für diesen Dienst. die Art und Weise, wie Herodot immer die Schönen in Stadien verwandelt, und wie er z. B. in der Stelle 2, 7 auch die ägyptischen Stadien unmittelbar mit den griechischen vergleicht, scheint es ausser Zweifel zu stellen, dass die Aegypter das Stadium kannten und bei Gelegenheit gebrauchten. Dass wir dem ägyptischen Namen des Stadium noch nicht begegnet sind, begreift sich, da die Aegypter nicht mit ihnen rechneten, sondern sich ihrer nur bei Gelegenheiten bedienten, die in den Texten nicht vorzukommen pflegen. Hultsch p. 358 Note weist es als ägyptisches Mass ab. Ich finde aber nur den einzigen Grund bei ihm, weil ja auch der Fuss in dem Herodotischen System "sicher nicht ägyptisch" sei. Wir haben aber oben gesehen, dass das Fußmaß, wenn auch nicht unter diesem Namen, den Aegyptern bekannt war, und dass es auf den alten Massstäben überall angegeben ist. Es verhält sich mit dem Fusse gerade wie mit dem Stadium. Der Fuss war bekannt als ²/₃ der Elle, wurde aber nicht gebraucht; daher wir auch dieses Fußmaß nirgends in den ägyptischen Texten finden. Wenn wir eine ägyptische Massliste hätten, welche die Masse über der Elle mit enthielte, würden wir ohne Zweifel auch das Stadium aufgeführt finden.

Eratosthenes von Kyrene, obgleich in Athen gebildet, und griechischer Philosoph, bediente sich in Aegypten, als Vorsteher der alexandrinischen Bibliothek, ohne Zweifel auch der uralten fein ausgebildeten ägyptischen Längenmaße, nicht der etwas abweichenden griechischen, und wenn er den ägyptischen Schoenus als den von Memphis und Mittelägypten (s. weiterhin) auf das Vierzigfache des Stadium bestimmte,

so wird er ihn sicherlich nicht zu 7128^m, sondern zu 7200^m (= 40 × 180 m) bestimmt haben, wenn es ihm auf eine so genaue Messung ankam. Er blieb damit auch in den Zahlen des Systems, wie ja auch derselbe σχοτνος 400 σχοινία, 4000 Orgyien, 4 × 4000 Ellen hatte, und wie das στάδιον 400 Ellen, das Plethron 400 Palm und 4×400 Finger, das σχοινίον 40 Ellen, die Orgyie 4 Ellen, der Fus 4 Palm, endlich der Palm 4 Finger und der Finger 4×4 oder 16 Theile*) hatte. Auf keinen Fall aber konnte er daran denken, irgend eine andre Länge für ein Stadium sich auszudenken und seinen Rechnungen zum Grunde zu legen, als die damals allgemein und unabhängig von dem Schoenus angenommene Länge, nach welcher sich die drei verschiedenen Schoenus-Masse selber richten mussten. Es müssen also solche neue Werthe, wie der von Müllenhoff^b) aufgestellte von 157.5 Meter, welchen Hultsch') für so "zuverlässig wie nur irgend eine Reduktion partikulärer Masse der Gegenwart" hält, ganz und gar wegfallen, wie ich das schon 1877^d) klar nachgewiesen Eratosthenes konnte sich nur des damals gültigen ägyptischen Masses, von 180^m auf das Stadium, bedienen. Hiermit allein stimmt es auch, wenn Julianus von Ascalon ausdrücklich angiebt, das Stadium des Eratosthenes sei $8^{1/3}$ mal im (Römischen) $\mu l \lambda l o \nu$ aufgegangen (1500 m rund statt 1480^m). Daraus folgte dann der große, aber sehr natürliche Fehler desselben in Bezug auf seine Bestimmung des Grades. Dieser war nach ihm, wenn er 180^m mit 700 (soviel Stadien

^{•)} Das wußte Fenner von Fenneberg nicht, Untersuchungen über die Längenmaße etc. p. 4 Note.

b) Deutsche Alterthumskunde I. p. 260 ff.

^{°)} Griech. u. Röm. Metrologie, 2 te Bearbeitung. 1882 p. 52. 54. 55. 61 ff.

d) Aegyptische Zeitschrift p. 3 ff.

rechnete man auf den Grad) multiplicirte, 126000^m, während er nach den neuern Messungen 110802.6^m ist, oder: sein Erdumfang war 45360000^m, während er jetzt zu 39888936^m, also ungefähr um den 7¹/₂ten Theil kleiner als der des Eratosthenes, angenommen wird. Von einem Eratosthenischen Stadium als einem besondern, von dem Aegyptischen Stadium (s. unten) verschiedenen, kann überhaupt nicht die Rede sein, sondern nur von einem Stadium, welches Eratosthenes aus dem ägyptischen Systeme annahm und für seine großen Rechnungen verwendete. Wenn das für den Erdumfang erfundene Stadium von 157.5^m 300 königliche Ellen gehabt haben soll, wie Müllenhoff und Hultsch behaupten, so ist allerdings 300 mal 0.525 gleich 157.5. Aber jedes Stadium im ägyptisch-griechischen Sinne hatte nicht 300, sondern 400 Ellen, und zwar kleine, weil das System der königlichen Bau-Elle überhaupt keine Wegemasse kannte, sondern mit der Elle selber abschloss. Ebenso ist es völlig unmöglich, dass der "eigene Fuss dieses Stadiums die Hälfte der königlichen Elle" betrug. Denn einen solchen Fus hat es damals nirgends gegeben; jeder Fuss war ²/₃ einer Elle, und die halbe Elle hies allgemein σπιθαμή, die Spanne.

Das größte ägyptische Maß, der σχοῖνος, war ein altes Gewohnheitsmaß der Aegypter, welches, wie Hieronymus (in Joel c. 3. tom. VI. p. 83 c. edit. Basil.) ausdrücklich berichtet^a), sich ursprünglich auf die Schiffszieher bezog, deren Arbeit von einem Wechselpunkte zum andern man σχοίνους, funiculos, Stricke, nannte.

Strab. XVII, p. 804 sagt, dass, als er den Nil hinauf fuhr, die Leute an verschiedenen Orten verschiedene Längen von

^{•)} Er sagt: In Nilo flumine sive in rivis eius solent naves funibus trahere, certa habentes spatia, quae appellant funiculos, ut labori defessorum recentia trahentium colla succedant.

Schönen angaben, nicht bloß zu 30, sondern auch zu 40 und noch mehr (nämlich 60) Stadien; dass das Mass des Schoenus unbeständig (ἄστατον) sei, zeige auch Artemidoros; denn er sage, dass von Memphis bis zur Thebais jeder Schoenus 120 (lies 40), von der Thebais bis Syene 60, von Pelusium bis zur Spitze des Delta aber (also bis nach Heliopolis) 30 Stadien habe. Ebenso sagt Strabo XI, p. 518, dass, als er den Nil hinauf fuhr, man die Schönen von Stadt zu Stadt immer anders mass, so dass dieselbe Zahl der Schönen an dem einen Orte eine größere Fahrt, an dem andern eine kürzere Fahrt bezeichnete; so sei es von Anfang gewesen und so sei es noch jetzt. Dieselben örtlichen Grenzen, wo der Werth der Schönen wechselte, giebt Strabon auch anderswo; denn er sagt p. 813 noch genauer, dass bei der Hermopolitischen Grenzwache, wo ein Zoll von den aus der Thebais kommenden Waaren erhoben werde, der Umfang des Schoenus von 60 Stadien sei bis nach Syene und Elephantine; und Artemidor misst bei Strabo p. 804 nicht nur die Schönen von Pelusium, sondern auch von Alexandria, nicht bis Memphis, sondern nur bis zur Spitze des Delta, zu 30 Stadien.

Wenn aber Artemidor die Schönen von Memphis bis zur Thebais zu 120 statt zu 40 Stadien angiebt, so liegt darin bei ihm oder sicherer in unserm Strabonischen Texte, wo so viele Zahlen verbessert werden mitssen, ein Fehler. Denn es kann keine Frage sein, dass von Memphis bis zur Thebais der Schoenus nur 40 Stadien, nicht 120, enthielt. Dass es neben dem Schoenus von 30 und dem von 60, auch einen von 40 Stadien gab, hat uns Strabon ausdrücklich gesagt. Da wir nun von den andern beiden Strecken die uns genannt werden, wissen, dass auf der ersten der Schoenus 30, auf der andern 60 Stadien hatte, so bleiben die 40 Stadien nur für die mittlere Strecke von Memphis bis zur Thebais übrig.

Für diese Ansicht spricht namentlich auch, dass wir von Eratosthenes hören, dass er den Schoenus zu 40 Stadien rechnete, also so wie er in der Hauptstadt des Reichs, denn das war Memphis noch, gerechnet wurde. Plinius (12, 13, 53) sagt dies ausdrücklich: Schoenus patet Eratosthenis ratione stadia XL hoc est pass. V M, aliqui XXXII^a) stadia singulis schoenis dedere. Wie weit die 40 Stadien auf den Schoenus verbreitet waren, lehrt Strabon p. 530, welcher sagt, dass Theophanes von Mitylene (im 1. Jahrh. vor Chr.) die Größe von Armenien nach Schönen zu 40 Stadien bestimmte. Auch wurden die Persischen Parasangen nach Strab. p. 518, wo er erzählt, dass Patrocles (c. 300 v. Chr.) in Baktriana nach ihnen rechnete, von einigen zu 60, von andern zu 30 oder zu 40 angenommen, also ganz wie die drei verschiedenen Masse der ägyptischen Schönen, denen sie offenbar nachgebildet waren^b). Daher kam es auch, dass Herodot den Schoenus von 30 Stadien in Aegypten Parasanges nannte.

Es war daher nichts Willkürliches, sondern das Natürliche und wahrscheinlich allein Gegebene, daß Eratosthenes dem Schoenus, wie das in Memphis Sitte war, 40 Stadien gab, und ihm mit dieser Zahl in seinen Schriften einen festen Werth gab. Später aber gab man dem Schoenus meistens den Werth von 30 Stadien, wie er im Delta und also auch zu Alexandrien, der spätern Hauptstadt, galt. So berechnet ihn Ptolemaeus^o), Agathemeros^d), Heron^o).

^{*)} Er meint, wie mir scheint, passus VM, das sind 32 Stadien; er hätte aber 30 Stadien schreiben müssen. Beides erklärt Hultsch, Metrol. p. 60, 365, 570, der ein Stadium von 196.9 m zum Grunde legt.

b) Cfr. Plin. 6, 26, §. 124.

^c) Geogr. 1, 11. ^d) Geogr. 2, 1.

^{*)} Metrol. script. ed. Hultsch, I, p. 184, I. 193, 3.

1. Aegypten. b. Große königliche Elle.

0.021875 δάκτυλος 1 0.0875 παλαιστή 4 1 0.2625 σπιθαμή 12 3 1 0.525 πῆχυς 24 6 2 1

Schon die ägyptische Bezeichnung dieser Elle als der königlichen lehrt uns, dass sie eine besondere, von der gewöhnlichen verschiedene, folglich zu dieser hinzugekommene Elle war. Diese Hinzustigung war aber eine sehr alte, älter als unsere ältesten Steinmonumente, denn für diese war sie hinzugethan worden. Wir finden sie auser auf den Massstöcken, immer nur in Verbindung mit Bauwerken. In dem mathematischen Papyrus ist von dieser Elle bei den Sätzen über die Pyramiden die Rede; bei dem folgenden, der sich auf einen Haufen in Kegelform bezieht, ist die kleine Elle zum Grunde gelegt, und die bei den Pyramiden jedesmal wiederholte Bemerkung, dass die Elle 7 Palmen enthalte, fehlt hier. Ich habe diese Bestimmung der "königlichen" als Bauelle schon mehrmals hervorgehoben, und seit dieser Erkenntnis traten die beiden Ellen erst deutlich auseinander. Man würde zum Beispiel die größeren Feld- oder Wege-Masse nicht wie bisher^a) auf die große Elle bezogen haben, da sie ja nichts mit der Architektur zu thun haben.

Den Namen der "königlich en" Elle habe ich so erklärt, und bleibe dabei, dass alle massiven Bauten, die Pyramiden namentlich und die Tempel, im Namen des Königs ausgestihrt wurden. Zweck der Vergrößerung der Elle scheint gewesen zu sein, dass die Könige oder Priester, stir die große Elle am Bau denselben Arbeitslohn bezahlten wie sonst stir die kleine

^a) Auch bei Böckh p. 266 und Hultsch, Metrol. p. 353.

Elle, indem sie den Ueberschuss der Arbeit als Frohn nicht bezahlten. Hultsch, Metrol. 2. Bearb. p. 352 glaubt, dass der Unterschied der beiden Ellen anfänglich ein räumlich geschiedener war. Dann hätte man an einem Orte eine natürliche, den vorhandenen Körpermassen entsprechende, an einem andern eine unnatürlich große Elle gehabt. Er nimmt ferner außer der Eintheilung der großen Elle in 6 Palmen, daneben auch noch die Eintheilung Eisenlohr's in 7 Palmen an, und zwar als die einer "Uebergangs-Elle", indem man zu einer gegebenen kleinen Elle eine größere (gleichfalls in 6 Palm getheilte) hinzugethan, und sie so ausgeglichen hätte, dass man ihre Gesammtlänge beibehalten, die Eintheilung aber aufgegeben, und statt dessen durch Vergrößerung der kleinen Elle um ein Sechstel, die große Elle in 7 kleine Sechstel getheilt habe. Später habe man die Unbequemlichkeit der 7 Theilung eingesehen, und sei zu der 6 Theilung der großen Elle zurückgekehrt. Das ist Alles nicht nöthig.

Bei halb zerstörten Pyramiden oder Gräbern hoher Hofbeamter fand ich öfters über die innern Wände rothe Linien in gewissen Entsernungen von einander aufgezeichnet, z. B. am Eingange der Pyramide des Amxu-rā bei Abusir ist eine solche Linie mitten durch den Namen des Königs gezogen und später aufgesetzt als dieser Name, der als Erkennungszeichen im Steinbruch aufgeschrieben war. Unter dieser Linie ist eine andere gezogen, unter dieser eine dritte und eine vierte. Bei der zweiten, die 1.04 von der ersten und dritten entsernt ist, steht in Elle 4, bei der dritten, die in gleicher Entsernung von 2 Ellen entsernt ist, ist ungefähr 0.52 vom unterliegenden Fels entsernt. In einem Grabe von Gizeh waren die horizontalen Linien von oben nach unten gezählt und führten die Beischriften

andre Linien geben dieselben Abstände auf andern Mauern, zum Theil etwas größer, 1.06 für 2 Ellen, offenbar etwas falsch gezogen. Ein andres mal steht angeschrieben [1], 3 Ellen und 2 Palmen. Daraus geht hervor, daß die Ellen nicht, wie in Ptolemäischer Zeit nur durch Brüche, 1/2 1/4 1/6 u. a. getheilt waren, sondern in Palm zu 4 Fingern, denn das ist der Sinn von , Palm. Ebenso finden sich diese Fluchtlinien in den Konstruktionskammern über der Königskammer in der Pyramide des Cheops-Chufu, deren Erbauung noch in das 4te Jahrtausend v. Chr. gehört^a).

Hierzu kommt noch ein andres Mass aus derselben Pyramidenzeit, welches ich gleichfalls in meiner Abhandlung über die Aegyptische Elle bereits angeführt habe, ein Mass, welches ich ausdrücklich dagegen schützen muß, daß es meinem schon dort und jetzt wieder hervorgehobenem Prinzip der Verwerfung aller Baumasse, die nicht von andrer Seite her bereits bestimmt sind, nicht widerspricht. Es handelt sich nämlich um die Reihe von 19 Pyramidenschachten, welche sämmtlich 35¹/₂ Zoll Engl. in der Breite haben nach der Messung von Perring. Das sind 1.054^m, nicht wie in der Abhandlung p. 8 steht 1.044^m. Das sind genau 2 Ellen von 0.527^m, also 2 Millimeter mehr als 0.525. Die Sarkophage, welche diese Schachte passiren sollten, sind alle nicht breiter als 2 Ellen. Das ist eine Ausnahme, die durch die Vielheit der Fälle sich auszeichnet, und eine schon vorher festgestellte Länge im Allgemeinen nur bestätigen soll.

Eine andre Quelle für die Kenntniss der königlichen Elle,

^{*)} Es ist mir aufgefallen, dass der vollständig und genau referirende Hultsch diese wichtigen rothen Linien, von denen ich schon in meiner Abhandlung über die Elle gesprochen hatte, wie es scheint, nicht erwähnt, wenigstens nicht Metrol. 1882 p. 355, wo man es erwarten sollte.

sowohl über die Länge als über die Eintheilung derselben, sind die Masstäbe, die uns aus dem Alterthum erhalten sind. Ich habe darüber in meiner Abhandlung "über die Elle" weitläuftig gesprochen, und glaubte namentlich über die Eintheilung der großen Elle vollkommen deutlich gewesen zu sein.

Es muss aber wohl an der oberflächlichen Schwierigkeit des Gegenstandes liegen, dass mein Beweis, nach welchem auf den Masstäben auch die Eintheilung der großen Elle in 6 Palmen oder 24 Finger angegeben ist, doch noch missverstanden werden konnte. Eisenlohr meinte, dass, wenn von einer Elle von 7 Palmen Länge die Rede ist, diese auch in 7 Palmen eingetheilt sein müste, und ebenso Dörpfeld, und beide verwarfen deshalb die Eintheilung der 7 Palm langen Elle in 6 Palmen. Auch Hultscha) stimmt dem bei, lässt aber gleichwohl meinen Beweis der 6 Theilung daneben bestehen. Ich verweise über diese 7 Palm lange in 6 Palm getheilte Elle auf meinen Aufsatz in der ägyptischen Zeitschrift 1884 Heft I. Hier füge ich nur noch die Bemerkung zu, dass von den beiden hebräischen Ellen, welche sich genau wie die beiden ägyptischen verhielten, sich nach dem Talmud jede derselben in 6 Palmen theilte, natürlich wie die ägyptischen von unter sich verschiedener Größe^b).

Die Länge nun der ägyptischen königlichen großen Bau-Elle geht vornehmlich aus der Abschätzung der verschiedenen uns erhaltenen Maßstäbe hervor. Von diesen ist der älteste aus der Zeit des Königs Horus der kürzeste, nämlich 0.5235. Dieser ist in der langen Zeit von c. 3300 Jahren ohne Zweifel so weit zusammengetrocknet, da er von

a) Metrologie p. 350.

b) Vgl. Böckh, Metrol. Untersuchungen p. 267.

Holz ist. Auch der zweite Maßstab ist von Holz, ist aber schon schief abgeschnitten und ist vorn 0.523, hinten aber 0.525^m. Dagegen ist ein Maßstab in Stein, aus Memphis, der in 3 Stücke zerbrochen ist, 0.526, und ein sehr später aus Theben in Basalt 0.528. Alle übrigen sind nicht zu brauchen. Doch hat sich mit dem in 8 Stücke zerbrochenen steinernen Maßstabe in Florenz eines Amenhotep, aus der XVIII. oder XIX. Dynastie, also vielleicht noch älter als der aus der Zeit des Horus, eine Palette aus einfarbig grünem Granit (meist Basalt genannt) gefunden, welche genau das Maß des zerbrochenen Maßstabes gehabt zu haben scheint und gerade das Mittelmaß der andern genannten Maßstäbe enthält, nämlich 0.525^m. Hiernach müssen wir für die wahrscheinlichste Länge der großen ägyptischen Elle dieses letztere Maß von 0.525^m, wenn nicht noch eine Kleinigkeit mehr, ansetzen.

2. Althebräisches System. a. Kleine Elle.

0.01875	Finger	1						
0.075	Palm	4	1					
0.225	Spanne	12	3	1				
0.450	Elle	24	6	2	1			
1.80	Orgyie	96	24	8	4	1		
180	Stadium	9600	2400	800	40 0	100	1	
1500	μίλιον	80000	20000	$6666^{2}/_{3}$	$3333^{1}/_{3}$	8331/3	81/3	1

Der Ausgangspunkt für die althebräische Elle ist von Ezechiel 40, 5. 43, 13 zu nehmen. Hier heißt es von dem zukünftigen Tempel, dessen Maße dem Propheten im Gesicht vorgemessen werden: "In der Hand aber des Mannes war "eine Meßruthe, 6 Ellen lang, zu einer Elle und einer Hand-"breite", d. h. 6 große Ellen lang, jede Elle zu einer kleinen Elle und einer kleinen Handbreite; und in der zweiten Stelle: "Und daß sind die Maße des Altars, nach Ellen, die Elle

meine Elle und eine Handbreite". Die Handbreite heist hier meine, tofax, das ist der Palm, die Breite von 4 Fingern. Diese Stellen sprechen also von zwei Ellen, von einer kleinen und einer größeren, welche einen (kleinen) Palm länger ist, als die kleine. Mit dieser größeren Elle ist der Bau ausgestihrt. Diese beiden Ellen kehren in derselben Verbindung in der ganzen alten Metrologie nur noch einmal wieder, in dem ägyptischen Systeme; denn auch da ist die große Elle um einen Palm größer als die kleine Elle, und mit dieser großen Elle wird gebaut.

Darin liegt der klare Beweis, dass die althebräische Elle, die wir im Anfange des VI. Jahrh. v. Chr. finden, aus Aegypten eingestührt war. Die Eintheilung jeder der beiden Ellen war wie die der beiden ägyptischen in 6 Palm oder 24 Finger.

Auch die Bezeichnungen selbst der hebräischen Elle und ihrer Eintheilung sind aus Aegypten entlehnt. Denn nicht das Aegypten entlehnt. Denn nicht der Elle, ist das ägyptische mahi; nicht der Finger das ägyptische Teptw, spithama; vir, èsbia, der Finger das ägyptische t'ebia; ebenso scheint es gehören wohl nicht der Egyptischen šop, won, der Palm, zusammen, obgleich mir eine Gleichstellung des ägyptischen s mit dem semitischen s nicht bekannt ist, und das finale γ auch nicht dafür spricht. Der Fußs kommt bei den Alt-Hebräern nicht vor^a).

Schon Böckh, Metrolog. Untersuchungen p. 265 ff., leitet die Hebräischen Ellen aus Aegypten her, will aber kein absolutes Mass angeben, und lässt überhaupt die Sache auf sich

a) Nur irrthümlich ist er im Mon. Ber. p. 1204 mit aufgenommen worden.

beruhen, ohne eine Lösung zu geben; hauptsächlich weil ihm die Rabbinen immer von einer Elle von 5 Palmen sprechen, über die er nicht ins Klare kommen kann, da er kein Verhältnis von 6:5, wie es die Rabbinen aufzustellen schienen, zwischen der großen und kleinen Elle annehmen kann.

Die kleine Elle kommt aber schon 5. Mos. 3, 11 vor, wo das eiserne Bett des Königs Og von Basan als von 9 Ellen in der Länge und 4 Ellen in der Breite "nach dem Ellenbogen eines Mannes" angegeben wird; ganz mit Recht, denn hier ist vom Bau nicht die Rede.

Mit diesen hebräischen Ellen haben sich nämlich die spätern Ausleger in den Talmudischen Quellen viel beschäftigt. Zuckermann^a) hat die Sache ausführlich aber nicht glücklich behandelt, namentlich hat auch er die Elle von 5 Handbreiten nicht richtig verstanden.

Die Rabbinen sprechen von 4 Ellen, nämlich von einer kleinen von 5 Handbreiten Länge, einer mittleren von 6 Handbreiten, und von zwei Ellen, deren eine um ½ Finger, die andre um einen ganzen Finger noch größer sei als die von 6 Handbreiten. Die beiden letzten sollen die eine im nordöstlichen, die andre im stidöstlichen Winkel des zweiten Tempels aufbewahrt worden sein, und es heißt, daß die Handwerker die zu verfertigenden Arbeitsstücke für den Tempel mit der Mosaischen (also mittleren) Elle zugemessen übernahmen, und mit einer der beiden größeren Ellen zurtickgemessen erhielten, damit sie keinesfalls am Heiligen etwas veruntreuen könnten. Hierzu bemerkt der Talmud, daß Goldund Silberarbeiten mit derjenigen Elle gemessen abgeliefert wurden, welche um eine halbe Fingerbreite länger als die

^a) Das Jüdische Masssystem und seine Beziehungen zum griechischen und römischen. 1867. 8°.

mosaische war, Bauarbeiten hingegen mit der um eine Fingerbreite längeren Elle. "In der Mischna giebt Rabbi Jehuda an, dass der Tempel mit der Elle von 6 Handbreiten, die Tempelgeräthe aber mit der Elle von 5 Handbreiten gemessen worden seien. Erstere nannte er "Gebäude-Elle", letztere "Geräthschafts-Elle").

Wir sehen hier also, dass die beiden letzten und größten Ellen, welche der vorhergehenden den Namen der "mittleren" verschafft haben, eine besondere Einrichtung waren, welche den Grund, den wir der Verschiedenheit der beiden ersten in Aegypten zugewiesen haben, weiter führten und eine Frohn der Arbeiter bezweckten.

Von diesen beiden Ellen wird uns, wie wir gesehen haben, gesagt, das ihre beglaubigten Exemplare jede an einem bestimmten Orte im Tempel aufbewahrt wurden. Das setzt natürlich voraus, das auch die erste und zweite Elle in staatlich garantirten Exemplaren irgend wo anders im Tempel aufbewahrt wurden: eine Methode, die wir in allen übrigen fest geordneten Staaten voraussetzen müssen, die wir aber nur noch bei den Römern ausdrücklich angeführt finden.

Mit der Elle von 5 Palmen verhält es sich nun aber so. Die Aegypter bestimmten die Länge und den Unterschied der großen und der kleinen Elle von der kleinen, als der älteren, aus. Die Rabbiner aber kannten die kleine Elle aus der Praxis gar nicht, sondern zu ihrer Zeit galt die hebräische Elle des Julianus; das war nur Eine und zwar die große ägyptische, welche über das Ellenmaß selbst in die Wegemaße fortgeführt war. Wenn sie daher von der für sie veralteten kleinen Elle sprechen wollten, mußten sie von der großen Elle ausgehen, die niemals mehr zu 7 kleinen Palmen angenommen

^a) Zuckermann, p. 16. 17.

werden konnte, da die kleinen Palmen ihnen ganz unbekannt Sie mussten die große, welche wie in geworden waren. Aegypten in 6 eigne Palm eingetheilt war, auch zur Bestimmung der alten kleinen Elle benutzen. Wenn sie dies genau thaten, so musten sie finden, dass die kleine Elle $5^{1}/_{7}$ große Palm von der großen Elle lang war. Dieses Siebentel war aber auf dem Ellenstock selbst nicht zu finden. Man wußte nur, dass die kleine Elle 1 Palm (aber freilich nur einen kleinen, also unbekannten Palm) kleiner war als die große Elle. Man übersah daher dieses kleine Stück, was niemand darstellen konnte, setzte als den Unterschied der vorliegenden großen und der veralteten kleinen Elle einen großen Palm statt des kleinen, der ursprünglich gemeint war, und erhielt so eine kleine Elle von 5 großen Palm, statt einer von $5^1/7$ großen Palm, welcher der alten kleinen Elle von 6 kleinen Palmen gleich gewesen wäre. So und nicht anders war die Entstehung der Elle von 5 Palm, die es weder der Länge nach, noch weniger der Eintheilung nach jemals gegeben hat, die man aber der kleinen Elle, wenn man von ihr sprach, substituirte^a). Das hat den neuen Erklärern so viel Noth gemacht.

Außer der Elle selbst und der Handbreite oder dem Palm kommt von dem kleinen Maße nichts vor; wir können die Abtheilungen derselben daher nur nach der kleinen ägyptischen vervollständigen.

Das Stadium wird als altes, später aufgegebenes Maß in der Liste des Julianus von Ascalon genannt; wir dürfen es also hier mit anführen. Es wird in Eratosthenischem d. h. ägyptischem Sinne aufgeführt, also zu 180 Metern.

a) Hultsch, Metrol. p. 441 meint, sie sei aus einer falschen Interpretation der Worte Ezechiel's entstanden.

Auch das $\mu i \lambda i \sigma \nu$ wird ebendaselbst als von Eratosthenes gebraucht, angegeben zu. $8^{1}/_{3}$ Stadien oder $833^{1}/_{3}$ Orgyien. Jetzt sei dies anders (s. unten).

2. Althebräisches System. b. Große Elle.

0.021875	Finger	1				
0.0875	Palm	4	1			
0.2625	Spanne	12	3	1		
0.525	Elle	24	6	2	1	
3.150	Ruthe	144	36	12	6	1

Von dieser großen Elle wird eine Länge von 7 kleinen Palm in den schon erwähnten Stellen genannt und diese Elle ist in der ganzen Beschreibung des Tempelbaues gemeint. Es wird von ihr die Spanne erwähnt (Ezech. 43, 13); Palm und Finger kommen nicht vor.

Dazu kommt aber ein neues, nicht ägyptisches Maß, die Ruthe von 6 Ellen (Ezech. 40, 5), welches zum Bau des neuen Tempels gebraucht werden soll. Diese Ruthe, welche zur Bau-Elle gehört, kommt ohne Zweifel von den Mesopotamischen Semiten, bei denen sie sich ebenso findet (s. unten), nur daß sie dort, dem ganzen System entsprechend statt 3.150 m vielmehr 3.1968 m enthält. Ihre Beibehaltung in diesem ägyptischen Systeme ist also noch eine Wirkung des Babylonischen Sexagesimalsystems vermittelst der Gestaltung des Babylonisch-Assyrischen Ellensystems. Im altägyptischen Systeme entsprach der 6 elligen Ruthe die 4 ellige Orgyie, welche aber nicht beim Bauen gebraucht worden zu sein, sondern zu dem kleinen Ellensysteme allein gehört zu haben scheint.

2. Hebräisches System. c. Julianus von Ascalon.

			Julianus von Ascalon.	us v	on As	calon	•					
0.021875	δάχτυλος	-										
0.0875	παλαιστή	4	—									
0.2625	σπιθαμή	12	ဃ									
0.350	πούς	16	4	1 1/3	/ ₃ 1							
0.525	πήχυς	24	G	2	11/2	/2 1						
1.05	βῆμα	48	18	4	ఆ	86	_					
2.10	δργυια	96	24	∞	.	4	86	=				
3.15	άχεγα	144	36	12	•	.	ဗာ	11/2	_			
31.5	πλέθρον	1440	360	120	90	60	30	15	10	=		
210	στάδιον	9600	2400	800		400	800	100	$[66^{3}]_{3}$	$6^{3}/_{3}$	=	
1575	ushin	72000	18000	6000	6000 4500 3000	000	D 1500 750 500 50 71/2	750	500	50 71/2	71/3	

Diese Tafel hat Fenner von Fenneberg zuerst für hebräisches Maß erklärt und ohne Zweifel mit Recht, da es die Ueberschrift selber sagt. Sie ist nach Andern von ihm publicirt und besprochen worden (p. 87 ff.), und er setzt die Abfassung derselben durch einen Architekten Julianus von

Ascalon in die Mitte des 4. Jahrh. unter den Kaiser Flavius Julianus Apostata, der den Tempel zu Jerusalem wieder aufbauen wollte.

Die Tafel enthält eine Menge Unrichtigkeiten, die sich aber alle als später hineingekommen^a) nachweisen lassen. Meine Erklärung derselben ist die folgende.

Es ist eine Reform des bis dahin geltenden doppelten Ellensystems, sehr ähnlich der des Heron. Man wollte das ägyptische kleine System ganz verdrängen, aber nicht durch ein drittes, sondern durch das daneben stehende große System ersetzen, und dabei einige Vereinfachungen vornehmen. Schon daß der Präfekt einen Architekten zu dieser Reform beauftragt hatte, deutet die Vorliebe für das große der beiden Ellensysteme an. Die fremde Hand wollte offenbar das neue System mit dem früheren kleinen Systeme vergleichen und erklären; die Bemerkungen aber kamen dann in den Text.

Der Text ist nun der folgende:

"Der Finger ist das erste, wie die Einheit bei den Zahlen."

"Der Palm hat 4 Finger."

"Die Elle hat 11/2 Fuss, oder 6 Palm."

"Der Schritt hat 2 Ellen, oder 3 Fuss, oder 12 Palm."

Dieser Schritt ist ein neues Mass; denn sonst hat der Schritt, gradus, 1²/₃ Ellen. Diesen Bruch ²/₃ hat man vermeiden wollen, und hat daher 2 volle Ellen geschrieben. Dies ist die erste von den Vereinfachungen, die man bei der Resorm angebracht hat.

^a) Sie findet sich in dem Handbuch der Gesetze des Constantinus Harmenopulus unter den Gesetzen über Bauten, welcher im 14. Jh. lebte. Fenneberg p. 109.

"Die Orgyie hat 2 Schritt oder 4 Ellen, oder 6 Fusa.

Dazu hat der Glossator bemerkt: "oder auch 9 Spannen "und 4 Finger." Diese Angabe ist aus dem kleinen Systeme genommen, welches noch immer das bekanntere, obgleich jetzt verlassene System war. Hieraus geht schon hervor, daß, wie hier das zuerst angegebene Maß, so auch die früheren Maße alle sich auf das große, jetzt durchzuführende System beziehen.

"Die Ruthe hat 1¹, Orgyien, oder 6 Ellen, oder 9 Fus, oder 36 Palm."

Die Ruthe hat 6 Ellen, wie im Babylonisch-Assyrischen Systeme, während die Aegypter dieses Maß gar nicht kannten, sondern dafür die Orgyie eingeschoben hatten, und die Griechen ihren zálapos, den sie auch ázeva (von qāneh) nannten, nicht der Elle, sondern dem Fuße unterordneten und ihm 10 Fuß oder 62 3 Ellen gaben.

"Das Plethron hat 10 Akänen, oder 15 Orgyien, oder 30 Schritt, 60 Ellen, 90 Fus."

Das Plethron hat also wieder nur 60 Ellen statt $66^2/_3$ oder 100 Fuß, wie in Aegypten, in Griechenland und bei Heron. Das heißt, das Hebräische System nahm in diesem Punkte das Babylonisch-Assyrische Maß an, welches, wie das Aegyptische, die Elle, nicht den Fuß, als Grundmaß hatte, in welchem auch die höhern Maße aufgehen mußten, während die Aegypter, die von den Babyloniern nichts wußten, die Griechen und Heron hier den Fuß zum Grunde legten, und das Plethron zu 100 Fuß (= 66^2 Ellen) rechneten.

"Das Stadium hat" ["6 Plethren oder 60 Akänen oder"] "100 Orgyien, 200 Schritt, 400 Ellen, 600 Fuß."

Die beiden ersten Angaben wären richtig, wenn die

Plethren den ägyptischen Werth von 30 m hätten, denn 6 mal 30 ist 180 m. Das wäre aber das kleine Maß, welches abgeschafft werden sollte. Es müßten also dem Stadium $6^2/_3$ Plethren oder $66^2/_3$ Akänen gegeben werden. Von diesen war aber keine Rede, da sie den Bruch $^2/_3$ enthielten, den man vermeiden wollte. In diese Lücke wurde dann das falsche kleine Maß eingeschoben. Beide Angaben sind also im Texte einfach zu streichen, oder wenn etwas da stand, konnten es nur die Zahlen $66^2/_3$ und $6^2/_3$ sein.

"Das µίλιον hat nach den Geographen Era"tosthenes und Strabon 8¹/₃ Stadien oder
"833¹/₃ Orgyien. Nach dem jetzt herrschen"den Gebrauche aber hat es 7¹/₂ Stadien,
"oder 750 Orgyien, oder 1500 Schritt, oder
"3000 Ellen."

Es wird also dem kleinen ägyptischen Masse, welches hier das des Eratosthenes und Strabon heisst, das neue Mass geradezu gegenüber gestellt. Nach dem früheren Masse hatte das μίλιον, welches Wort von mille passuum hergenommen ist, 8¹/₃ Stadien oder 833¹/₃ Orgyien. Der Fehler, das hier 833 statt 833¹/₃ im Texte steht, ist längst berichtigt worden. Die Angaben der ägyptischen Stadien (180^m) und Orgyien (1.80 m) führen beide auf 1500 Meter. Dies wurde jetzt verändert zu 7¹/₂ Stadien (zu 210^m), oder 750 Orgyien, welche nun 1575 m betragen, ebenso wie 1500 Schritt oder 3000 Ellen denselben Betrag liefern. Es galt wie es scheint, das Milium möglichst in die Höhe des Heronischen Systems, welches überhaupt das Vorbild des Julianus war, und welches gleichfalls 7¹/₂ Stadien auf das Milium rechnete, zu bringen. Dort war das Stadium 213.12^m, hier 210; das Milium dort 1598.4^m, hier 1575^m.

Hiermit schloss die Tafel des Julianus. Das folgende:

"Es ist aber zu wissen, dass das jetzige Milium der 7½ Sta-"dien geometrische Orgyien, wie gesagt, 750 hat, einfache $n(\tilde{\alpha}\pi\lambda\tilde{\alpha}\varsigma)$ aber 840; denn 100 geometrische Orgyien sind gleich "112 einfachen Orgyien", ist ein Zusatz, der nicht mehr zu dem System gehört, sondern zu einem Unterschiede von Orgyien führt, "geometrischen" und "einfachen", die sich wie 100 zu 112 verhielten, eigentlich wie 100 zu 111¹/₉, oder wie 9 zu 10. Eine solche Orgyie ist mir nicht bekannt; die unsrer großen Orgyie von 2.10^m entsprechende kleine ägyptische Orgyie von 1.80, an die man denken könnte, ist es nicht, denn diese verhält sich zur großen wie 6 zu 7. Die einfache Orgyie müste 1.875^m gehabt haben nach dem Verhältnis von 112 zu 100, oder 1.89 nach dem Verhältnis von 10 zu 9. Beide Größen aber sind meines Wissens unbekannt. Wir lernen also nur, dass es damals wohl eine solche Größe gab, ohne sie weiter unterbringen zu können. Jedenfalls gehörte sie aber nicht in das Massystem des Julianus^a).

Wir sehen also, dass sich auch das Julianische System ganz dem altägyptischen Systeme anschließt, und dass die Hauptveränderungen in dem neu hinzugestigten $\beta \bar{\eta} \mu \alpha$ und der $\alpha \lambda \epsilon \theta \rho \sigma \nu$ liegen. Alle drei Masse, welche in den andern Systemen, das $\beta \bar{\eta} \mu \alpha$ $1^2/_3$, die $\alpha \kappa \nu \alpha$ $6^2/_3$, das Plethron $66^2/_3$ Ellen hatten, sind hier des Bruchs $2^2/_3$ ledig und zu 2, 6 und 60 Ellen abgerundet worden, und das war wohl die Hauptabsicht des Julianus bei den Veränderungen in der Aufstellung des neuen Systemes. Im Allgemeinen aber sollte es, wie schon oben gesagt, eine Fortsetzung der damals tiblichen ägyptischen großen Bau-Elle über die Elle und die Ruthe hinaus in die Wegemase, die man bisher von der kleinen ägyptischen Elle abgeleitet hatte, sein.

^{*)} In der Uebersicht, die ich in der Akademie gegeben habe, ist hier durch einen Irrthum noch ein παρασάγγης hinzugefügt worden.

3. Griechenland B.

Das griechische Längenmassystem, wie wir es zu Herodots Zeit ausgebildet finden, ist als solches vollkommen dasselbe wie das gewöhnliche kleine ägyptische. Herodot unterscheidet daher auch nirgends zwischen beiden Systemen, sondern behandelt sie als identisch. Es geht folglich schon aus dieser Gleichheit des Systems hervor, dass das griechische Massystem von Aegypten herüber genommen ist.

Griechenland entfernte sich nur in dem Punkte von Aegypten, dass es neben diesem gewöhnlichen kleinen Systeme keine Elle eines größeren Systems aufstellte, also den Frohndienst, der mit der Einführung einer besondern Bau-Elle eintrat, nicht aufnehmen wollte, was gegen die freie Anlage der meisten griechischen Staaten angestoßen hätte.

Ferner nahmen die Griechen als Hauptmaß ihrer Längenrechnung nicht die Elle von den Aegyptern an, sondern stellten aus eigner Initiative den Fuß als solches auf. Dieser erschien bei den Aegyptern nicht als Fuß, sondern als $^2/_3$ Elle, trat sehr zurück, und kam kaum in Anwendung. Er ist uns überhaupt nur durch die Maßstäbe bekannt geworden, auf denen er abgebildet war unter dem Namen Ser, das heißt $^2/_3$. Die Bedeutung des Fußes finden wir nur noch bei den Römern wieder, und beiden Völkern war er ohne Zweifel von Alters her ererbt.

Die Zeit der Einführung dieses griechischen Systems wird ohne Zweisel in die Solonische Zeit gehören, in welche der Anfang einer neuen Epoche für Athen und das eigentliche Griechenland, wie auch für Großgriechenland und Sizilien fiel. In Aegypten herrschte damals die XXVI. Dynastie der Psametiche und des Amasis, in welcher die Griechen mehr

^{*) &}quot;Griechenland A" s. unten p. 71.

0.0185625	δάχτυλος	1						
0.037125	χόνδυλος	2	1					
0.07424	παλαιστή	4	2	1				
0.14848	διχάς	8	4	2	1			
0.22275	σπιθαμή	12	6	3	11	/, 1		
0.297	πούς	16	8	4	2	11/	1	
0.334125	πυγμή	18	9	4	1/2 2	1/4 11/	/2 11	/8 1
0.37124	πυγών	20	10	5	21	$/_{2}$ $1^{2}/_{2}$	1 ¹	/4 11/9
0.4455	πῆχυς	24	12	6	3	2	11	$\frac{1}{3}$ $\frac{1^{1}}{3}$
0.7425	βῆμα	40	20	10	5	31/	2 ¹	$/_{2}$ $2^{2}/_{9}$
1.3365	ξύλον	72	36	18	9	6	41	/2 4
1.485	βημα διπλοῦι	80	40	20	10	6°/	5	44/9
1.782	δογυιά	96	48	24	12	8	6	$5^{3}/_{9}$
2.97	χάλαμος	160	80	40	20	13¹/	10	88/9
17.82	σχοινίον	960	480	240	120	80	60	531/3
29.70	πλέθοον	1600	800	400	200	133¹/	100	88 ⁸ / ₉
44.55	ἄρουρα	2400	1200	600	300	200	150	1331/3
178.2	στάδιον	9600	4800	2400	1200	800	600	$533^{1}/_{3}$
356.4	δίαυλος	19200	9600	4800	2400	1600	1200	$1066^{2}/_{3}$
1485	μίλιον	80000	40000	20000	10000	6666 3/3	5000	44444/9
5346	παρασάγγης	288000	144000	72000	36000	24000	18000	16000
7128	σχοῖνος	384000	192000	96000	48000	32000	24000	$21333^{1}/_{3}$

als jemals früher sich in Aegypten heimisch machten und Vieles von dort nach Griechenland und Italien zurücktrugen. Damals wurden sie fähig auch solche wesentliche Einrichtungen, wie die Massysteme der Längen-, Flächen- und Hohlmase aufzunehmen und für sich auszubilden.

Ich habe in die Liste der griechischen Maße fast Alles aufgenommen, was sich in den Heronischen Maßen, also auch lange nach Herodot, findet, und was zum Theil erst von andern Völkern her eingeführt worden ist. Dahin gehört der κόνδυλος, 2 Finger; die διχάς, 2 Palm; die πυγμή, 18

```
1
      1^{1}/_{5}
             1
             1^{2}/_{3}
      2
                        1
      3^{3}/_{5}
             3
                        1^{4}/_{5}
                                1
      4
             3^{1}/_{3}
                                11/9
                        2
                                           1
      44/5
                       2^{2}/_{5}
             4
                                1^{1}/_{3}
                                          1^{1}/_{5}
                                                  1
                                                  1^{2}/_{3}
             6^{2}/_{3}
                               2^{2}/_{9}
                                          2
     8
                       4
                              13^{1}/_{3}
                                                 10
    48
            40
                                         12
                                                          6
                      24
                                                                 1
                              22^{2}/_{9}
                                                16^{2}/_{3}
    80
            66^{2}/_{3}
                      40
                                        20
                                                        10
                                                                 1^2/_3 1
                      60
                              33^{1}/_{3}
                                        30
                                                25
                                                         15
                                                                 2^{1}/_{2} 1^{1}/_{2} 1
  120
          100
                                                                        6
                                                         60
                                                                10
                            133^{1}/_{3}
                                       120
                                               100
  480
          400
                                                                              4
                                                                                     1
                    240
                                                                       12
          800
                                                       120
                                                                20
                                                                              8
  960
                            266^{2}/_{3}
                                       240
                                               200
                                                                                     2
                                                                                           1
                    480
                                              833^{1}/_{3} 500 83^{1}/_{3} 50 33^{1}/_{3} 8^{1}/_{3} 4^{1}/_{6} 1
 4000 33331/3 2000 111111/9 1000
14400 12000 7200 4000
                                     3600 \ 3000 \ 1800 \ 300 \ 180 \ 120 \ 30 \ 15 \ 1^{1}/_{5} \ 1
19200 16000 9600 5333 1/3 4800 4000 2400 400 240 160 40 20 44/5 1 1/3 1
```

Finger; das βημα, 2¹/₂ Fuss. Dahin auch das ξύλον von 3 Ellen. Warum Hultsch (p. 364) dieses nur für ein "eigenthümlich ägyptisches Mass" hält, weis ich nicht; die 3 Ellen passen weder in das griechische noch in das ägyptische System besonders hinein; aber der Name ist zunächst griechisch; es mus also wenigstens in das griechische Massystem aufgenommen worden sein; das ägyptische χe oder χet darin zu sehen und es für ein sehr gewöhnliches Mass zu halten, dafür liegt durchaus kein Grund vor. Es erscheint in der ältesten Heronischen Tafel mit der bestimmten Angabe,

dass es 3 Ellen, 4¹/₂ Fuss, 18 Palm, 72 Finger gehabt habe. Es war im Heronischen Sinne 1.5984^m groß. Der römische passus war 1.48; es hatte also auch mit diesem keine Aehnlichkeit, wie Hultsch glaubt.

Das βημα und das βημα διπλοῦν sind beide erst von den Römern übernommen worden, vom gradus und passus. Beide, mit 2½ und mit 5 Fuss, gehen daher auch in den Zahlen aus dem ursprünglich ägyptisch-griechischen Systeme heraus, und sinden ihren Zusammenhang erst im μέλιον wieder, welches wie das mille passuum, 1000 Doppelschritte hat. Das μέλιον sinden wir schon bei Eratosthenes in der genannten Form, vom βημα διπλοῦν, das es 1000 mal enthält, ausgehend. Sein Stadium, das heist das ägyptische Stadium, geht rund 8½ mal im μέλιον auf, welches nach dem ägyptischen Masse des Eratosthenes 1500 m, nach dem griechischen 1485 m, nach dem römischen 1480 m enthält.

Der κάλαμος, oder die ἄκαινα ist die Ruthe von 10 Fuss oder 6²/₃ Ellen. Der κάλαμος, der nur bei Heron vorkommt, war ein langes Rohr von dieser Länge; ἄκαινα oder ἄκενα wird als der mit einem Dorn versehene Treibstecken des Pflügers verstanden, wie schon der Scholiast zum Apollonios Rhod. 3, 1323 erklärt. Ich habe darauf aufmerksam gemacht, dass dieser zweite Name vielleicht von dem Semitischen qaneh, qanu, wie die Ruthe im Assyrischen Systeme heißt, herübergenommen ist; denn dort ist das Mass, welches daselbst 6 Ellen hat, eigentlich zu Hause, und wurde mit zu der Bauelle gerechnet, wie wir bereits im Hebräischen Systeme gesehen haben.

Das ἄμμα, (welches auch σχοινίον oder σωκάριον genannt wird) ein Masstrick von 10 Orgyien, 40 Ellen, sindet sich auch nur bei Heron. Es war ohne Zweisel auch nur Feldmass. Statt ἄμμα unsrer Texte ist wahrscheinlich ἄμμα zu

lesen, ein Band, ein Riemen. Das σχοινίον ist Diminutiv von σχοτνος, heisst auch σωκάριον, ein Seil.

Was nun aber die absolute Länge der griechischen Masse betrifft, so habe ich bereits früher*) nachgewiesen, das sich das Verhältnis derselben zu den oben festgestellten ägyptischen Massen zahlenmässig genau bestimmen läst.

Die Hauptpunkte waren die, dass in der Stelle des Herodot eine Distanz von 1500 Stadien in Aegypten mit einer weit in Griechenland entfernten verglichen wird, welche ebenso groß sein wurde, wenn man nicht bei einer genauen Berechnung doch fände, dass sie 15 Stadien kleiner wäre, als die 1500 ägyptischen^b). Eine richtige Erklärung dieser Stelle, wie ich sie gegeben zu haben glaube, lässt nur zu, dass damit gemeint ist, der Unterschied liege in dem Masse, womit hier und dort gemessen wurde, dass an je 100 Stadien Griechenlands 1 Stadium fehle, um die Länge von 100 ägyptischen zu erreichen, und dass folglich, wenn das ägyptische Stadium 180^m war, das griechische 178.2^m war, oder wenn die ägyptische Elle 0.450^m war, die griechische 0.4455 lang Hiermit stimmt es offenbar, dass beide Ellen fast gleich groß gewesen sein müssen, da sie immer als identisch behandelt werden, und doch ein kleiner Unterschied vorhanden gewesen sein muss, den Herodot selbst anerkennt, indem er sagt, die Samische (nicht die griechische) Elle sei der ägyptischen gleich, das heisst, sei direkt von der ägyptischen her-

a) Akad. Mon. Bericht 1883.

b) Herod. II, 7: "Εστι δὲ ὁδὸς ἐς τὴν 'Ηλίου πόλιν ἀπὸ θαλάσσης ἄνω Ιόντι παραπλησίη τὸ μῆχος τῇ ἐξ 'Αθηνέων ὁδῷ τῇ ἀπὸ τῶν δώθεκα θεῶν τοῦ βωμοῦ φερούσῃ ἔς τε Πίσαν καὶ ἐπὶ τὸν νηὸν τοῦ Διὸς τοῦ 'Ολυμπίου. Σμικρόν τι τὸ διάφορον εῦροι τις ᾶν λογιζόμενος τῶν ὁδῶν τουτέων, τὸ μὴ ἔσας τὸ μῆχος εἶναι, οὐ πλέον πεντεκαίδεκα σταδίων. 'Η μὲν γὰρ ἐς Πίσαν ἐξ 'Αθηνέων καταδεῖ πεντεκαίδεκα σταδίων ὡς μὴ εἶναι πεντακοσίων καὶ χιλίων, ἡ δὲ εἰς 'Ηλίου πόλιν ἀπὸ θαλάσσης πληροῖ ἐς τὸν ἀριθμὸν τοῦτον.

genommen. Hätte Herodot, wie Hultsch*) ihn versteht, sagen wollen, daß eine genaue Zusammenzählung der einzelnen Theilstrecken in Griechenland nur 1485 nicht 1500 Stadien ergeben, so würde er zugleich an dieser Stelle ausdrücklich die völlige Gleichheit der ägyptischen und der griechischen Stadien behaupten, was nach 2, 168 nicht möglich ist. Wer sich über die Feinheit des Unterschieds wundert*), der bedenke, außer der nothwendig nur dahin führenden Erklärung der Stelle des Herodot, den Gebrauch desselben, beide Ellen, trotz ihres Unterschieds, als identiseh anzusehen, und die Feinheit der Längentheilung, an welche die Alten überhaupt in ihrer Metrologie gewöhnt waren. Das kleinste Mass der Aegypter war der 16 te Theil des Fingers, das heisst 0.00117 m, das der Assyrer der 10te Theil eines großen Fingers 0.001776, während der obenerwähnte Unterschied 0.0045 war.

Ganz anders waren die praktischen Messungen im Großen, auf welche Herodot hier einen Schluss macht. Da wurde kein Unterschied mit einer ganzen Anzahl von Stadien gemacht, sondern die Zahlen wurden rund genommen. Niemand wird zweifeln, dass die 1500 Stadien vom Meere bis Heliopolis rund aufzufassen sind, und ebenso war es sicher zur Zeit des Herodot in Griechenland. Dass man der Entfernung vom Altar der 12 Götter in Athen bis zum Zeustempel in Olympia, auf dem vielgewundenen Wege, 1485 statt 1500 Stadien gegeben haben sollte, ist eine Unmöglichkeit. Es war dieser Weg damals der erste und einzige Weg von solcher Länge, der überhaupt vermessen worden war, weil er ein heiliger Weg war, auf welchem festliche Züge wandelten. Von Wegemessungen hören wir in Griechenland sehr wenig. In Hellenistische Zeit gehört die Sieges-Stele des Deinosthe-

³⁾ S. Hultsch, Literar. Centralblatt 1884, 19. Jan. p. 126.

nes, welche 1880 im Hofe der Palästra zu Olympia gefunden wurde^a), welche Pausanias gesehen hat, und auf welcher er las, dass von diesem Orte bis nach Lacedaemon 660 Stadien gewesen wären. Auf dem Originale sind aber nur 630 Stadien angegeben, und bis zur ersten Stele (auf dem Wege von Pisa nach Lacedaemon) seien 30 Stadien. Mir scheint, dass Pausanias nur die 630 und die 30 Stadien irrthümlich zu 660 zusammengezählt hat, und so der Fehler entstanden ist. Wenn nun aber der erste Abschnitt des gemessenen Weges 30 Stadien war, so können, scheint es, die übrigen Abschnitte vielleicht größer, zum Beispiel 60 Stadien gewesen sein, wenn man von Lacedaemon zu zählen anfing, aber sicher nicht kleiner, sehr wahrscheinlich waren sie ebenso groß, um so mehr, da man doch bei solchen Wegen sehr wahrscheinlich immer gleiche Abschnitte nahm, und nicht etwa nur auffallende Punkte durch Aufstellung einer Stele markirte. Da nun sowohl in den 630 Stadien von Lacedaemon, als in den 1500 von Athen aus bis nach Pisa solche Abschnitte von 30 Stadien, aber nicht einmal die von 60 aufgingen, so wird es wohl sehr wahrscheinlich bleiben, dass die Distancen in der Regel wenigstens in der früheren Zeit allgemein zu 30 Stadien üblich waren. Das heist aber zugleich, dass diese Distancen nicht genau abgemessen, sondern auf lange Strecken rund veranschlagt waren. Dasselbe dürfen wir dann um so mehr bei den 1500 Stadien von Athen bis Pisa annehmen.

Hier ist auch noch von einem Masse zu reden, welches Hultsch nicht nur dem griechischen Systeme zurechnet, sondern es auch geradezu mit seinem Attischen Fusse identificirt^b). Es ist der sogenannte "Ptolemäische Fus", der in der

^{*)} E. Curtius, Archäol. Zeitung 1881 p. 87.

b) Metrol. p. 69. 70.

Römischen Provinz Cyrenaica galt, und von welchem Hyginus^a) sagt: "In provincia Cyrenensium agri sunt regii, id est illi, quos Ptolemaeus rex populo Romano reliquit; pes eorum, qui Ptolemeicus appellatur, habet monetalem pedem et semunciam". Hiernach ist die Größe also nach dem Römischen Fuß 0.30802 m. Schon daß dieser Fuß ein Ptolemäischer heißt, würde ihn von den griechischen Maßen ausscheiden, denn er heißt so offenbar nach dem Ptolemaeus Apion, dem einheimischen Herrscher, der die Schenkung an das Römische Volk gemacht hatte. Wäre der Fuß der Attische, so würde er so genannt worden sein.

Wenn nun dieser Fuss ein ursprünglicher wäre, so würde er zu einem besondern Lokal-Systeme gehören, wie auch die Cyrenaische plinthis und das zugehörige medimnon, und da dieses weiter keinen Zusammenhang mit den bekannten Systemen hat, so würde diese Stelle zu erwähnen für uns überflüssig sein. Dr. Dörpfeld hat aber die richtige Bemerkung gemacht, dass wenn man die Hyginischen jugera wieder in Quadrate verwandelt, man ägyptische Aruren erhält. würde der zugehörige Fuss, die Elle zu 0.525 gerechnet, 0.30892 sein. Dörpfeld nimmt 0.524, weil dann der Fuss noch näher an die gegebenen 0.308 fallen, nämlich 0.30833 Diese Veränderung der ägyptischen Elle betragen würde. ist aber gar nicht nöthig; denn wenn der genaue Werth des Ptolemäischen Fusses gleich 1¹/₂₃ Römischen Fusse war, so setzte man jedenfalls dafür aus Bequemlichkeit 1 ½.

Wichtig ist nun aber der Schlus, den wir aus dem obigen Verhältnis machen müssen, das so seine Abweichungen, wie 0.0045 zwischen den beiden Ellen, vorhanden waren und sestgehalten wurden. Es solgt daraus, was wir von

^{*)} Gromat. ed. Lachmann, p. 122.

anderswoher meines Wissens noch nicht gehört haben, dass dieser bestimmte Fuss, der in Griechenland die erste Rolle spielt, von 0.297m, ganz genau in dieser Länge, sei es in Athen, sei es in Olympia, aufbewahrt und staatlich überwacht wurde, und dass es wissende Leute gab, wie Herodot, welche um diese staatlich bestimmten Masse wussten und sie mit denen der Nachbarstaaten zu vergleichen vermochten. Es setzt dies zugleich voraus, dass man den größten Werth darauf legte, dass die Masse, die einmal festgesetzt waren, nie alterirt wurden, sondern so lange, wie der Staat, der sie aufgestellt hatte, bestand, unverändert blieben. Wenn sie daher, wie wir annehmen müssen, durch Pheidon im 7. Jahrh. aus Aegypten, wo damals die XXVI. Dynastie herrschte, als μέτρα Φειδώνια eingeführt und unter Solon geregelt waren, so dürfen wir auch annehmen, dass sie seit dieser Zeit genau die angegebene Länge behalten hatten. Erst später wird man entdeckt haben, dass man sich in der beabsichtigten Gleichstellung mit der ägyptischen Elle um ein geringes geirrt Man liefs aber diesen Irrthum fortbestehen und machte diese Elle nun zu der eigentlichen griechischen neben der ägyptischen, die schon seit der Zeit der Pyramiden wenigstens ebenso unveränderlich feststand.

Griechenland hatte aber bereits vor Solon und vor Pheidon ein eigenes Mass-System, auf das wir weiter unten zurtickkommen werden, und welches aus dem Orient stammte.

4. Rom.

Dass das Römische und Griechische System zusammengehören, erweist schon die allgemeine Anlage. Sie werden auch beide ungefähr zu gleicher Zeit aus Aegypten eingezogen sein. Denn es ist jetzt durch Helbig^a) bekannt,

^{*)} S. Annali dell' Instituto Archeol. 1876. p. 242.

Römisches System.

1480	185	35.52	2.960	1.480	0.740	0.444	0.870	0.296	0.148	0.074	0.0185
mille passuum	stadium	actus	pertica decempeda	passus	gradus	cubitus	palmipes	pes	semipes	palmus	digitus
80000	10000	1920	160	86	40	24	20	16	12	4	—
20000	2500	480	40	20	10	6	5	4	8		
20000 66663/3	8381/8	160	181/8	63/8	8 ¹ / ₈	13	19/8	11/8	~		
5000	625	120	10	51	21/	11/	11/	_			
8	600	96	00	4	2	H					
8888 1/ 3	416 %	80	63/8	$3^{1}/_{3}$	12/3	–					
2000	250	48	4	2	—						
	125			_							
500	621/	12	—								
$41^{2}/_{3}$	$62^{1}/_{2}$ $5^{5}/_{24}$	-									

das Italien mit Aegypten während der XXVI. Dynastie vielfach in Verbindung gewesen ist, und es haben sich viele ägyptische Gegenstände von ächt ägyptischer Arbeit namentlich in Etrurien gefunden.

Das ägyptische System fand hier aber bereits ein andres vor, mit dem es sich verbinden mußte, und welches, wie es scheint, Italien ganz eigentbümlich war, und vom Fuße ausging. Dieser theilte sich nach unten in 2 semipes, in 4 palmus und in 16 digitus; und multiplicirte sich nach oben mit 5 zum passus, mit 10 zur pertica oder decempeda, mit 120 zum actus, und mit 1000 zum mille passuum. Man sieht, hier steht der cubitus oder die ulna, und das Stadium ganz nebenan. Das Ganze ist ein Fuß-System, welches mit dem ägyptischen Ellen-Systeme verbunden worden ist.

Der digitus, palmus, pes stimmen auch allein mit dem griechischen δάκτυλος, παλαιστή und πούς etymologisch, als uraltes Gemeingut, überein. Der Römische cubitus, cubitum oder die ulna kommen überhaupt nur selten vor, während die entsprechenden griechischen Worte κύβητος oder bei den Sizilischen Doriern κύβιτον, und άλένη überhaupt nicht als Maße vorkommen. Ebenso sind der passus mit dem mille passuum und die pertica oder decempeda, ein Feldmaß, den Griechen fremd, und ebenso der actus, welcher gleichfalls vom Feldbau hergenommen ist und ein Feldmaß ist. Das stadium ist erst spät von Griechenland eingeführt und wurde vom mille passuum aus als der achte Theil desselben, also nicht zu 600, sondern zu 625 Fuß bestimmt^a). Diese 625 Fuß, nach dem ägyptischen Werthe von 0.300^m

^{•)} S. Hultsch, Metrol. p. 81. 82.

bestimmt, geben 1500^m, und ebensoviel erhält man nach der andern Zählung, die dem Eratosthenes^a) und dem Polybios^b) zugeschrieben wird, dass das µthov (mille passuum) 8¹/₃ Stadien (ägyptisch zu 180^m) enthalte, denn 8¹/₃ mal 180 ist 1500^m. Ebenso, wenn man nach Römischem Fuss zu 0.296^m zählt; denn dann betragen 625 Fuss 1480^m und nach Stadien 8 mal 185^m wiederum 1480^m. Eratosthenes wird aber natürlich nach ägyptischer Weise, Polybius nach Römischer Weise gezählt haben.

Die Größe des Römischen Fußes ist durch viele Exemplare alter Fußmaße uns bekannt. Hier war es wieder der Fuß, nicht die Elle, welcher als Grundmaß festgestellt und als pes monetalis unter staatliche Außicht gestellt war. Diese Bezeichnung kam von der Juno Moneta, in deren Tempel auf dem Capitol die mensurae exactae außbewahrt und, um ihnen Heiligkeit zu geben, dem Jupiter Tarpeius in monte geweiht waren; wenigstens wird diese Weihung von einer amphora berichtet.

Dieses Normalmass ist uns nicht selbst erhalten, aber eine Menge von Massen, die ihm nachgebildet waren. Diese sind alle sehr sorgfältig von Hultsch gesammelt und verglichen worden. Sie weichen alle ein wenig von einander ab. Doch hat Hultsch von allen ein Mittel gezogen und sich für das Fusmass von 0.296 oder 0.2957 erklärt. Ich sehe keinen Grund hiervon abzuweichen und da es immer vortheilhast ist,

^{*)} Nach Julian. von Ascalon, Hultsch, Metrol. script. I, p. 201 § 9: τὸ μίλιον κατὰ μὲν Ἐρατοσθένην καὶ Στράβωνα (sollte heißen Πολύ-βιον) τοὺς γεωγράφους ἔχει σταδίους η΄ καὶ γ΄΄.

b) Strab. p. 322 und Fragm. 57 desselben Buchs (Polyb. 34, 12, 8, s. Hultsch p. 65).

c) Siehe hierüber Hultsch, Metrol. p. 88.

4. Rom. 45

frühere Bestimmungen, wenn nicht positive Gegengründe vorliegen, möglichst beizubehalten, so bleibe ich bei diesem Ansatze von 0.296 m. Dieses Mass weicht so unbedeutend von dem griechischen Masse ab, dass wir ohne Zweisel beide für identisch ansehen können, wie dies in neuester Zeit von Dörpfeld ausdrücklich geschehen ist, weil ein Unterschied nicht nachzuweisen sei. Mein Beweis dafür war ein positiver, obgleich ich auch davon ausgegangen war, dass die bisherigen Beweise für andere Zahlen in meinem Sinne keine waren. Es ist aber gar nicht unwahrscheinlich, dass auch zwischen diesen irgend ein kleiner Unterschied war, wie zwischen dem ägyptischen und dem griechischen. Wenn ein solcher kleiner Unterschied entweder mit Sicherheit als nicht vorhanden, oder wenn er noch genauer als es hier geschieht nachgewiesen werden kann, dann ist es Zeit dies auszusprechen und unsere Messungsangaben danach zu berichtigen.

Duodecimalsystem der Elle.

0.006166	sicilicus	1/48	0.148	semis	1/2
0.012333	semuncia	1/24	0.1716057	septunx	⁷ / ₁₂
0.0245151	uncia	1/12	0.19733	bes	² / ₃
0.037	sescuncia	1/8	0.222	dodrans	3/4
0.04933	sextans	1/6	0.2466	dextans	5/6
0.074	quadrans	1/4	0.26966	\mathbf{deunx}	11/12
0.09866	triens	1/3	0.296	as (pes)	1 Fuss.
0.1225755	quincunx	5/12			

Die Römer, richtiger die Italer, hatten neben dem ägyptischen Systeme noch eine andre Art den Fuss zu theilen, indem sie diesen wie auch die Münze As und noch andre

Dinge als eine Einheit überhaupt ansahen und, ohne seine Beziehung zu nennen, in 12 kleine Einheiten, *Uncia* genannt, eintheilten. Sie erhielten dann die Theile:

sextans $\frac{1}{6}$ quadrans $\frac{1}{4}$ triens $\frac{1}{3}$ semis $\frac{1}{2}$ bes $\frac{2}{3}$ as (pes) das Ganze (der Fuss).	uncia das	heisst: kleine Einheit.
triens $\frac{1}{3}$ semis $\frac{1}{2}$ bes $\frac{2}{3}$	sextans	1/6
semis $\frac{1}{2}$ bes $\frac{2}{3}$	quadrans	1/4
bes ² / ₃	triens	1/3
•	semis	1/2
as (pes) das Ganze (der Fuss).	bes	² / ₃
	as (pes)	das Ganze (der Fuss).

Erst später füllte man die Lücken, die sich in dieser rationellen Reihe zeigten, meist dadurch aus, dass man die Brüche, deren Nenner oder Zähler nicht in 12 aufging, entweder durch die Anzahl der Unzen, die der Bruch enthielt, ausdrückte, wie sescuncia, quincunx, septunx = $1^{1/2}$, 5, 7 Unzen, oder durch Abzüge von der Einheit bezeichnete, wie dodrans, dextans, deunx als $\frac{1}{4}$ von $1 = \frac{3}{4}$, $\frac{1}{6}$ von $1 = \frac{5}{6}$, 1 Unze von $1 = \frac{11}{12}$. Man setzte ferner unter der uncia noch eine semuncia $\frac{1}{24}$, und einen sicilieus $\frac{1}{48}$ zu. Nur der bes $\frac{2}{3}$ bleibt fraglich, ob er zu den Ur-Theilen gehört, oder zu den Zuthaten. Es steht nach Varro de L. L. V, 172 für des, und dieses soll heißen, daß ein triens vom as genommen wird (demitur), oder wird nach Festus Exc. p. 33. M. durch bis Richtiger wird es aus bi-as, als 2 Theile triens erklärt. (Drittel) des as, abgeleitet, von O. Müller und Th. Mommsen. Die beiden größeren Maße dupondius und sestertius können hier übergangen werden. Mir scheint bes schon wegen der Namensform zu den Ur-Theilen zu gehören. Dazu kommt, dass ²/₃ sich immer leicht an die Brüche mit 1 als Nenner anschloss, wie auch in Aegypten.

Der as bedeutet eine Gesammtheit, ein Ganzes, einzel-

nen Theilen desselben gegentiber, und kann daher von den verschiedensten Dingen gebraucht werden. Die uncia von einem verloren gegangenen uncius verlangt pars zur Ergänzung; uncius war eine Fortbildung von unus (wie eine andre unicus war) und scheint einer diminutiven Bedeutung nahe gekommen zu sein, steht also für una pars. Man sieht, dass hier die Wörter, auf die sich die Theilung bezieht, überhaupt nicht genannt werden. Hier wird überall der pes als as verstanden und unter dem "einen Theile" der uncia wird der 12. Theil verstanden. Der as und seine Theilung bis zur uncia konnte aber ebenso vom iugerum, von der libra, vom libralen Kupfer-As verstanden werden. Diese Theilung in 12, das Duodecimalsystem, war für den Gebrauch also das natürliche, ererbte, und war im Grunde dasselbe, wie die Theilung in 6 Palm und 24 Finger bei den Ellensystemen, mit denen es aber nur in dem Fusse selbst, im dodrans, welcher gleich 3 Palm war, im semis, der gleich 2 Palm war, im quadrans, der gleich 1 Palm, und in der sescuncia, die gleich 2 Fingern war, übereinstimmte.

Wir haben hier also nur ein Zahlensystem, das Duodecimalsystem, vor uns, und dieses nur auf den Fuss, ursprtinglich weder drüber noch drunter, angewendet. Wir
können es also vollkommen richtig mit dem Babylonischen
Sexagesimalsysteme vergleichen, welches auch auf alle zählbaren Dinge angewendet werden konnte, in einem speciellen
Falle aber auf das Ellensystem, wie wir unten sehen werden,
angewendet wurde und dieses veränderte.

Hier geschah eine solche Aenderung in Bezug auf das daneben stehende Fussystem, welches von dem ägyptischen Ellensysteme hergeleitet wurde, nicht. Auch wurde die Reihe nie über das Fussmaß selber auf Feld- oder Wege-Maße hinausgeführt.

Es war dies also in der That mehr eine Theilungsmethode in 12 Theile als ein Fussystem, und muss daher hier von den andern Systemen ausgeschieden werden, mit denen es auch durchaus keinen Zusammenhang hat.

Babylonische Abtheilung.

Das Sexagesimalsystem.

Wir gehen nun hier sogleich zu dem andern Zahlensysteme über, das wir soeben mit dem Römischen Duodecimalsystem verglichen haben, zu dem Babylonischen Sexagesimalsysteme. Auch dieses geht nicht von der Elle aus, ist also nicht ein Ellensystem, sondern es ist nur auf die Elle angewendet worden, auf ein vorher vorhandenes Ellensystem, welches es verändert hat.

Das sexagesimale Zahlensystem geht, wie das decimale System von 10, und 10 mal 10 (100), so von 60, und 60 mal 60 (3600) aus. Die erste Zahl heißt als solche šuš, griechisch σῶσσος, die zweite šar, griechisch σάρος. Diese Zahlenkomplexe sind namentlich auf die Jahre angewendet worden und werden in der mythischen Chronologie gebraucht. Aber auch in vielen andern Beziehungen wird die 60 vorzugsweise gern verwendet. Es ist eigentlich eine Verbindung des Quinal- (oder Decimal-) Systems, welches auf der Fünfzahl der Finger einer Hand beruht, und des Duodecimalsystems, welches auf der einfachsten Theilung eines Körpers oder einer Zahl in 3 und 4 zusammen 12 beruht. Diese

Verbindung von 5 und 12 ergiebt 60, das ist der $\sigma\tilde{\omega}\sigma\sigma\sigma_{\varsigma}$ und deren Quadrat $60 \times 60 = 3600$, das ist der $\sigma\alpha\rho_{\varsigma}$.

Diese beiden Zahlen waren in ein solches Verhältniss gesetzt, dass man besondere Zeichen nur für die Zahlen von 1—60, also bis zum σῶσσος brauchte. Von da an begann man von vorn mit 1, die man nun gleich 60 setzte, und die Veränderung der Bedeutung wurde dadurch ausgedrückt, dass man entweder den Namen von einer der beiden Kategorien šuš, oder šar dazu setzte, oder dass die Einer der ersten 60 nur rechts neben die Einer der zweiten 60 gesetzt, und also durch die Stelle bezeichnet wurden, welche sie neben einander einnahmen, ganz wie unsre Zahlen von 1 bis 9 ihre Bedeutung verändern, je nachdem sie die Stelle innerhalb einer großen Zahl wechseln. Es wird also 20 bedeuten 20, aber 1.20 wird 60 + 20, und 59.20 wird $59 \times 60 + 20$ be-Nach 59×60 folgt wieder $1 = 60 \times 60$, und 1. 20. 20 bedeutet: 60×60 , $+20 \times 60$, +20. Es ist aber keine Stelle gefunden, wo wir ein Zeichen für 0 zu finden nothwendig zu erwarten hätten. Das Zeichen ist auf der Tafel von Senkereh, wo die Tabellenform über den Sinn keine Dunkelheit zulies, einfach nicht vorhanden. Vgl. meine Abhandlung über die Babylon.-Assyr. Längenmaße nach der Tafel von Senkereh. Berlin. Akad. Abh. 1877. p. 107^a). Ein solches müste es aber gegeben haben, und wenn es nur in einem besondern Abrücken der einzelnen Zahlen bestanden hätte; sonst würde die ganze Einrichtung in Konfusion gerathen und nicht zu brauchen gewesen sein. Diese ganze Stellenerfindung aber, welche durch die Zuthat einer Null

^{*)} Diese Seite ist nicht corrigirt worden. Folgende Druckfehler sind stehen geblieben: lin. 15 lies Kubus statt Quadrat; l. 16 lies zweimal 8 statt 9, und 480 statt 450; l. 17 lies 4096 statt 4156; l. 27 und 28 lies Kubus statt Quadrat.

erst vollkommen werden konnte, war den Aegyptern, wie den Griechen und Römern unbekannt und würde bei dem Alter der betreffenden Senkereh-Tafeln eine höchst merkwürdige Erscheinung in der Geschichte der Mathematik gewesen sein.

Doch läst sich die Sache auch anders auffassen, in einer Weise, wie sie weniger wunderbar ist, und an der ich zunächst festhalte.

Es scheint mir nämlich sehr zweifelhaft, dass man jemals ein Zeichen für Null finden wird. Wie hätten die Griechen dieses Zeichen mit allen Konsequenzen nicht sogleich in seiner Wichtigkeit erkannt und aufgenommen. Wo man die Kategorien der Zahlencomplexe angeben wollte und musste, bediente man sich der Worte, die man dafür besafs. Ich habe schon in meiner Abhandlung diesen Weg angegeben, und habe z. B. die Zahl von 16280 Ellen für den Umfang von Khorsabad angeführt, welche durch 4 šar, 3 ner, 1 šuš, 3 qani und 2 Ellen ausgedrückt wurde, während sie weit kürzer durch die Stellen-Anwendung 4. 31. 20. d. i. 4 šar, 31 šuš, 20 Ellen hätte ausgedrückt werden können*). Es scheint überhaupt die Stellenanwendung nie in beliebigen Texten vorzukommen, sondern nur in Rechnungen angewendet worden Sie ist, wenn ich recht weiß, bisher nur auf den zu sein. Tafeln von Senkereh vorgekommen. Auf der Tafel der Qua-

a) Ich habe mich in diesem Punkte in der Abhandlung p. 108 geirrt, indem ich daselbst gesagt habe, man habe die Zahl durch 4. 3. 1. 20 ausdrücken können. Ich habe dabei mit der 3 den Ner eingeschoben. Dieser nahm aber in dem Stellensystem ebensowenig eine Stelle ein, wie die Assyrischen Maße qanu, sus (der Assyrische) und Kaspu. Ich mußte daher auch auf der Tabelle zu p. 122 in der Babylonischen Columne den eingeklammerten Ner neben 10 weglassen; denn dieser hätte nur einen babylonischen Werth gehabt, wenn er auch neben einer 1 gestanden und einer neuen Potenz gegolten hätte, was nicht der Fall ist.

drate kommen nur 2 Stellenzahlen vor, šuš und Einer; auf der Tafel der Kubus 3 Stellenzahlen, šar, šuš und Einer. Auf der Tafel der Längenmasse kommen auch nur 2 Stellenzahlen vor, einmal Einer und Brüche, dann šar und šuš. Das sind aber alles Reihen von Rechnungszahlen ohne alle Beischrift, deren Sinn sich aus den Reihen selbst erklärt, und sonst gänzlich unverständlich sein würde. In gleicher Weise konnte man sich durch Untereinanderschreiben der Zahlen der gleichen Potenz in sehr vielen Fällen helfen. Unbestimmtheit zu fürchten war, konnte man den Namen der Potenz dazu schreiben, wie man dies bei beliebigen andern Zahlen immer that. Denn hätte man ein Zeichen für O gehabt, so hätte man dieses ohne Zweifel schon hier angewendet, statt die Potenzen gar nicht oder durch die genaue Untereinandersetzung der sich entsprechenden Potenzen zu unterscheiden, wie z. B. in der letzten Zeile der Kubus-Reihe, wenn die Publikation (Inscr. of West-Asia pl. 44) in diesem Punkte richtig ist. Es ist aber auch klar, dass man bei solchen gelegentlichen Stelleurechnungen niemals den Ner gebrauchen konnte, weil dieser keine Potenz anzeigt, sondern ein beliebiger, mit dem Sexagesimalsysteme sich leicht vereinigender Zahlenkomplex ist, der den großen Spalt zwischen 60 und 3600 verringerte. Immerhin ist selbst in dieser beschränkten Anwendung der Stellenrechnung ohne Zweifel der wichtigste Anhalt zu sehen für die spätere Ausbildung der Nullrechnung, welche die Inder erfunden zu haben scheinen.

Die Ton-Tafeln von Senkereh, welche das einzige Beispiel dieses Sexagesimal-Stellensystems zeigen, werden von Sayce, einem vorzüglichen Englischen Keilschriftforscher, nach Wahrscheinlichkeit zwischen 2300 und 1000 vor Chr. gesetzt^a),

a) Vorlesungen über Geschichte der Mathematik von Moritz Cantor. 1. Band. Leipzig 1880. p. 76.

und die Einführung desselben gehörte ohne Zweisel in sehr frühe Zeit der Sumerischen oder Südbabylonischen Ober-Herrschaft, da die Semitischen Assyrer das System in seiner Anwendung auf ihr früheres Ellensystem zuließen.

Die Sumerischen Babylonier wendeten ihr Sexagesimalsystem, wie auf die Jahre und andere zählbare Dinge, so auch auf einer Tafel von Senkereh auf die unbegrenzte Zahl der Ellen und auf die unbegrenzte, oder nur willkürlich abgebrochene Reihe der Ellentheile an, dadurch allein, dass sie eine Elle = 1 setzten, und dann sexagesimal dieselben fortzählten; also zuerst (immer mit einzelnen verschiedenen Intervallen) von 1 bis 59, welches Einer sind, dann wieder von 1, welches nun 60, den σωσσος bedeutet, wiederum bis 59, dann wieder von 1, welches nun den $\sigma \alpha \rho \sigma s$ also 60×60 bedeutet. Ebenso theilten sie die Elle erst in ⁵⁹/₆₀, dann, wenn man von da bis zu ¹/₆₀ aufgestiegen ist, wiederum in $^{59}/_{60}$, welche nun aber $^{59}/_{60 \times 60} = ^{59}/_{60}$, bedeuten, und so fort. Also ungefähr ebenso, wie man jetzt vom Decameter zum Hektometer, Kilometer, oder vom Dezimeter zum Zentimeter und zum Millimeter fortschreitet, so schritt man in Babylon von 1 Elle zum σώσσος von Ellen und dann zum σάρος von Ellen fort, und nach der andern Seite zum σῶσσος von Ellentheilen, und so fort. Das Ganze ist also nur eine gewisse Zählungsweise der Ellen oder ihrer Theile, kein Ellensystem wie es bei den andern Völkern vorliegt.

Ich lasse nun die sexagesimale Reihe der Zahlen, auf die Elle in Senkereh angewendet, obgleich sie eigentlich nicht in diese Folge von verschiedenen Ellensystemen gehört, folgen, weil von hier die Veränderung des darauf folgenden Assyrischen Ellensystems ausgegangen ist.

Die Grenzen dieser oben und unten abgebrochenen Reihe waren durch die Ausdehnung des Assyrischen Ellensystems,

namentlich in der Theilung, gegeben. Der feinste Theil des Systems war ½ Finger. Wenn man diesen Theil der Elle gleich der Einheit setzte, so erreichte man mit einem Doppelkaspu 2 šar. Hier schloss man. Die Mitte, der erste šar, fiel auf 1 Doppel Qanu. Der Babylonische Rechenmeister aber setzte sich zur Einheit die Elle selber, und zählte nach šuš und šar nach oben und nach unten so weit er kam. Die Abschnitte, die ich nicht alle wiederhole, machte er ungefähr nach einem regelmäßigen Fortschritte. Ich lege dabei meine Ergänzungen zum Grunde, die ich in der Abhandlung über die Senkereh-Tafeln gegeben habe.

```
(šar = \frac{12}{60^2} Elle)
12
      = \frac{48}{60^2} "
48
      1.12 ( , 12 šar = \frac{1}{60} + \frac{12}{60^2} , )
 1.48 ( n , 38 n = \frac{1}{60} + \frac{48}{60^2} n )
      ( " = " / 60 " )

( " = " 58 / 60 " )

(Elle = 1 ")
 2.
58
 1
1. 20 ( ^{\circ} , 20 šuš = 1^{20}/_{60}
1.40 \, ( , 40 \,  , = 140/60
                                " )
                = 2 Ellen)
      ( \ , \ = 12
12
1 (šuš = 60
48 ( * = 2880
48
                  = 3600
1.12 \ ( , 12 \ \text{šuš} = 4320
1.48 \ ( \ " \ , \ 48 \ " = 6480
2 \quad ( \ " = 7200 \ )
12 \qquad ( \ , \qquad = 43200
```

1. Assyrien.

α. πηχυς μέτριος.

0.01998	Finger	1					
0.07992	Palm	4	1				
0.23976	Spanne	12	3	1			
0.47952	Elle	24	6	2	1		
3.1968	Ruthe	144	36	12	6	1	
191.808	Stadium	9600	2400	800	400	$66^{2}/_{3}$	1

Herod. 1, 178 spricht von Babylon und der Größe seiner Mauern: eine jede der vier Seiten sei 120 Stadien groß gewesen; die Breite dieser Mauern sei 50 königliche Ellen, die Höhe aber 200 Ellen hoch gewesen. Dann fügt er hinzu: ό δε βασιλήϊος πῆχυς τοῦ μετρίου ἐστὶ πῆχεος μέζων τρισὶ δαχτύλοισι. "Die königliche Elle ist aber 3 Finger größer als die gewöhnliche". Böckh") hält den πηχυς μέτριος wie schon Ideler für die "gangbare gemeine Elle der Griechen", und so auch alle seine Nachfolger. Der Ausdruck πηχυς μέτριος kommt sonst nirgends wieder vor. Hier aber wird er nur im Gegensatze zu der Babylonischen königlichen Bauelle, in welcher die Mauern von Babylon gebaut wurden, gebraucht. Da Böckh (p. 220) den Babyloniern die Kenntniss eines kleineren Masses als das königliche ist, zuschreibt, so musste er doch in dieser Stelle zuerst an das kleinere Babylonische Mass als πηχυς μέτριος denken, und nicht an das griechische Mass. Ja, wenn er nicht andere Gründe für die Existenz eines kleineren Masses in Babylon hatte, so musste er schon aus dieser Stelle selbst auf ein solches schließen, da die Gegensetzung hier zu klar ist.

^{*)} Metrol. Untersuchungen p. 212. 214.

Der Sinn von μέτριος geht aus dem von Böckh zitirten Scholiasten zum Lucian^a), der vom πῆχυς βασιλικὸς bei seinem τύραννος gesprochen hatte, hervor. Der Scholiast sagt dazu: ὁ γὰρ βασιλικὸς πῆχυς ἔχει ὑπὲρ τὸν ἰδιωτικὸν καὶ κοινὸν τρεῖς δακτύλους. Hiernach ist μέτριος πῆχυς nicht, wie Böckh übersetzt, die "mäßige" Elle, sondern die "das rechte Maß habende", als die gemeine, für jedermann gewöhnliche Elle. Daraus geht zugleich hervor, daß die königliche Elle als die davon abweichende, nämlich die für Bauten gebrauchte Elle, betrachtet wurde.

Diese gemeine Babylonische Elle war also drei Finger kleiner als die Babylonische königliche Elle. von beiden Ellen wird uns auf der Tafel von Senkereh vorgeführt als aus 30 Fingern bestehend, und ist dem Sexagesimalsysteme nachgebildet. Diese müssen wir ohne Zweifel für die große königliche Elle halten. Da nun, wie wir bei dem Heronischen Masse sehen werden, die königliche Elle 0.5328 groß war, so bleiben für die kleine Elle entweder 0.47952^m, wenn wir drei Finger der großen Elle abziehen, oder 0.46286, wenn wir drei Finger der kleinen Elle abziehen. Wenn wir lesen, dass die große Elle 3 Finger größer als die kleine war, so kann es scheinen, als wenn man von der kleinen, die zugleich die ältere war, ausging, und die größere um einen bestimmten Theil der kleineren vergrößerte. Wenn - man also der alten kleinen wie überall 24 Finger giebt, so würde man der größeren 3 Finger mehr also 27 Finger der kleinen Elle gegeben und diese Länge in 30 Finger getheilt Das Verhältniss der beiden Ellen wäre dann wie 8:9 So war in der That der Verlauf in Aegypten. gewesen. Man ging hier von der kleinen Elle aus, und stellte dann

a) Kataplus 16.

eine größere her, indem man der kleinen Elle 4 Finger, das ist $^{1}/_{6}$, zusetzte, so daß sich die kleine Elle zur großen wie 6:7, oder wie 24 zu 28 verhielt, und theilte dann die große Elle von 28 kleinen Fingern wieder in 24 große Finger, wie wir gesehen haben.

Hier aber war es anders. Man ging von der großen 30 fingrigen Elle aus, zog den 10ten Theil, 3 Finger, davon ab und erhielt dadurch 27 Finger der großen Elle, welche man nun in 24 Finger nach der alten Sitte eintheilte, und erhielt so das Verhältniß der beiden Ellen von 9:10. Den Grund zu dieser Annahme werden wir bei der großen Babylonisch-Assyrischen Elle sehen. Die kleine Elle erhielt also 0.47952 m.

Man könnte auch vermuthen, dass man die kleine Elle von 27 Fingern der großen Elle nicht in 24, sondern wie die große, auch in 30 Finger getheilt hätte. Dann hätte sich auch der Finger der kleinen Elle, und die tibrigen Ellentheile, zu denen der großen Elle, wie 9:10 verhalten, ganz wie bei der ägyptischen Elle wie 6:7. Auch dagegen spricht der Grund, den wir bei der großen Elle anstühren werden.

Im Uebrigen haben wir keine Angabe über die orientalische kleine Elle. Wir können daher nur die einfachen alten Theile aller übrigen Ellensysteme von 24 Fingern hier mit Grund vermuthen. Wir haben außer der Elle noch die Spanne, den Palm und den Finger nach der Gesammtgröße der Elle bestimmt. Einen Fuß gab es in diesem Systeme nicht; der ist erst in Griechenland und in Italien, wenigstens seiner eigentlichen Bedeutung nach, gekommen. Wenn er überhaupt existirte, konnte es nur in der ägyptischen Bedeutung einer ²/₃ Elle der Fall sein.

Dagegen wird wohl die Ruthe, wie bei den Althebräern aufgenommen gewesen sein.

An den πῆχυς μέτριος schloss sich aber mit großer Wahr-

scheinlichkeit das στάδιον an, das von Herodot bei den Mauern von Babylon erwähnt wird. Es hatte 400 kleine Ellen und entsprach 360 großen Babylonischen Ellen. In beiden Fällen hatte es 191.808 m. Es hatte den Werth eines šuš der Ruthe, also 60 Ruthen. Dass aber dieses Stadium schon den Begriff eines Griechischen Stadiums einer Rennbahn gehabt hätte, ist jedenfalls abzuweisen. Wir hören nichts von solchen Spielen anderswo als in Griechenland, und in den von ihm beeinflussten Ländern. Das schliesst aber gar nicht aus, dass das Mass des ältesten griechischen Stadiums von einem Babylonisch-Assyrischen Masse hergenommen war, wie wir das weiter unten vermuthen werden. verhielt es sich mit dem ägyptischen Stadium. Hultsch (p. 383) setzt nach Achilles Tatius die Entstehung und Bedeutung eines Babylonischen Stadiums auseinander.

1. Assyrien.

b. πηχυς βασιλικός.

Die nachfolgende große Tabelle beruht ganz auf der Tafel von Senkereh, von welcher sie gleichwohl nur einen Theil enthält. Ich habe alle Zahlen ausgelassen, welche im Original die Reihe nur vervollständigen, so daß diese in geringern regelmäßigeren Intervallen erscheint. Die Zahlen, von der kleinsten Größe, ¹/₁₀ Finger, bis zu 2 kaspu in sexagesimaler Ordnung außteigend, umfassen den Werth von 2 šar solcher kleinsten Theilchen. Der erste šar führt bis zur Doppel-Ruthe, welche 3600 Zehntel-Finger enthält, und selbst 3600 mal in 2 kaspu, der größten erscheinenden Zahl, außgeht. Diese und nicht etwa die Elle bildet also den Mittelpunkt des in Senkereh dargestellten Ellensystems, während das Sexagesimalsystem auf Ellen angewendet, welches daneben steht, die Elle selbst

A. Babylonische Form.

0.001776	Zehntel Finger	1				
0.01776	Finger	10	1			
0.0888	Hand	50	5	1		
0.1776	Doppel-Hand	100	10	2	1	
0.3552	2 Doppel-Hände	200	20	4	2	1
0.444	5 Hände	250	25	5	21	/2 1
0.5328	Elle	300	3 0	6	3	11/5
1.0656	2 Ellen	600	60	12	6	$2^{2}/_{5}$
2.1312	4 ,	1200	12 0	24	12	$4^4/_5$
2.664	5 _n	1500	150	3 0	15	6
3.1968	1 Ruthe, 6 Ellen	1800	180	3 6	18	$7^{1}/_{5}$
6.3936	Doppel-Ruthe, 12,	3600	360	72	36	$14^{2}/_{5}$
19.1808	36 Ellen	10800	1080	216	108	431/5
31.968	60 "	18000	1800	360	180	72
47.952	90 "	27000	2700	540	270	108
191.808	360 "	108000	10800	2160	1080	432
213.12	400 "	120000	12000	24 00	1200	480
319.68	600 "	180000	18000	3600	1800	720
383.616	1 šuš, 720 Ellen	216000	21600	432 0	2160	864
1918.08	5 šus, 3600 "	1080000	108000	13600	10800	4320
3836.16	$^{1}/_{3}$ kaspu, 7200 "	2160000	216000	432 00	21600	8640
5754.24	$^{1}/_{2}$, 10800 ,	3240000	324000	64800	32400	12960
11508.48	1 , 21600 ,	6480000	648000	129600	64800	25920
23016.96	2 ", 43200 "	12960000	1296000	259200	129600	51840

als Einheit setzt, und von dieser so weit nach oben Ellen zählt und nach unten die Elle theilt, als das Babylonisch-Assyrische Ellensystem hier dazu Raum giebt. Folglich fallen auch die sexagesimal charakteristischen Zahlen 1, 60, 3600 u. s. w. in beiden nebeneinanderstehenden Reihen an ganz verschiedene Stellen, und sind im Original gar nicht dazu ge-

```
1
     2
             1
             2
                     1
     4
                     11/4
             2^{1}/_{2}
                           1
     5
                     1^{1}/_{2}
                           1^{1}/_{5}
     6
             3
                                  1
                            2^{2}/_{5}
                     3
    12
             6
                                  2
                                        1
                            7^{1}/_{5}
                     9
                                        3
   36
            18
                                 6
                                                1
                          12
                                                1^{2}/_{3} 1
            30
                                 10
                                        5
   60
                    15
                   27^{1}/_{2} 18
                                 15
                                        7^{1}/_{2}
                                                2^{1}/_{2} 1^{1}/_{2} 1
   90
            45
                                                     6
          180
                   90
                          72
                                 60
                                        30
                                               10
                                                           4
  360
                                                                1
  400
                          80
                                66^{2}/_{3} 33^{1}/_{3} 11^{1}/_{9} 6^{2}/_{3} 4^{4}/_{9} 1^{1}/_{9} 1
          200
                  100
  600
          300
                  150
                         120
                                100
                                        50
                                             16^{2}/_{3} 10
                                                           6^2/_3 1^2/_3 1^1/_2 1
                  180
                                               20 12
                                                                2 \quad 1^4/_5 \quad 1^1/_5 \quad 1
  720
                                        60
                                                           8
          360
                         144
                                120
                  900
                         720
                                             100
                                                    60
                                                                     9 6 5 1
 3600
         1800
                                600
                                      300
                                                         40
                                                               10
         3600
                 1800 1440 1200
                                             200 120
                                                               20
                                                                    18 12 10 2 1
 7200
                                      600
                                                         80
                 2700 2160 1800
                                             300 180 120
                                                              30 27 18 15 3 11/2 1
10800
         5400
                                      900
                 5400 4320 3600 1800 600 360 240
                                                              60 54 36 30 6 3 2 1
21600 10800
43200 21600 10800 8640 7200 3600 1200 720 480 120 108 72 60 12 6 4 2 1
```

Namen der Multiplikate der Elle selbst, und zwar an seinem richtigen Orte, wenn man von der Doppelruthe an zählt, so dass also der Name šuš, σῶσσος, gleich 60, hier in die Reihe der Komplexnamen der Elle selbst aufgenommen und wie die andern gebraucht erscheint. Ein šuš hies also in diesem

Ellensysteme nicht 60 Ellen, sondern 60 Doppelruthen von Ellen, oder 720 Ellen. Man könnte nun glauben, dass ebenso nêr in diesem Sinne statt 600 Doppelruthen gebraucht würde; das ist aber nicht der Fall, sondern nach dem šuš folgt in der Reihe der Name des kaspu, und zwar zuerst nicht gleich 1, sondern 1/3 kaspu, welches nun wie der nêr der Doppelruthe, als 600 Doppelruthen, oder 7200 Ellen gesetzt wird. Endlich wird auch der šar der Doppelruthe nicht šar, sondern 2 kaspu genannt.

Aus diesen Umständen wird also völlig klar, das hier der Name šuš nicht als die beliebige Zahl 60 genannt war, die in einem Ellensystem nur 60 Ellen bedeuten könnte, sondern ein sester Name, wie die Ruthe oder der kaspu, geworden war, und 720 Ellen bedeutete, mit Beziehung auf die Entstehung des ganzen Systems, wie ich es in meiner Abhandlung auseinandergesetzt habe.

Nichts desto weniger weicht der Gebrauch, wie wir ihn sonst auf den Denkmälern finden, von dieser Benennungsweise ab. Das zu beweisen reicht schon die bereits erwähnte Zahl von 16280 Ellen für den Umfang von Khorsabad hin, welche durch 4 šar, 3 ner, 1 šuš, 3 qani und 2 Ellen ausgedrückt wird, also mit den in dem System von Senkereh übergangenen Namen nêr und šar, und mit der andern Bedeutung von šuš, als 60 Ellen, nicht als 60 Doppel-Ruthen von Ellen.

Dieses letztere System ist auch offenbar das natürlichere, obgleich auf die Entstehung weniger Rücksicht nehmende, und dasjenige, welches den Sieg über das andre davon getragen hat; denn es ist offenbar jünger als jenes.

Wir stellen hier nun dieses spätere, Babylonisch-Assyrische System auf, welches sich namentlich durch die verschiedene Bedeutung von žuš und durch die größeren, in Senkereh gleichfalls nicht genannten Sexagesimal-Bezeichnungen ner, šar und kaspu unterscheidet.

B. Assyrische Form.

0.001776	$^{1}/_{10}$ Finger	1						
0.01776	Finger	10	1					
0.0888	Hand	50	5	1				
0.5328	Elle	300	30	6	1			
3.1968	Ruthe	1800	180	36	6	1		
31.968	šuš	18000	1800	3 60	60	10	1	
319.68	ner	180000	18000	3600	600	100	10	1
1918.08	šar	1080000	108000	21600	3600	600	60	6 1
11508.48	kaspu	6480880	648000	129600	21600	3600	360	36 6 1

In A fehlt der Nêr ganz und ist an der Stelle, wo man ihn erwarten könnte, durch den Ausdruck von $^{1}/_{3}$ kaspu vertreten. Da der Ner gar nicht zu den Sexagesimal-Potenzen gehört, sondern nur des weiten Sprunges von 60 zu 3600 wegen als 600 zwischen geschoben ist, so ist natürlich ein System, in welchem der Ner noch fehlt, das ältere. Ferner ist die Stellung des šuš, (ner), und šar in dem System B viel natürlicher, als die in A, weil sich in B diese Zahlen auf Ellen, nicht auf Doppel-Ruthen beziehen, die offenbar nur wegen der die Mitte haltenden Doppel-Ruthe zwischen 2 Šar von gezählten und nicht noch weiter auszudehnenden Größen, eine Wichtigkeit erhalten hatten, welche dazu führte, die ersten 60 Doppelruthen einen Šuš zu nennen.

Doch ist auch das System B deutlich aus zwei Theilen zusammengesetzt, aus dem vorderen, welcher die Namen Finger, Hand, Elle, Ruthe, führt, und dem späteren mit den Namen Šuš, Ner, Šar, Kaspu. Die vier letzten Namen sind dem vorderen wegen des Sexagesimalsystems, angehängt worden, und die vorderen sind gleichzeitig, um die Verbindung mit den folgenden möglich zu machen, verändert worden. Statt

des Palm hat man die Hand, statt der Klafter die Ruthe eingeführt, und hat der Elle 30 statt 24 Finger gegeben. Dadurch bekam man für den unteren Theil des Systems die dem Sexagesimalsystem sich leicht anfügenden Zahlen des Fingers, der Hand von 5 Fingern, der Elle von 30 Fingern oder 6 Händen, und der Ruthe von 180 Fingern oder 36 Händen oder 6 Ellen, statt der bekannten Theilung der Elle in 24 Finger oder 6 vierfingrige Palm, und der über der Elle stehenden 4 elligen Orgyie.

Den Fuss dürfen wir der königlichen Elle nicht zufügen. Der Ort wäre in Senkereh gegeben; der Fuss würde daselbst statt "2 qat" gestanden haben, und da wir sonst niemals eine zweite Größe neben einer zweifachen höheren Größe stehend finden, was an sich als Uebelstand aufgefasst werden kann, so könnte man sehr gut das Doppel-qat nur auf die eine Reihe mit 9 uban beschränken, dann aber immer für den Ausdruck "2 Doppel-qat" ein Wort für "Fus" ansetzen. Ich vermeide aber diese Größe einzusetzen, wie dies im Monatsberichte p. 1207 geschehen ist, da auch in Aegypten die große Elle keinen Fuss gehabt zu haben scheint, und da auch in B, das heisst in den gewöhnlichen Texten bei der großen Elle kein Fuss erwähnt wird. Auch haben wir gesehen, dass der ganze Begriff des Fusses als Masstheil erst in Griechenland und Italien aufgekommen ist, während in Aegypten dafür 3/3 stand, was auch hier, wenn die Größe dagewesen wäre, der Fall gewesen sein müste.

Es waren aber 60 Stadien wieder ein ägyptischer σχοτνος in Oberägypten, nach der Zählung des Herodot. Hierin liegt schon wieder ein unverkennbares Zeichen, dass ursprünglich das ägyptische und das babylonisch-assyrische System ein und dasselbe war. Denn wenn nicht nur der πῆχυς μέτριος der Assyrer noch fast ganz die Eintheilung der Aegypter bei-

behalten hat, sondern auch die drei größten Maße, das Stadium, der Parasanges und der Kaspu in beiden Systemen wiederkehren in völlig gleichen Distancen, so kann doch kein Zweifel übrig bleiben, daß beide Systeme ursprünglich eins waren. Ein Persischer σχοτνος war das Doppelte des Persischen Parasanges, und da die Persischen Maße ohne Zweifel gleich den Babylonisch-Assyrischen waren, so enthielten der Persische σχοτνος und παρασάγγης nicht bloß die gleiche Anzahl von 21600 und 10800 Ellen, sondern auch die gleiche absolute Größe von 11508.48 m und 5754.24 m wie der kaspu und der halbe kaspu.

Wenn daher bei Herodot (1, 178) bei den Mauern von Babylon sowohl Stadien wie Ellen erwähnt werden, so war es gleichgültig, ob man das Stadium von der kleinen oder großen Elle ableitete, nur hatte das Stadium von der kleinen Elle deren 400, von der großen 360; beide Größen waren gleich.

In diesem ohne Zweifel beabsichtigten Verhältnisse liegt aber auch der Grund, warum wir von den 30 Fingern der großen Elle 3 Finger dieser großen Elle abziehen müssen, nicht 3 Finger der kleinen Elle; sonst würde dieses Verhältniß und seine Konsequenzen verschwinden. Dasselbe würde auch geschehen, wenn man annehmen wollte, daß die kleine Elle nicht in 24, sondern wie die große in 30 Finger, deren jeder sich zu dem großen Finger, gleich den Ellen selbst, wie 9:10 verhalten hätte, getheilt gewesen wäre.

Wir haben aber noch über das absolute Mass des Babylonisch-Assyrischen Systems zu sprechen. Dieses geht aus der Stelle des Didymus²) hervor, wo er sagt: Ὁ Ῥωμαϊκὸς ποὺς πρὸς τὸν βασιλικὸν πῆχυν λόγον ἔχει

a) Hultsch, Metrol. script. reliquiae. vol. I, p. 180.

κατὰ εὐθυμετρίαν ὡς ε΄ πρὸς θ΄. Hiernach soll der Römische Fuß zur königlichen Elle sich verhalten wie 5 zu 9.

In dieser Stelle ist die königliche Elle immer für die altägyptische königliche genommen worden. Das lag nahe, weil hier von Aegypten die Rede ist und von Ellen die in Aegypten gelten. Nun ist aber von königlichen Ellen im altägyptischen Sinne bei Griechen oder Römern nie die Rede, sondern nur auf den hieroglyphischen Maßstäben. Bei den Griechen war aber, seit Herodot wenigstens, der Ausdruck "königlich" immer nur von den Königen von Persien tiblich geworden, und dieser Ausdruck war ohne Zweifel seit der Zeit als Herodot während der Persischen Herrschaft in Aegypten reiste, auch dort, wie es scheint, gebraucht worden, wie ja seitdem auch das Persische Maß des παρασάγγης dort eingeführt war, allerdings auf das ägyptische Maßsystem reducirt, und gleich dem halben σχοΐνος des Herodot gesetzt (s. oben)^a).

Der Persische oder weiter her der Babylonisch-Assyrische Einfluß in Aegypten seit jener Zeit geht aber offenbar daraus hervor. Der ersten Persischen Herrschaft in Aegypten schloß sich bald die zweite Persische, dann die Macedonische Eroberung, und endlich die Ptolemäische Regierung an. In dieser Zeit wurde die orientalische Münzordnung eingeführt an der Stelle des früheren Zuwägens der edeln Metalle. Damit wurde den orientalischen Zahlenwerthen die Thür ge-

^{•)} Denn die Stelle 2, 6 ist nicht von andern Ländern zu verstehen, wie ich selbst noch im Monatsberichte l. l. p. 3 nach meiner früheren Ansicht geglaubt habe. Bei keinem Volke wurde das Land nach Orgyien gemessen, sondern von den Einwohnern Aegyptens maßen die Armen nach Orgyien, die Reicheren nach Stadien, die Reichen nach Parasangen, die sehr Reichen nach Schönen ihr Land. Hiernach habe ich in das Herodotisch-ägyptische System schon den Parasang statt des dritten oxovos aufgenommen.

öffnet und es darf uns nicht überraschen, wenn wir in der Ptolemäischen Zeit auch den orientalischen Einflus auf das Längensystem wachsen und schließlich die Ueberhand gewinnen sehen.

Wir dürfen daher in Ptolemäischer Zeit auch die "königliche" Elle des Didymus nicht als die altägyptische,
hieroglyphisch ebenso bezeichnete Elle ansehen, sondern nur
als die Persische oder orientalische, d. h. die AssyrischBabylonische Elle.

Da nun auch die von Didymus überlieferte Angabe, daß der Römische Fuß zu der "königlichen" Elle sich wie 5:9 verhalte, auf die ägyptisch-königliche ganz und gar nicht paßt, da wir beide Maße, den Römischen Fuß zu 0.296 und die ägyptisch-königliche Elle zu 0.525 bereits kennen, so müssen wir hier um so entschiedener die orientalisch-"königliche" Elle, deren Werth wir anderswoher noch nicht kennen, vor uns zu haben überzeugt sein, das heißt, wir müssen die Babylonisch-Assyrisch-Persische Elle gleich 0.5328 setzen, denn dazu verhält sich der Römische Fuß wie 5 zu 9.

Den Beweis dafür, dass die Babylonisch-Assyrische königliche Elle, abweichend von allen übrigen Ellensystemen (außer der großen Persischen, welche ihr nachgebildet wurde) in 30, statt in 24 Finger getheilt, und statt des 4fingrigen Palm die 5fingrige Hand, statt der 4elligen Klafter die 6 ellige Ruthe eingeführt wurde, habe ich, wie mir scheint, unwiderleglich in meiner Abhandlung über die Tafel von Senkereh geführt^a).

^{*)} Ich komme hier nicht wieder auf die meiner Anschauungsweise völlig unverständliche Opposition zurück, welche Oppert meiner Erklärung der Tafel von Senkereh unermüdlich entgegenstellt, sondern zitire hier nur einen Passus meiner ersten Entgegnung, welcher

allen seinen Erwiderungen Stand halten wird. Er lautet im Berliner Akademischen Monatsbericht vom Dezember 1877 p. 747 folgendermassen: "Oppert beginnt mit einer Concession, die ich gerade von "ihm sehr hoch aufzunehmen habe, weil sie den eigentlichen Kern-"punkt der ganzen Untersuchung betrifft, nämlich die Eintheilung "der Elle, durch welche sich das Assyrische Massystem wesentlich "von allen übrigen des Alterthums so wie von Opperts eigner jetzt "aufgegebener Auffassung desselben unterscheidet. Während die "Aegypter, Griechen, Römer, Hebräer u. a. ihre Elle in 6 Palm zu "4 Finger oder in 24 Finger theilten, wurde die Assyrische Elle in "6 Hände zu 5 Fingern oder in 30 Finger getheilt. Oppert giebt "jetzt zu, dass meine Unterabtheilung des U richtig sei. Dieses U " ist der Babylonische Name für George Smith's und meine "Elle, assyrisch ammat (s. unten p. 16), von 0.525^m. Oppert aber — "und diesen Irrthum habe ich besonders bekämpft — hält noch jetzt , dieses U für eine halbe Elle, und liess bisher diese halbe Elle, "wie auch Smith seine ganze Elle, in 60 uban getheilt sein. So "glaubten sie die Tafel von Senkereh verstehen zu müssen, die aber, "wie Oppert jetzt anerkennt, dem U nur 30 uban giebt. Es ist klar, "dass 1/6 Elle nur eine Hand, 1/80 Elle nur ein Finger sein kann. "Dafür spricht auch augenscheinlich, dass alle Assyriologen, Oppert "(Etal. p. 30) nicht ausgenommen, das Zeichen für uban, seinen ideo-"graphischen Elementen nach, durch "Handspitze" erklären 5.00 "dem Laute nach mit dem hebr. ابهام bōhen, dem arab. ابهام ibhām, "pollex, zusammenstellen. Umgekehrt also, wenn uban der Finger "ist, so muss U die ganze Elle sein. Dazu kommt noch eine andere "schlagende Bestätigung, die ich in der Abhandlung noch nicht her-"beigezogen habe. Das Sechsfache des U heißst auf der Tafel von "Senkereh, auch von Oppert unbestritten, qanu. Das ist offenbar "das hebräische כְּוֶבֶת, qāneh, (spätgriechisch ἄ-κενα), welches in der "Vision des Ezechiel (40, 5. 43, 13) eine Assyrische Messruthe von "6 ganzen Ellen ist; folglich ist auch der sechste Theil des qanu "die ganze Elle, nicht die halbe. Ich sollte meinen, dass hiemit die "in sich vollständige Reihe der Masse von Senkereh ein für allemal "festgestellt wäre. Die Ruthe, qanu, hat 6 Ellen, U oder ammat, die "Elle, hat 6 Hände, qatu; die Hand hat 5 Finger, uban.

"Nach Oppert aber wird auf der Tafel von Senkereh die Elle "selbst gar nicht erwähnt, sondern nur sein *U*, die halbe Elle. "Da er nun mit uns anerkennt, dass das qanu = 6 U war, so ist ihm "auch das qanu, trotz der hebräischen Ruthe $q\bar{a}neh$, nicht eine ganze "Ruthe von 6 ganzen Ellen, sondern eine halbe Ruthe von 6 halben "Ellen, die er canne nennt, zu $1.6455\,\mathrm{m}$. Da er ferner jetzt auch zustimmt, dass das U in 6 Theile getheilt war, so kann ein solcher "Theil auch nicht eine Hand sein, auch kein Palm, sondern eine "halbe Hand oder ein halber Palm, zu $0.457\,\mathrm{m}$. Endlich, da diese "halbe Hand oder Palm wieder in $5\,uban$ getheilt war, so konnte das "uban von $0.0091\,\mathrm{m}$ weder ein Finger sein, noch auch, wie er in seinem "Étalon annahm, ein Nageleindruck, ongle, sondern ein Mass von 2 "seiner ongles oder eine halbe Fingerbreite.

"Er findet also auf der Tafel von Senkereh folgende merkwürdige "Scala von Maßen:

"qanu, eine halbe Ruthe, canne 1.6455 m "U eine halbe Elle, demi-coudée 0.2742 m "[qatu], eine halbe Hand, demi-palme 0.0457 m "uban, eine halber Finger, deux ongles 0.0091 m.

"Dagegen fehlen in diesem assyrischen Massystem gänzlich die "vollen Masse der Elle, der Hand (oder des Palm) und des Fingers. "Ebensowenig ist etwa der Fuss vertreten. Ist ein solches System, "welches kein einziges der natürlichen Körpermaße enthält, denkbar? "und ist es nicht klar, dass die von ihm angenommenen Masslängen, "welche sämmtlich Hälften der gewöhnlichen Masse sind, und zwar "zum Theil solcher, deren Namen sie selber führen, verdoppelt werden "müssen, um ihren richtigen Sinn zu erhalten? Es muss für Jeder-"mann klar sein, dass in dieser Beziehung von Oppert's Behauptungen "nichts mehr aufrecht zu halten ist; und es ist fast unnöthig, noch "die fernere Bestätigung des Gesagten hinzuzufügen, dass wenn der "Umfang von Khorsabad in Uangegeben wird, dies nicht in halben "Ellen geschehen konnte, während das gesammte Alterthum nur von "ganzen Ellen weiß und danach rechnet, und auch Oppert die "Existenz einer babylonischen und einer assyrischen ganzen Elle "zugiebt, aber keinen Namen dafür hat und keine Stelle für ihren "Gebrauch nachweisen kann."

Wer die Sache näher verfolgen will, den verweise ich auf Oppert's erste Entgegnung im Monatsbericht l. l. p. 741 und meine Antwort ibid. p. 747; auf seine zweite Entgegnung im Monats-

Wenn wir aber fragen, warum der Reformator der alten Semitisch-ägyptischen Elle die Größe der kleinen Elle um 0.02952 oder der großen um 0.0078 höher ansetzte, als die ägyptischen Ellen waren, von denen sie doch, wie es scheint, ausgegangen waren, so konnte dies eben sowohl vom Zufall abhängen, wie der Unterschied der griechischen von der ägyptischen Elle, um 0.0033. Es ist aber zu beachten, daß der Unterschied der beiden großen Ellen viel kleiner ist als der der beiden kleinen Ellen, nämlich nur 0.007 bis 0.008 m. Das scheint darauf zu deuten, daß diese beiden Maße ursprünglich ebenso wie das griechische und das ägyptische Maß als gleich gelten sollten, und nur zufällig bei der ersten Feststellung nicht völlig gleich ausgefallen waren.

Anders liegt die Sache bei der kleinen Elle, welche von der ägyptischen fast 30 Millimeter abweicht, also 4 mal so viel. Das lässt sich nicht mehr als ein Ungefähr betrachten; auch schwerlich als von menschlichen Körpern abgenommen ansehen, deren Vorderarme durchschnittlich um so viel länger gewesen wären, sondern viel wahrscheinlicher daraus, dass man zuerst die große Elle, nach der Sexagesimalregel ein-

bericht vom 4. Febr. 1878 p. 87 und meine Erwiderung p. 89; auf seine Wiederaufnahme der Sache in den Göttinger Gelehrten Anzeigen 1878 p. 1056 ff. und 1882 p. 832 ff. und in den Verhandlungen des Orientalisten-Kongresses von Berlin 1882, 2. Theil, erste Hälfte, I p. 235 ff. und meine Erwiderung auf den letzten Aufsatz im Akad. Monatsbericht 1882, 19. Oktob. p. 847 ff. mit einem Nachtrage p. 991. Von Stimmen Andrer über den Streit sind mir nur die Anzeigen von Hultsch (Liter. Centralbl. v. 1877 8. Dez.), Eb. Schrader (Jenaer Lit. Zeit. 1878. 4°. I. p. 6, und Literaturzeitung 1878, Artikel 239), Maspero (Revue critique, 25 oct. 1879 No. 43) und A. von Gutschmid (Liter. Centralbl. von 1880 3. April) bekannt geworden, die alle meiner Erklärung günstig sind. Ob sonstige Stimmen sich für H. Oppert erhoben haben, ist mir unbekannt beblieben.

gerichtet, nur um ein weniges zu groß angesetzt hat, und danach erst die kleine Elle, durch Abzug von 3 Fingern dieser großen Elle, noch viel mehr zu groß gegen die ursprüngliche Quelle der Natur oder der ägyptischen Elle erhalten hat.

Wenn wir nun aber bedenken, dass bei den Griechen die drei größten Längenmaße der Aegypter, das Stadium und die beiden Schönen C und A, oder der Herodotische σχοΐνος und der Persische παρασάγγης, von 60 und 30 Stadien nicht vor Herodot vorkommen, und auch hieroglyphisch bis jetzt nur die Gruppe [S] Λ, [S], [] Λ, [] Λ, [S], steht, diese aber nicht über die Zeit des Ptolem. Philadelphus zurückzugehen scheint, und dass man für die frühere ägyptische Zeit unter Amenophis III, Ramses III, im Pap. Anastasi, im Todtenbuch nur in allerdings wahrscheinlicher Weise die Gruppe 【意靈□【阿孟A, 【高靈, L für den σχοτνος hält, so könnte man vermuthungsweise wohl aufstellen, dass der genauere Zahlenwerth für den σχοτνος C von 60, und für den σχοτνος A oder den Parasanges von 30 Stadien, so wie vielleicht für das Stadium selbst von 400 Ellen, erst eine nachträgliche Entlehnung von den Assyrern wäre, welche sehr ähnliche Zahlen ihrem sexagesimalen Systeme eingepasst hatten; dass diese Werthe zum Beispiel erst während der großen Thebanischen Dynastien, wo so viel Verbindung mit jenen Ländern war, in Aegypten eingewandert und mit dem uralten ägyptischen Systeme, welches unveränderlich feststand, verbunden worden Immerhin wird diese Möglichkeit, die ich hier nicht weiter verfolge, im Auge zu behalten sein.

Das Persische System

behandeln wir hier nicht. Es könnte für uns nur eine Kombination sein des Alt-Persischen und des Neu-Persischen des Bundehesch, deren Zusammengehörigkeit nicht selbstverständlich ist.

Wir können nur vom alt-persischen Systeme die überaus große Wahrscheinlichkeit aussprechen, daß es in allen wesentlichen Stücken dem weitgeltenden Assyrischen Systeme nachgebildet gewesen sein wird.

Am bekanntesten war der Parasang, der unter seinem Persischen Namen selbst auch in Aegypten, zur Zeit des Herodot, den Schönos von 30 Stadien vertrat. Hier war er natürlich den ägyptischen Maßen eingereiht, nur 5400^m groß, in Persien selbst aber an seiner Stelle, welche einem halben Babylonisch-Assyrischen Kaspu entsprach, 5754.24^m.

Nichts ist wahrscheinlicher, als dass auch die Persische Elle der Assyrischen ganz gleich war in beiden Formen, der großen, welche wie bei den Assyrern βασιλήιος πῆχυς hieß (Herod. 7, 117), und der kleinen, die neben dieser als πῆχυς μέτριος vorhanden sein muste.

Ebenso wird auch die Eintheilung der alt-persischen Elle in beiden Formen dieselbe gewesen sein. Doch bleibt es zweifelhaft, ob die kleine Elle nicht dennoch dieselbe Eintheilung schon in alter Zeit hatte, wie wir sie viel später im Bundehesch finden. Da scheint nämlich der Palm gänzlich verschwunden und durch die Viertel-Elle ersetzt worden zu sein. Wenigstens wird diese letztere häufig genannt, der erstere aber kommt nicht vor. Ferner findet sich noch ein besonderes Mass, der Arm, neben der Orgyie, so dass wir hier die Reihenfolge erhalten:

Gerstenkorn, yava

Finger, ĕrĕzu = 6 Gerstenkörner

Viertel-Elle, dišti = 6 Finger

Spanne, vitasti = 2 Viertel-Ellen

Elle, frārathni = 2 Spannen

Arm, frābāzu = 2 Ellen

Orgyie, vībāzu = 2 Arme

Wie sich dieses System zu dem altpersischen verhielt, bleibt noch weiterer Untersuchung unterworfen.

Mit dem späteren Persischen stimmt auch das Indische Ellensystem, wie es scheint, genau überein.

2. Griechenland A. Olympisches System.

Man hat es schon im Alterthum ausgesprochen, das das Stadium von Olympia größer gewesen sei, als alle übrigen Stadien in Griechenland. Bereits dem Pythagoras wurde die Angabe zugeschrieben, die uns nach Plutarch Gellius (Noct. Att. 1, 1) berichtet, dass zuerst Hercules nach seinem Fuße ein Stadium von 600 Fuß abgemessen habe, und dieses, weil er einen größeren Fuß als andere Menschen gehabt habe, daher größer als die übrigen Stadien ausgefallen sei, welche 600 etwas kleinere Fuß gehabt hätten. Das kann nur bedeuten, daß man, als das erste Stadium in Griechenland angelegt wurde, einen größeren Modulus des Fußes als Einheit dazu überkommen hatte, als man später im Lande in Gebrauch hatte. Denn es ist klar, man entnahm damals zu Pisa das für das Stadium eingehaltene Maß irgend woher.

Dieses Olympische Stadium ist jetzt bei den neueren Ausgrabungen, von Adler und Dörpfeld, wie es scheint sehr genau, zwischen dem Auslaufspunkte und dem Einlaufspunkte

a) Griechenland B s. oben p. 33.

gemessen worden^a), und beträgt nach den letzten Bestimmungen 192.27^m, dessen Fus demnach auf 0.32045 kommt. Wir haben oben das spätere Griechische Stadium auf 178.2 bestimmt, und den zugehörigen Fus auf 0.297, also das Stadium um 14.07^m, den Fus um 0.02345 kleiner als das Olympische Mass. Diese beiden Masse gehen also weit auseinander, und können nicht derselben Quelle angehören. Wir sehen auch keinen Grund, warum derselbe Fus später allmählig oder auf einmal um so viel kleiner geworden sein sollte.

Dagegen stimmt der Olympische Fuß von 0.32045 mit dem von mir als kleinen Assyrischen nachgewiesenen Fuß von 0.31968 so genau überein, nämlich nur mit einem Unterschiede von 0.00077, daß man an der Identität beider Fuße nicht zweifeln kann. Worauf der noch immer vorhandene minime Unterschied beruht, der selbst im Stadium noch keinen halben Meter beträgt (0.462), ob auf der Messung des Olympischen Stadiums, oder auf einer Ungenauigkeit bei der Uebertragung, das müssen wir dahingestellt sein lassen. Wir thun daher auch am besten, den Unterschied fest zu halten, und das ganze Olympische Maß nach dem Olympischen Stadium, wie es jetzt gemessen worden ist, zu verzeichnen. Dieses ergiebt dann die folgende Reduktions-Tabelle.

0.0200281	δάχτυλος	1					
0.0801125	παλαιστή	4	1				
0.2403375	σπιθαμή	12	3	1			
0.32045	πούς	16	4	11/3	1		
0.480675	πῆχυς	24	6	2	11/2	1	
192.27	στάδιον	9600	2400	800	6 00	400	1

a) S. Adler in den Ausgrabungen von Olympia Bd. V p. 23 und Dörpfeld p. 37.

Ob zu diesen Massen auch noch andre gehörten, z. B. der πυγών oder die δργυιά läst sich hier ebenso wenig, wie bei den Assyrischen Massen selber bestimmen. Ich habe sie daher ausgelassen. Die ausgenommenen sind aber so eng mit den gegebenen, Stadium und Fuss, verbunden, dass sie nicht gesehlt haben können, wenn wir auch weiter keine Erwähnung derselben sinden.

Es ist nun aber wohl ebenso selbstverständlich, dass zwei so identische Massysteme einen historischen Zusammenhang gehabt haben müssen, und ferner, dass der Ausgangspunkt nicht Griechenland, sondern Assyrien über Phönikien gewesen sein muß.

Auf denselben Weg führen auch die Gewichtstücke Babylonischer Währung, die sich außer in Kleinasien, nach Mommsen, auch in Europa finden.

Sehr entschieden weist aber eben dahin die Sage, dass das Stadium von Herakles gegründet sei. Denn das hier nur an den orientalischen Gott, zunächst den Phönizischen Melkart, nicht an den griechischen Heros zu denken ist, steht jetzt gerade für Olympia um so mehr fest, als man seinen Altar am Fusse des Kronion nach Osten orientirt gefunden hat, und als auf der Altis jetzt auch Figuren mit Assyrischem Gesichtstypus, Assyrische Symbole, Assyrisch-Phönikische Ornamente und Verzierungen zum Vorschein gekommen sind^a).

Jedenfalls ist das neue Faktum, dass wir in dem ältesten Griechenland ein Ellensystem finden, dessen ersten Ursprung wir in Assyrien suchen müssen, nicht ohne Werth.

a) E. Curtius, Berlin. Akadem. Abhh. 1881. p. 35.

3. Ptolemäisches System. a. Bezeichnung der Bau-Maße.

Dieses System lernen wir zunächst in Brüchen der Elle kennen; es geht aus den Massen der Tempel von Edsu und Dendera hervor.

Wänden in diesen Tempeln zum erstenmale auf den Wänden die Zahlen der Masse, in denen die einzelnen Räume gebaut worden sind. Sie gehören also nicht wie in dem Plane des Grabes Ramses IV. zu einem Projekt von dem man später in der Ausführung wesentlich abweichen konnte, sondern sind später als der Bau vollendet wurde angeschrieben, und müssen sich folglich mit den wirklichen Verhältnissen decken.

Nun sind im Tempel von Edfu, dem älteren von beiden, 59 Zahlen aufgeschrieben, und von diesen sind 21 mit Brüchen, also mit Theilen von Ellen, versehen. Diese 21 Brüche sind in 27 kleinere aufgelöst in ägyptischer Weise, und diese 27 Brüche enthalten keine andern Werthe als: $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{2}{3}$, und dazu kommt noch als ein combinirter Bruch $\frac{5}{6}$. Es fehlen in Edfu die Brüche: $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{10}$ $\frac{1}{24}$ $\frac{1}{30}$, welche sich alle, außer dem letzten, in Dendera finden. Es fragt sich, was man aus diesen Brüchen über das System, dem sie angehören, erschließen kann.

Die Brüche von Edfu beweisen nur eine Sechstheilung der Elle, und würden folglich sowohl auf jedes der beiden ägyptischen Systeme passen, deren Elle in 6 Palm getheilt ist, als auf die beiden Assyrischen Systeme, von denen das kleine in 6 Palm, das große in 6 Hände zu 5 Fingern getheilt war, als auch auf das sogenannte Heronische System mit 6

Palm aus späterer Zeit. Wir werden sehen, dass es zu keinem Systeme mit Palmen gehörte, sondern zu dem großen Assyrischen von 6 Händen oder 30 Fingern.

Die kleinen Systeme der Aegypter und der Assyrer müssen schon wegfallen, weil wir es hier mit Tempeln zu thun haben, welche nie nach einem kleinen Systeme, neben welchem ein großes System stand, gebaut waren. Das große ägyptische System ist nicht zu erwarten, weil der Tempel in Ptolemäische Zeit gehört, wo ein neues System mit dem Ptolemäischen Fuße galt. Das von Heron überlieferte System wurde erst nach dem Plolemäischen in Aegypten eingeführt und konnte also gleichfalls nicht zum Grunde liegen.

Es bleibt also nur das Assyrische große System allein übrig, welches in Ptolemäerzeit herüber genommen und in 6 Hände oder 30 Finger abgetheilt werden konnte. Die 6 Hände, oder die Elle und 5 Hände, sind in den Inschriften sämmtlich in Brüchen erwähnt. Dagegen fehlt ¹/₄, welches als Untereinheit gar nicht dargestellt werden konnte, weil die 30 Finger sich nicht durch 4 theilen ließen. Daß ¹/₃₀ (der Finger) nicht vorkommt, wird ein sehr natürlicher Zufall sein. Wir dürfen diesen ergänzen.

Dass dieses Bau-System von Edsu ein erst unter den Ptolemäern neu eingesührtes war, geht schon daraus hervor, dass eine ganz neue Bezeichnungsart dasur eingesührt wurde. Hände und Finger wurden nicht mehr genannt, sondern nur Ellen-Brüche, wie dies bei dem Babylonischen Sexagesimal-Systeme der Fall war. Diese Bezeichnung war natürlich eine bei weitem leichtere und einfachere für den Architekten, als die altägyptische mit Palmen und Fingern, die wir, wie oben gezeigt, schon in Pyramidenzeit sinden und ebenso in dem Plane des Grabes Ramses IV.

Die Bezeichnung bei Didymus von einem ποὺς ὁ Πτο-

λομαϊκός, welcher nur bei ihm gefunden wird, scheint die einzige Erinnerung an das Ptolemäische System zu sein.

Wir lernen aus der Vergleichung des Didymus, welcher wahrscheinlich wegen der Anwendung des Ausdrucks ποὺς ὁ Πτολομαϊκός nicht lange vor den Autor des Systems bei Heron zu setzen ist^a), mit der ersten Tafel dieses letzteren Systems^b) (s. unten), dass der ποὺς ὁ Πτολομαϊκός dieselbe Länge hatte, wie der πους ὁ βασιλικός καὶ Φιλεταίρειος, das heisst, wie der große orientalische Fuss; und gerade dieses müssen wir voraussetzen, wenn der Ptolemäische Fuss zu dem in Ptolemäerzeit eingeführten Bau-System, in welchem die Elle 6 Hände und 30 Finger hatte, gehörte. Didymus nennt seine Elle nicht die Ptolemäische, sondern schlechtweg die "Elle", weil er von der damals bereits aufgenommenen und allgemein eingeführten Elle des Heron sprechen wollte, welche 6 Palm und 24 Finger hatte. Er nennt aber den mit dem orientalischen System eingeführten und bis kurz vor der Zeit des Didymus gültigen Fuss den Ptolemäischen, weil nur dieser damals in Aegypten, vor der Einführung des späteren Systems, diesen Werth hatte, und weil man damals den Fuss, als den wichtigsten Theil eines Systems, welches 2 frühere Systeme, ein großes und ein kleines, vertrat, im Gegensatze zur Elle, nach dem Systeme, zu dem er gehörte, vorzugsweise nannte.

Wir glauben uns also im Rechte, wenn wir das Bau-System von Edfu, dessen sonst niemand gedenkt, in der folgenden Weise wieder herstellen, indem wir nur die Brüche der Elle von Edfu zusammenstellen und diesen den daselbst zufällig nicht erwähnten Bruch ¹/₃₀ zufügen, also:

a) Hultsch, Metrol. script. rel. I, p. 26.

b) Hultsch l. l. p. 180, 182.

```
    1/30 (Finger)
    1/6 (1 Hand, 5 Finger)
    1/3 (2 Hände, 10 Finger)
    1/2 (3 Hände, 15 Finger)
    2/3 (4 Hände, 1 Fuß, 20 Finger)
    5/6 (5 Hände, 25 Finger)
    1 (Elle).
```

Dieses System wird aber noch vervollständigt und in seiner Geschichte klarer durch die Angabe der Masse im Tempel von Dendera.

Hier finden sich erstens alle Brüche wieder, die in Edfu vorkommen, außer $^{5}/_{6}$, welches aus den andern zusammengesetzt werden kann. Diese Brüche können, wie oben gesagt wurde, ebensowohl einem Palm- als einem Handsystem angehören. Außerdem aber kommen noch die Brüche $^{1}/_{10}$ $^{1}/_{5}$ und zusammengesetzt $^{3}/_{5}$ vor, und daneben die Brüche $^{1}/_{24}$ $^{1}/_{4}$ und zusammengesetzt $^{7}/_{24}$.

Diese letzteren beiden Reihen schließen sich auf ein und demselben Maßstabe und überhaupt bei ein und demselben gleichzeitigen Baue aus. Die erste Reihe kann nur in ein Ellensystem mit 30 Fingern gehören, die letzteren nur in ein andres mit 24 Fingern. Beide zu vereinigen ist nicht möglich.

Gleichwohl kommen beide Reihen so nahe zusammen, dass die Dimension $8^{1}/_{2}$ $^{1}/_{10}$ zu $5^{1}/_{4}$ $^{1}/_{24}$ für 4 neben einander liegende Zimmer gegeben wird. Die Wände dieser Zimmer liegen allerdings hart an einander, sind aber darum doch nicht gleichzeitig gebaut. Sie gehören, je nach ihrer Lage zu einander, verschiedenen Zeiten an. Und darin liegt die Lösung dieses mir lange verschlossenen Räthsels, und zugleich eine weitere Belehrung über die geschichtliche Folge dieser verschiedenen Systeme.

Die Masse des orientalischen, zunächst des Persischen Hände-Systems mit 30 Fingern, beziehen sich auf die Länge der einzelnen Kammern auf der Stidseite des hinteren Theiles des Tempels, und bezeichnen folglich den Abstand der großen fortlaufenden Mauern auf beiden Seiten, zwischen welchen die Kammern liegen. Die Masse des Palm-Systems mit 24 Fingern beziehen sich auf die Breite der Kammern, das heisst auf die Entfernung der zwischen die langen Mauern gelegten Wände von einander. Nun kann es kein Zweifel sein, dass, wenn überhaupt ein Unterschied in der Bauzeit existirte, die langen Mauern früher gebaut wurden, als die zwischengelegten einzelnen Wände, und es ist für unsere Forschung ein Glücksfall, dass wir aus den Inschriften ersehen können, wie und in welcher Folge, ja zu welcher Zeit der Wechsel der Systeme, die beim Bau gebraucht wurden, vor sich ging. Denn man behielt bei der Angabe der Masse die Bezeichnung des alten Systems neben der des neuen unverändert bei, und konnte das, weil alle Masse sich auf 2 Ellen von gleicher Länge als auf die Einheit, von der die Brüche hergenommen sind, beziehen.

Da nun die ältesten Mauern des Tempels, nämlich die äußere Umfassungsmauer an beiden Seiten des hintern Tempel-Theiles, ferner die hintere Verbindungsmauer, deren Länge auch mit einem orientalischen Bruch auf 67½ Elle bestimmt ist, so wie die nach innen nächsten parallelen Lang-Mauern bis zum Hypostyl, entweder entschieden orientalische Brüche oder doch keine Zahl zeigen, welche nicht zu diesem Systeme gehören könnte, das 24 Finger-System aber sich nur an den, wie wir schließen müssen, später abgetheilten Breiten der zwischen gelegten Räume, oder an dem Vordergebäude, wie zum Beispiel an der Höhe des zuletzt errichteten vorgebauten Hypostyls, welche auf 32½ angegeben wird, findet, so scheint

daraus klar hervorzugehen, dass das 24-fingrige System in dem Tempel später in Gebrauch kam, und auf ein früheres orientalisches System mit 30 Fingern folgte.

Das durch die Brüche $^{1}/_{10}$ $^{1}/_{5}$ ganz unzweideutig als das 30 fingrige charakterisirte System in Dendera schloss sich folglich unverändert an das System in Edfu an, welches zwar keine so unverkennbaren Brüche dieses Systems zeigte, von mir aber dennoch für dasselbe mit großer Wahrscheinlichkeit erklärt wurde.

Welches andere System kann nun das darauf folgende von 24 Fingern gewesen sein als das sogenannte Philetärische oder Heronische? Dieses hatte mit dem Ptolemäischen, wie wir jenes jetzt nennen können, ein und dieselbe Größe der Elle. Das bezeugen uns nicht nur die Metrologen, sondern nun auch die Maße von Edfu und Dendera. Denn daß sich in Edfu und Dendera ein und dasselbe Ptolemäische System von 30 Fingern findet, und daß in Dendera die Brüche 1/10 und 1/24 sich auf ein und dieselbe Elle oder besser zwei gleich lange Ellen beziehen, ist einleuchtend, sonst hätten sie ja gar nicht als Länge und Breite mit einander verbunden werden können.

Was nun den absoluten Werth des Ptolemäisehen Fusses betrifft, so giebt uns Didymus sichern Bescheid darüber. Er sagt^a) von dem Masse, welches dasselbe, wie das von Heron überlieserte ist: Ὁ πῆχυς ἔχει παλαιστὰς ς΄, δακτύλους κδ΄, πόδα Πτολομαϊκὸν α΄ >, 'Ρωμαϊκὸν δὲ πόδα α΄ > ε΄' ι΄'. Ὁ ποὺς ὁ Πτολομαϊκὸς ἔχει εὐθυμετρικοὺς παλαιστὰς δ΄ . . . ὁ δὲ 'Ρωμαϊκὸς ποὺς ἔχει εὐθυμετρικοὺς παλαιστὰς γ΄ γ΄' . . . ἔΕχει δὲ καὶ λόγον ὁ Πτολομαϊκὸς ποὺς πρὸς τὸν βασιλικὸν πῆχυν κατὰ εὐθυμετρίαν ὡς β΄ πρὸς γ΄. 'Ο 'Ρωμαϊκὸς ποὺς πρὸς

^{*)} Hultsch, Metrol. Script. rel. I, p. 180.

τὸν βασιλικὸν πῆχυν λόγον ἔχει κατὰ εὐθυμετρίαν ὡς ε΄ πρὸς θ΄. Hier wird die damals gebräuchliche Elle des Heron zusammengestellt mit dem Ptolemäischen und mit dem Römischen Fuße und außerdem der Ptolemäische und der Römische Fuß mit der königlichen Elle.

Von diesen Werthen kennen wir den Römischen Fußgenau, er wurde oben nach den besten Messungen der erhaltenen Maßstäbe auf 0.296 festgestellt. Da diese Zahl sich zur "königlichen" Elle, die wir oben als die Persisch-Assyrisch-Babylonische erkannt haben, wie 5 zu 9 verhält, so beträgt diese Elle 0.5328. Da der Ptolemäische Fuß sich zu dieser Elle wie 2 zu 3 verhält, so enthält er 0.3552 m. Damit stimmt es, wenn der Ptolemäische Fuß 4, und der Römische 3½ damals gültige Palm haben soll.

Hiermit ist das ganze Ptolemäische Bau-Ellen-System in seinen absoluten Zahlen bestimmt. Wenn wir jetzt zu den Brüchen von Edfu noch die von Dendera hinzufügen, und außerdem noch den kleinsten Werth, ½ der Elle, das ist der Finger, so erhalten wir für das Ptolemäische Bau-System folgende Uebersicht.

Hierbei sind die Brüche in Dendera 1/24 1/4, die ich in dem Monatsberichte noch besonders zugeschrieben hatte, ganz

übergangen, weil sie in der That, obgleich im Bau verwendet, doch gar nicht zu dem Ptolemäischen Bau-Ellen-System gehören, sondern zu dem darauf folgenden Philetärischen Systeme.

Es fehlt nun aber noch immer eine wichtige Seite in meinem Nachweise des orientalischen Systems von 30 Fingern und von 0.5328 m für die Elle. Die Zahlen selbst, welche in Edfu und in Dendera an den Wänden angeschrieben sind, müssen mit der angegebenen Elle bei der Nachmessung übereinstimmen, und nicht mit der altägyptischen Bau-Elle, wie bisher angenommen wurde.

Ich stelle im Folgenden die hieroglyphischen Angaben von Ellen, zunächst in Edfu, zusammen.

Edfu.

	Hieroglyphische	zu 0.5328	von Denon	1 Elle
	Ellenmasse	berechnet	gemessen	nach Denon
1.	$19^{2}/_{3}^{1}/_{6}^{1}$ (5/ ₆)	10.5672	10.070	0.5077
2.	$10^{1}/_{3}$	5.5056	5.200	0.5032
3.	9	4.7952	4.467	0.4963
4.	8	4.2624	4.900	0.6125
5 .	$25^{2}/_{3}^{1}/_{6}^{5}$	13.764 0	13.345	0.5166
6.	$37^{1}/_{2}^{1}/_{3}^{1}$ (5/6)	20.1576	20.410	0.5394
7.	90	47.9520	48.186	0.5354
8.	80	42.624 0	42.770	0.5346
9.	7 5	39.9600	40.550	0.5407
10.	120	63.9360	63.668	0.5306
11.	240	127.8720	128.400	0.5350
	715.8333	381.3960	381.966	5.8520

11 Posten in 5.8520^m giebt eine Elle von 0.5320^m.

- 1. Tiefe der Cella (A)
- 2. Breite der Cella (A)
- 3. Tiefe der Kammer B
- 4. Breite der Kammer XI. XII
- 5. Tiefe des 2. Hypostyls (D)
- 6. Breite desselben

- 7. Tiefe des Vorhofs (F)
- 8. Breite desselben
- 9. Breite des ersten Hypostyls
- 10. Breite des ganzen Pylons
- 11. Länge des Tempels bis zum Pylon.

Hiernach stellt sich vollkommen klar heraus, das die Denon'schen Masse, obgleich sie bei 5 Posten etwas größer und bei andern 6 Posten etwas kleiner ausgefallen sind, als sie nach den hieroglyphischen Angaben sein mtisten, dennoch im Durchschnitt aller Masse erst in der letzten Stelle, also um ein Minimum von der verlangten Zahl abweichen, und zwar zufällig wegen der weggefallenen letzten Decimalen im umgekehrten Sinne, als wenn man die gemessenen Zahlen mit den reducirten vergleicht. Hier also kann kein Zweisel sein, dass die zum Grunde liegende Elle die durch die alten Metrologen angegebene von 0.5328^m war.

Ebenso weisen sich die Masse in Dendera keineswegs als solche aus, denen die Elle von 0.525 zum Grunde liegen müste, sondern führen direkt auf die Elle von 0.5328 w. Wenn wir hier die häufig identisch wiederholten Zahlen und einige wenige andere, welche gar zu weit von dem zu erwartenden Resultate sich entfernen und daher auf einem Irrthum bei dem Messen über die Schutthügel hin beruhen müssen, ganz übergehen, so bleiben ungefähr die folgenden zur Vergleichung übrig.

(S. die folgende Seite.)

Der allerdings mehr zufällig so klein ausfallende Unterschied dieses Resultates von der erwarteten Elle von 0.5328 ist also nur 0.0003; das heißt, auch in Dendera lag beim Bau, sowohl in den alten als in den neuen Theilen die orientalische Elle, erst im Ptolemäischen, dann im Philetärischen Systeme, zum Grunde.

Dendera.

Mariette's Plan	Hierogly- phisches Ellenmass	zu 0.5328 berechnet	von Denon gemessen	von Mariette gemessen	1 Elle nach Mariette
Zimmer I.	8	4.2624	_	4.28	0.5350
II.	6	3.1968		3.20	0.5328
III.	$8^{1}/_{2}^{1}/_{10}$	4.5820	4.60	4.60	0.5348
IV.	$5^{1}/_{4}^{1}/_{24}$	2.8181	2.87	2.82	0.5329
X.	5	2.6640	5.90	2.64	0.5280
В.	26	13 .85 2 8	14.04	13.90	0.5346
XVII.	$12^{1}/_{2}^{1}/_{10}$	6.7052	6.0	6.72	0.5333
XVIII.	$11^{1}/_{3}$	6.0384	6.0	6.02	0.5313
n	$6^{1}/_{2}$	3.4744	3.57	3.48	0.5353
"					4.7980

9 Posten in 4.7980^m giebt eine Elle von 0.5331^m.

Aber auch über die Zeit, zu welcher dieses Ptolemäische System abgeschafft und das neue eingeführt wurde, belehrt uns der Tempel von Dendera. Die Langmauern, auf welche sich die Angaben der 30 fingrigen Elle beziehen, tragen in den untern Krypten frühere Ptolemäernamen; das ist jetzt nach den Plänen Mariette's im III. Bande seines "Dendera" nachzuweisen. Von der Hinterseite des Tempels kommt auch eine solche Zahl vor in der Bauinschrift^a), in welcher es heißt, daß Caesar Augustus den Tempel gebaut habe, in der Länge von 112, in der Breite von $67^{1}/_{5}$ Ellen. Daß der Bau der Hintermauer nicht von Augustus hergestellt, sondern nur zum

^a) Dümichen, Bauurkunde p. 18.

Theil beschrieben wurde, geht aus den Bildern der Kleopatra VI. mit ihrem Sohne Ptolemaeus Kaisar hervor, welche den ganzen untern Theil der Wand einnehmen, und den vor Augustus vollendeten Bau der Mauer beweisen. Wir finden also den 6 händigen Bau ausschließlich vor Augustus, den 6 palmigen seit Augustus, und dürfen daraus schließen, daß der letztere von Augustus eingeführt worden ist.

3. Ptolemäisches System. b. Maße des gewöhnlichen Lebens.

Es knupft sich nun die neue Frage an, was für ein System galt in Ptolemäischer Zeit neben diesem offenbar nur für die Architekten bestimmten Bruch-Systeme? Blieb das altägyptische kleine Massystem weiter bis zum sogenannten Heronischen Systeme in Gebrauch? oder wurde es mit dem Bausysteme gleichzeitig verändert und in diesem Falle, wie?

Ich habe bereits bemerkt, dass von Didymus der Ausdruck: "Ptolemäischer Fus" gebraucht wird, dass dieser Fus gleich dem Philetärischen uns bekannten Fuse (s. unten) gesetzt wird, und dass dies eine Reminiscenz oder ein Rest des früheren Ptolemäischen Systems zu sein schien, da er doch etwas Besonderes mit den Ptolemäern zu thun haben muste. Ob der ursprüngliche oben angeführte Grund, zwei nebeneinander bestehende Systeme, ein kleineres und ein größeres, gleichzeitig fortzusühren noch in so später Zeit bestand, ist jedenfalls sehr zu bezweiseln. Und wenn das nicht der Fall war, so muste eine doppelte in ihrer Verschiedenheit gar nicht motivirte Elle sehr beschwerlich sein. Wenn man sich nun einmal schon zu dem Entschlusse erhob, die architektonische Elle zu verändern, so scheint es sehr natürlich, dass man diese Aenderung noch weiter durchsührte, und auch die

andre, die kleine Landes-Elle, zugleich abschaffte und mit der neuen Bau-Elle identificirte, wenn man auch die Bezeichnung durch Brüche für diese nicht annehmen konnte.

Wir sehen, dass diese äusseren Verhältnisse für die Annahme sprechen, dass gleichzeitig mit der nachgewiesenen Einführung der 30 fingrigen Elle für die Architekten, auch für die übrige Welt dieselbe Elle angenommen wurde, und zwar mit der Einführung der neuen Bezeichnung des Fusses als ²/₃ der Elle, den die orientalische große Elle nicht hatte, und außerdem mit Händen und Fingern.

Es werden sich ohne Zweifel mit der Zeit noch viele Massangaben aus Ptolemäischer Zeit finden, welche über die hier aufgeworfene Frage endgültig entscheiden werden. Dendera sind zum Beispiel in den Krypten viele Massangaben für verschiedene kleinere Tempelheiligthümer, die wir in kleinen Ellen ausgedrückt zu erwarten hätten, wenn diese Elle noch galt. Wir würden auch die kleine Elle vermuthen dürfen, wegen des gewöhnlichen Zeichens des Palm , das wir häufig in den Angaben wieder finden. Indessen wäre es auch möglich, dass man dieses Zeichen, welches die Abkürzung einer vierfingrigen Hand ist, belassen und für die fünffingrige genommen hätte. Dazu kommt, dass auch die gewöhnliche, also 5 fingrige Hand, als gebende oder nehmende Hand dasselbe Wort hatte, wie die 4fingrige Hand, nämlich auch sop lautete (s. Brugsch Dict. p. 1376). Aber es findet sich auch wenigstens Ein Beispiel, welches, wenn es richtig abgezeichnet ist oder nicht etwa im Original ein Fehler sich eingeschlichen hat, die Sache zur Entscheidung bringen würde. Es wird nämlich bei Mariette im III. Bande von Dendera Hände (oder Palm) und 4 Finger". Diese 4 Finger können

nur zu einer Hand, nicht zu einem Palm gehören. Mehr aber habe ich bisher zur Unterstützung meiner an sich sehr wahrscheinlichen Vermuthung nicht gefunden.

Falls dies in Verbindung mit den obigen allgemeineren Grunden hinreicht, so haben wir die Reduktionstasel zu diesem Ptolemäischen Systeme so zu construiren:

0.01776	Finger	1						
0.0888	Hand	6	1					
0.3552	Fuss	20	31	/ ₈ 1				
0.5328	Elle	3 0	5	11/2	1			
2.1312	Klafter	120	20	6	4	1		
191.808	Stadium	12000	2000	600	400	100	1	
6393.6	Schoenus	360000	60000	18000	12000	3000	3 0	1

Auf die Frage, wann in der Ptolemäerzeit das Ptolemäische System eingeführt worden sei, müssen wir sagen, dass dies wahrscheinlich spätestens von Ptolemaeus VII. Philometor II (181—146) geschehen sein kann, weil er den Tempel von Edfu ansing zu bauen, und wir in diesem nur das eine Ptolemäische System in Anwendung sinden. Es muß aber auch wahrscheinlich nach Ptolemaeus III. Euergetes I (247—222) geschehen sein, da wir das Stadium des Eratosthenes, welcher unter ihm blühte, nothwendig auf 180 Stadien, also nach dem kleinen ägyptischen Systeme bestimmt sehen, und dieses nach dem Ptolemäischen Systeme auf 191.808 hätte bestimmt werden müssen.

Ob vielleicht die Ruthe statt der Orgyie in dieses System gehört, bleibt ungewiss.

Das Stadium und der Schoenus mußten aber wohl ebenso vorhanden sein, wie nachher in dem 24 fingrigen System. Das Stadium nahm man wahrscheinlich vom kleinen Assyrischen System, und dieses war 360 Ellen des großen gleich (s. oben p. 63).

4. Philetärisches System. a. Bezeichnung der Baumasse.

Auch dieses System lernen wir zunächst auf den Monumenten kennen, nämlich im Tempel von Dendera. Wir haben daselbst Masse von Längen in Brüchen ausgedrückt gefunden, welche nicht zu dem 30 fingrigen Ptolemäischen Systeme, sondern nur zu einem 24 fingrigen Systeme gehören konnten und zwar zu einem solchen, welches in diesem Tempel auf das 30 fingrige gefolgt sein musste, weil diese Masse sich nur auf die später gebauten Mauern bezogen. Es waren die Brüche ½ und ¼, welche uns zu diesem nothwendigen Schluss führten, da sie sich mit ¼, ich nicht vereinigen ließen in demselben Systeme. Von hieraus lässt sich aber das Bezeichnungs-System der Philetärischen Baumasse leicht construiren. Es musste das folgende sein:

```
0.0222 \frac{1}{24} ( 1 Finger)

0.0444 \frac{1}{12} ( 2 , )

0.0666 \frac{1}{8} ( 3 , )

0.0888 \frac{1}{6} ( 4 , )

0.1332 \frac{1}{4} ( 6 , )

0.1776 \frac{1}{3} ( 8 , )

0.2664 \frac{1}{2} (12 , )

0.3552 \frac{2}{3} (16 , )

0.5328 1 (Elle).
```

Dieses System ist also genau das Philetärische, wie wir es sogleich kennen lernen werden, nur, wie alle Bausysteme, bis zur Elle geführt. Doch ist hier eine Ausnahme zu bemerken. Wir finden unter den Brüchen von Dendera, wie natürlich, auch 1/4 (Elle). Aber wir kennen keinen griechischen Namen für dieses Mass. Wir sinden ihn auch

nicht in dem Heronischen Systeme, welches gleichwohl ganz und gar auf dem Philetärischen basirt. Es ist daher in der That sehr zu bezweifeln, daß dieses Maß in dem Philetärischen Systeme des gewöhnlichen Lebens vorhanden war, und wir haben es daher dort ausgelassen. Das hindert jedoch nicht die Aufnahme der Viertel-Elle in das Bausystem von Dendera.

Die Annahme, dass dieses System ein und dasselbe mit dem Philetärischen Systeme war, welches in Aegypten von Augustus eingestührt wurde, einerseits in den Gebrauch der Architekten in der Form der Brüche, andrerseits in den des gewöhnlichen Lebens in der Form des hier folgenden Systems, scheint daher eine unerlässliche zu sein. Doch würde das immer noch nicht beweisen, dass auch außerhalb Aegyptens neben dem Philetärischen gewöhnlichen Systeme noch ein besonderes Bausystem vorhanden war; obgleich der Gebrauch der Brüche für die Architekten überall das Bequemste und daher Natürliche war.

4. Philetärisches System. b. Maße des gewöhnlichen Lebens.

0.0222	δάχτυλος	1					
0.0888	παλαιστή	4	1				
0.3552	πούς	16	4	1			
0.5328	πῆχυς	24	6	11/	1		
2.1312	δργυιά	96	24	6	4	1	
213.12	στάδιον	9600	2400	600	400	100	1

Die Vergleichung des Fragmentes aus Didymus und der ältesten Tafel des Heron klärt uns darüber auf, dass der Ptolemäische und der Römische Fus des Didymus gleich sind dem Philetärischen und dem Italischen Fuse des Heron, durch das Verhältnis, welches von beiden Füssen zu dem "königlichen" Systeme, das heisst zu dem königlich Persischen Systeme, welches dasselbe war wie das alte königlich Babylonisch-Assyrische, ebendaselbst angegeben wird. Der Ptolemäische Fuss verhielt sich nach Didymus zur königlichen Elle wie 2:3, der Römische Fuss zu derselben Elle wie 5:9. Da nun der Römische Fus als pes monetalis = 0.296^m uns bekannt ist, so ist die Ptolemäische und die königliche Elle = 0.5328^m, und der Ptolemäische und der königliche Fuss = 0.3552^m. Der Philetärische Fuß war nach Heron gleich dem königlichen Fuss, also auch gleich dem Ptolemäischen Fusse, d. h. = 0.3552 m, und folglich die Philetärische Elle nicht gleich der königlichen ägyptischen Elle, wie Hultsch (Metrol. p. 613) festhält, sondern der königlichen Asiatischen Elle, d. h. = 0.5328. Der Italische Fus hatte nach demselben 13¹/₃ Finger, und da der königliche oder Philetärische Fuss 16 eben solche Finger hatte, sich also zu dem Italischen wie $16:13^{1}/_{3}$, oder wie 6:5 verhielt, so hatte der Italische Fuss 0.3552^m, das heisst, er war gleich dem Römischen Fusse. Die Worte des Didymus sind von mir schon oben (p. 79) angeführt worden. Die Worte des Heron, die hierher gehören a), sind: 'Ο πους ὁ μὲν βασιλιχὸς καὶ Φιλεταίρειος λεγόμενος δακτύλους ιγ' γ".

Das hier dargelegte Verhältnis habe ich so aussührlich behandelt, obgleich es schon längst von Ideler, Böckh, Hultsch u. A. richtig erkannt worden war, weil das Resultat sowohl von Fenner von Fenneberg als neuerdings von Dörpfeld ganz und gar in Abrede gestellt worden ist. Der letztere will es "einfach mathematisch" widerlegen, "denn," sagt er, "wenn

a) Hultsch, Metrol. scriptt. p. 182.

sich a: b verhält wie c: d, so ist doch deshalb noch lange nicht a == c und b == d". Er vergist hierbei, dass beide Doppelglieder mit ein und demselben e, nämlich dem königlichen Masse verglichen und dadurch gleich werden. Dass "Römisch" und "Italisch" in allen Fällen dieselbe Bedeutung haben sollen, ist von niemand behauptet worden, sondern nur dass es in gewissen Zeiten und Fällen als gleich angesehen wurde, und so namentlich in unserm und vielen andern Fällen. Ebenso war in unserm Falle "Ptolemäisch" und "Philetärisch" gleich, denn beide Ellen waren gleich lang und hatten denselben Fuss und dieselbe Spithame, unter einem andern Gesichtspunkte aber waren sie jederzeit ungleich, denn die Ptolemäische Elle hatte 30 Finger, die Philetärische hatte 24.

Drei charakteristische Züge besaß das Philetärische System. Es theilte sich nicht, wie die orientalischen Systeme in zwei Ellen, eine große und eine kleine, sondern hatte, wie das Ptolemäische System nur eine, die große orientalische Elle. Diese Einheit der Elle pflegte auch damit verbunden zu sein, daß der Mittelpunkt des Systems nicht mehr die Elle war, sondern der Fuß. Auch hierin stimmte das Philetärische System mit dem Ptolemäischen überein. Und endlich, wodurch es sich wesentlich von dem Ptolemäischen System unterschied, es theilte sich nicht in 30, sondern in 24 Finger, oder der Fuß nicht in 20, sondern in 16 Finger.

Die Erscheinung des Philetärischen Systems in den Dendera-Inschriften des Augustus beweist, daß es von Augustus selbst in der neuen Römischen Provinz anbefohlen war. Denn daß eine so wichtige Neuerung von einem der letzten verkommenen Ptolemäer eingeführt worden sein sollte, daran kann man nicht denken. Ebenso hatte Augustus in Aegypten das feste Jahr eingeführt.

Wann und von wem aber wurde das Philetärische System in Pergamum erfunden? Da nur ein Pergamenischer Fürst, der Gründer des Reichs, Philetaerus hieß, so scheint der natürliche nächste Schluß der zu sein, daß das System von ihm herrührte und benannt wurde. Dennoch ist es nicht denkbar, daß dieser Philetaerus in Pergamum ein besonderes neu zusammengestelltes Längen-Maß-System eingeführt haben sollte.

Philetaerus war aus einer kleinen Pontischen Stadt gebürtig, schloss sich an Lysimachus an, von dem er die hochgelegene Burg Pergamum erhielt, um darin dessen Schatz von 9000 Talenten (über 13 Millionen Thaler) zu verwahren. Nach dem Tode des Lysimachus wendete er sich seinem Besieger Seleucus zu, der aber auch bald ermordet wurde. Dann erst wurde er unabhängig trotz seines kleinen Besitzthums, das er sich durch Klugheit und Schmiegsamkeit unter die Mächtigen und Reichen jener Zeit zu erhalten wußte bis zu seinem nach 17 Jahren im 80sten Lebensjahre erfolgten Den Königstitel hat weder er noch sein Nachfolger angenommen. Und dieser kleine Dynast, eigentlich nur ein Festungsgouverneur, sollte für sich und seine Burg ein besonderes Massystem eingeführt haben? Jedermann sieht, das war nicht möglich. Erst nachdem Pergamum ein Staat geworden und unter Eumenes II als einer der größten Staaten in jenen Ländern seinen vollen Umfang gewonnen, hatte es einen Sinn, ein besonderes Massystem einzuführen. Eumenes II und Attalus II hatten noch 2jüngere Brüder Philetaerus und Athenaeus^a). Von Philetaerus sind 2 Inschriften vorhanden, eineb), in welcher gesagt wird, dass er sich um die Athener wohl verdient gemacht habe, die andere, eine Dedikations-Inschrift eines Apollo-Tempels, den er in Aeolis gegründet

a) Strab. XIII p. 624. Pausan. I, 8. Appian. Syr. c. 5.

b) Böckh, Corp. I. No. 122.

hatte: ᾿Απόλλωνι Χρηστηρίω Φιλέταιρος ᾿Αττάλου »). Es ist mir sehr wahrscheinlich, dass dieser Philetaerus sich mit der Einführung des Massystems beschäftigt habe, und dass Eumenes, der eine große Liebe zu seinen Brüdern hatte und die Mathematik schätzte, wie aus seiner engen Verbindung mit dem berühmten Mathematiker jener Zeit, Appollonios von Perge zu vermuthen ist, das System nach ihm benannt habe. mir wenigstens viel wahrscheinlicher, als dass man das System zu dieser Zeit, in der es allein entstanden sein kann, zu Ehren des mit ihm nichts zu thun habenden Gründers der Dynastie das Philetärische genannt hätte. Man kann dafür nicht anführen, dass auf den Attalischen Münzen der Kopf des Philetaerus abgebildet ist^b). Wenn Prokesch wegen dieser Münzen vermuthet, dass die Attaliden den Beinamen Philetaerus, wie die Nachkommen des Ptolemaeus Lagi den Namen Ptolemaeus geführt hätten, so giebt es dafür gar keinen Anhalt. Die Münzen bestätigen dies, wie Hultsch annimmt°), nicht. Der Lorbeerkranz, den der Kopf des Philetaerus öfters trägt, weist immer auf einen Gott oder Heroen hin, hier also auf den Gründer.

Wenn Hultsch^d) sagt, dass die Rennbahn in Laodikeia in Phrygien eine Elle von 0.532^m gehabt habe, also genau unser Philetärisches Mass, so ist dies nicht richtig in der Rechnung, und die ganze Grundlage ist eine sehr ungenaue.

a) Böckh, Corp. I. No. 3527. Ueber die Lage des Tempels s. daselbst.

b) Friedländer u. Sallet, Das Königl. Münzkabinet. 1877. p. 138.

^{°)} Metrologie, 2. Ausg. p. 567.

d) Metrol. p. 566.

e) Er beruft sich auf Fenneberg, Untersuchungen p. 125. Da steht allerdings, dass das Stadium nach Thomas Smith zu 729 Engl. Fuss oder 684 Par. Fuss gefunden worden sei, und dies ergebe einen Fuss von 157.5 Par. Lin. Nun sind zwar 157.5 P. L. = 0.3553 m und die zugehörige Elle 0.532 m, also gleich unserm Philetärischen Mass;

5. Erweitertes Philetärisches oder Heronisches System.

Das System der von Hultsch mit Recht zur ersten gemachten Heronischen Tafel ist in seinem Wesen genau das
Philetärische oder Pergamenische. Die genannten drei charakteristischen Eigenschaften desselben passen genau ebenso
auf dieses. Der Unterschied liegt nur darin, dass das Heronische eine Menge einzelner Masse hinzugethan hat. Dadurch
ist es ein mehr internationales geworden, und wurde als ein
neues, von den früheren unabhängiges betrachtet. Es unterscheidet daher seine eigne Elle von der Philetärischen, obgleich beide Ellen von gleicher Länge und gleicher Eintheilung waren.

Unter diesen Verhältnissen erscheint es durchaus unwahrscheinlich, dass der Hero, welcher die erste Heronische Tafel schrieb, irgend einen Zusammenhang mit dem ältesten Mathematiker Hero, dem Schüler des Ktesibios, gehabt haben kann. Dieser alte Hero lebte wahrscheinlich noch, wie sein Lehrer, unter Ptolemaeus VII Philometor II, demselben Ptolemäer, der den Tempel von Edfu nach dem 30 singrigen Masstabe ansing zu bauen, und dieses System vielleicht selbst zuerst eingestihrt hat. Wenn dieser älteste Hero also überhaupt etwas über die Längenmasse schrieb, was mir sehr

aber die 157.5 P. L. entsprechen nicht den 684 P. F. (oder 729 Engl. F.) des Stadium. Vielmehr sind 684 P. F. = 222.1898^m und 1 Fuss davon ist 0.373^m (statt 0.3553^m), folglich die Elle 0.5595 (statt 0.5328). Fenneberg hat sich also mit den 157.5 verrechnet. Wäre aber auch die Zahl richtig, so giebt doch Thomas Smith selber nichts auf seine Berechnung (ipse multum diffido), weil er die Distanz nur mit 340 Schritten, deren er jeden zu 3 Fuss gerechnet, abgeschritten habe. Danach ist auch, was Böckh, Metrol. Untersuchungen p. 217. 218 über dieses Stadium sagt, zu berichtigen.

0.0222	δάκτυλος	1				
0.0888	παλαιστή	4	1			
0.1776	διχάς	8	2	1		
0.2664	σπιθαμή	12	3	11/2	, 1	
0.296	ποὺς Ἰταλικός	131/3	_	_	_	1
0.3552	πούς βασιλ. καὶ Φιλ.	16	4	2	11/	
0.444	πυγών	20	5	$2^{1}/2$	2 12/	5 —
0.5328	πῆχυς	24	6	3	2	
0.888	βῆμα	40	10	5	24/	_
1.5984	ξύλον	72	18	9	6	
2.1312	δογυιά	96	24	12	8	71/5
3.552	χάλαμος	160	40	20	$13^{1}/_{3}$	12
21.312	ἄμμα	960	240	120	80	72
35.52	πλέθοον	1600	400	200	133¹/ ₃	120
$71.04 \\ 35.52$		3200	800	400	2663/	240 120
213.12	στάδιον	9600	2400	1200	800	720
426.24	δίαυλον	19200	4800	2400	1600	1440
1598.4	μίλιον	72000	18000	9000	6000	5400
6393.6	σχοινος, παρασάγγης	288000	72000	36000	24000	

zweiselhaft erscheint, so könnte er nur über das zu seiner Zeit geltende 30 singrige System geschrieben haben, aber nicht über das 24 singrige Pergamenische System. Was also Boeckh, Letronne, H. Martin, Hultsch sehr gelehrt über diese schwierige Materie ersorscht und geschrieben haben, scheint mir mit dem Verluste dieses Haupt-Haltpunktes sür den Namen des späteren Heronischen Systems größtentheils in der Lust zu schweben, und wenn wir von diesem alten Alexandriner absehen müssen, so bleibt fast nur übrig, an einen sonst unbekannten beliebigen Hero zu denken, der diese Tasel zuerst, sei es in Aegypten, sei es anderswo, abgesaßt habe; dann hat sie unter demselben Namen die jetzt vorliegenden Rezensionen und Erweiterungen ersahren.

```
1
     11/4
              1
     11/2
              11/5
                      1
     21/2
              2
                      12/3
                               1
                       3
    41/2
                                1^4/_5 1
              3^{3}/_{5}
     6
                      4
                                2^{2}/_{5} 1^{1}/_{3}
              4^{4}/_{5}
                                             1
    10
              8
                      6^{2}/_{3}
                                      3^{3}/_{9}
                                            1^{2}/_{3}
                                4
                                                     1
                     40
                                    13^{1}/_{3}
                                            10
                              24
                                                          1
    60
             48
  100
             80
                     66^{2}/_{3}
                              40
                                    22^{2}/_{9}
                                            16^{2}/_{3} 10
                                                           12/3
                                                                   1
 200
           160
                   1331/3
                                    444/9
                                            331/3 20
                                                           3^{1}/_{3}
                              80
                                                                         1
100
                   400
                                   133^{1}/_{3} 100
            480
                             240
                                                           10
                                                                   6
                                                                         3
  600
                                                                              1
                                                                              2
                                                           20
                   800
                             480
                                   266<sup>2</sup>/<sub>3</sub> 200 120
                                                                         6
1200
           960
                                                                 12
                                                                                     1
                                                            75
                                                                       22^{1}/_{2} 7^{1}/_{2}
4500 3600 3000 1800 1000 750 450
                                                                                   33/4 1
                                                                 45
                  12000 7200 4000 3000 1800
                                                          300 180
                                                                       90 30
18000 14400
                                                                                   15 4 1
```

Die Haupterweiterung dieses Systems besteht darin, daßs die einzelnen Maße zugleich mit dem Italischen oder, wie es anfangs hieß, mit dem Römischen Fuße verglichen worden sind. Der Italische Fuß wird neben dem Philetärischen Fuße besonders aufgeführt, und es wird sowohl angegeben, wie viel Finger des in Rede stehenden (Philetärischen) Systems er enthält, als wie viel mal er in allen höheren Maßen von der Orgyie an, enthalten ist.

Außerdem wird noch das Römische Feldmaß iugerum mit seinen 2 Dimensionen von 200 zu 100 Fuß hinzugefügt und zwar genau nach dem Römischen Maße von 71.04^{m} und 35.52^{m} . Die Dimension der Breite, des actus, wird unter der Bezeichnung $\pi\lambda \& \Im \varrho o\nu$, von 100 Fuß, besonders aufge-

führt als Längenmaß, so daß das iugerum eigentlich nur als Längenmaß erscheinen müßte, und ursprünglich wahrscheinlich erschienen ist, obgleich es bei den Römern nur als Feldmaß gebraucht wurde.

Auch das $\beta \tilde{\eta} \mu \alpha$, welches als $\beta \tilde{\eta} \mu \alpha \dot{\alpha} \pi \lambda o \tilde{\nu} \nu$ gemeint ist, neben welchem kein $\beta \tilde{\eta} \mu \alpha \dot{\sigma} \iota \pi \lambda o \tilde{\nu} \nu$ angestihrt wird — dieses erscheint erst in der 5. Tasel — wird als gradus in dem Römischen Systeme nur von den Feldmessern gebraucht. Dieses hat, wie bei den Römern $2^{1}/_{2}$ Fuss, unterscheidet sich aber in der Länge nach dem Verhältnis der beiden Systeme.

Woher kommt aber das ξύλον, und das μίλιον, welches 1000 ξύλα und 3000 Ellen hat? Das ξύλον steht ganz allein, und kommt nur in unsrer Tafel zum Vorschein. Es ist keine Frage, das das μίλιον dem Worte nach das Römische mille passuum ist, denn so wird von Eratosthenes, Strabon und Polybius die Römische Meile genannt. Die passus kommen in unsrer Tafel gar nicht vor, wohl aber das ganz neue Mass ξύλον, welches 1000 mal im μίλιον enthalten ist und den passus also dem μίλιον gegenüber vertreten sollte. Man sieht also, das man den Ursprung des μίλιον von mille noch sehr wohl verstand, und nahm das ξύλον von 3 Ellen von irgend einer uns unbekannten Seite auf), um dem μίλιον einen Sinn zu geben.

Das $\mu i \lambda i o \nu$ selbst aber, welches nicht vom $\xi i \lambda o \nu$ gekommen sein konnte, sondern dieses erst zur Aufnahme gebracht hatte, leitet Hultsch (p. 612) daher, dass es "nach altägyptischer Satzung" wie hier 3000 königliche Ellen gehabt habe. Aber diese Satzung ist nicht bekannt. Er versucht p. 569 das $\mu i \lambda i o \nu$ von $7^{1/2}$ Stadien in verschiedenen Weisen zu erklären, von denen aber keine zum Ziele führt. Der

^{•)} Warum es Hultsch für speciell ägyptisch hält, dafür sehe ich keinen Grund (Metrol. p. 37. 364. 607).

Ursprung lag vielmehr in dem piliov des Eratosthenes, welcher, wie wir oben gesehen, 8¹/₃ Römische Stadien auf das μίλιον rechnete. Diese auf Eratosthenes zurückgeführte Angabe, die Julianus von Ascalon als eine ältere, jetzt verlassene anführt, wurde in dem Heronischen Systeme beibehalten, um den Werth des μέλιον von 1598.4 m zu bestimmen. Denn das Stadium des Babylonisch-Assyrischen Systems von 400 kleinen oder 360 großen Ellen, war 191.808^m, und wenn man dieses Stadium mit der Eratosthenischen Zahl 8¹/₃ multiplicirt, erhält man 1598.4^m, dieselbe Zahl, die in unserm System für das µίλιον erscheint. Da nun diese Zahl zugleich 3000 Ellen enthielt, so nahm man sie ohne weiteres in das System auf, indem man, nur für diesen Fall, nicht allein die Elle, sondern auch das Stadium des orientalischen Systems, das man in der Massordnung bereits verlassen hatte, der Rechnung zu Grunde legte: ein Verfahren, das man nur durch die späte Zeit, in der es beliebt wurde, und durch das große Ansehn, welches die Eratosthenische Gleichstellung gewonnen hatte, erklären kann.

Auch der $\varkappa \alpha' \lambda \alpha \mu o \varsigma$ und das $\ddot{\alpha} \mu \mu \alpha^a$) sind Mass-Worte, die sonst nicht vorkommen, außer dass der $\varkappa \alpha' \lambda \alpha \mu o \varsigma$ in einer Inschrift von der Breite eines Wegs gebraucht, die $2 \varkappa \alpha \lambda \alpha' - \mu o v \varsigma$ hat, vorkommt^b). Es ist dasselbe Mass, wie die bei Heron und sonst häusig genannte $\ddot{\alpha} \varkappa \alpha v \alpha$ oder $\ddot{\alpha} \varkappa \varepsilon v \alpha$ von 10 Fuss. Die $\ddot{\alpha} \varkappa \varepsilon v \alpha$ erscheint auch in unserer Tasel stinsmal^o), ist aber die beiden erstenmale sicher, wahrscheinlich alle 5 mal, erst später eingeschoben, so dass ursprünglich nur der seltne griechische Name $\varkappa \alpha' \lambda \alpha \mu o \varsigma$ dastand. Die Inschrift

^{•)} Es ist doch wohl $\tilde{\alpha}\mu\mu\alpha$ statt $\tilde{\alpha}\mu\mu\alpha$ zu schreiben, "das Band", eine Messschnur von 40 Ellen. Die Handschrift entscheidet nichts.

b) Böckh, C. I., p. 851.

e) Hultsch, metr. scr. p. 182, 5. 183, 9. 16. 19. 184, 2.

von Phocis*) ist bald nach 118 nach Chr. geschrieben und bezeugt wenigstens, dass das Mass griechisch ist. Es kommt sonst noch in der Offenb. Joh. XXI, 15. 16. vor.

So finden wir in dieser vielfach zusammengesetzten Tafel drei sonst ungebräuchliche ächt griechische Worte ξύλον, χάλαμος und ἄμμα, alle drei vornehmlich dem Feldmaße angehörig. Diesen schließen sich als gleichfalls vorzugsweise in Griechenland gebräuchliche Masse διχάς, πυγών, δίαυλον Dem Römischen Masse entnommen sind das βημα, und loύγερον, als Feldmasse, und das μίλιον, ursprünglich die Römische Meile. Auf Aegypten weist die Einleitung, und das daselbst erwähnte σχοινίον hin, welches hier durch den κάλαμος ersetzt ist; ebenso der σχοτνος, welcher hier die Bedeutung von 30 Stadien hat, wie der viel gebrauchte unterägyptische σχοτνος hatte. Dieser war gleich dem Persischen παρασάγγης, mit dem er daher auch bei Herodot in Persischer Zeit, den Namen tauschte. So wird der παρασάγγης auch in unserer Tafel hinter dem σχοΐνος mit gleichem Werthe zugefügt, was ebensowohl eine spätere Zuthat sein kann, wie die ἄκενα dem gleichwerthigen κάλαμος wahrscheinlich überflüssig zugefügt worden war.

Die ganze Komposition war aber im Wesen offenbar Philetärisch, nach den oben genannten drei charakteristischen Punkten, welche dieses System von den übrigen unterscheiden, und von dem sich das Heronische orientalische System nur durch die Zusätze unterscheidet, von denen man nicht weiß, ob und wie viele vielleicht schon ursprünglich dazu gehörten, und wie viele etwa von Augustus bereits in Aegypten mit dem Philetärischen Systeme eingeführt worden waren.

a) Böckh, C. I. I, 1732b. Hultsch, Metrol. Scr. II, 147.

Anhang.

Ueber die Aegyptischen Proportionen.

Dass in der Aegyptischen bildenden Kunst ein so eigenthümlicher Stil sich Jahrtausende lang unverändert erhalten hat, dastir ist der wesentlichste Grund die Quadrirung, und was dazu gehört, der Flächen, auf welchen jede Zeichnung angelegt wurde. Jedes Quadrat einer größeren Zeichnung war der einheitliche Modulus, an welchem die vorgeschriebenen Proportionen jedes Gegenstandes immer wieder ihren unvertückbaren Anhalt mit Leichtigkeit fanden. Jedes Thier, jeder darzustellende Gegenstand, hatte in der Hieroglyphik und im Bilde seine künstlerisch sestgestellten Proportionen, um wie viel sicherer die menschliche Person im Ganzen und in allen ihren Theilen und ihren Stellungen.

Ein kleiner aber besonders wichtiger Theil dieser Proportionen bezog sich auf die Höhe und die Abtheilung der menschlichen Gestalt, aber nicht auf die absolute Größe derselben, sondern nur auf die relativen Verhältnisse derselben. Man fragte hier also nicht, wie groß der normale Mensch sei — das ging aus dem Ellensystem hervor — sondern man theilte die Höhe der menschlichen Gestalt, wie ihre Breite und die einzelnen Glieder, in eine Anzahl Theile,

welche Quadratseiten waren, und hielt daran die für richtig befundenen Proportionen des Körpers und seiner Theile fest.

Die ursprüngliche Theilung der aufrecht stehenden Gestalt geschah in 6 Theile. Diese reichten aber nicht von der Sohle bis zum Scheitel, sondern nur bis zum Ansatz der Kopfbedeckung. Das was darüber lag, blieb außer Betracht. Der Grund war ohne Zweifel, weil der Scheitel fast nie zu sehen war, sondern von einer hohen Perrücke oder von einer niedrigen oder hohen Mütze bedeckt war.

Ob dieser 6te Theil des aufrechten Körpers einem einzelnen Gliede in der Länge entsprach, darauf konnte es eigentlich gar nicht ankommen, da ein absolutes Mass gar nicht beabsichtigt war und ausserdem der Wegfall eines Stückes des Kopfes ein wirkliches Mass doch immer ungenau machen musste. Da aber gerade die ältesten Beispiele, z. B. ein in den ursprünglichen noch sichtbaren Quadraten gezeichneter Mann in dem schönen Pyramiden-Grabe aus Saqqāra, dessen Kammer jetzt in Berlin ist, den Fuss genau in das Mass eines solchen Quadrats eingezeichnet aufweisen, und die Punkte, wo sich die Hacke und die Zehe von dem Boden loslösen, durch einen kleinen Kreis ausdrücklich markiren, so kann man ja annehmen, dass man die ungefähre Größe des Fuses zum modulus dieser Theilung gemacht, obgleich er nach der Wirklichkeit etwas groß erscheint, wenigstens im Verhältniss zu unsern Füssen.

Auffallend aber würde ein Missverhältnis eintreten, wenn man diesen Fuss in der Weise mit dem Ellensysteme verbinden wollte, dass er der ²/₃ Elle, wo in andern Systemen der Fuss eintritt, gleichgesetzt würde. Denn dann würde er nach dem kleinen Systeme 0.30^m groß sein, und danach der

ganze Mann, bis zur Höhe des Kopfaussatzes 1.80, und bis zum Scheitel, wenn wir das Stück wenigstens zu 0.06 annehmen, 1.86^m. Es ist aber schon 1.82^m das Mass, welches für die erste Kompagnie unserer Garde verlangt wird. Die ägyptischen Männer würden danach im Mittelwuchs zwar ihre Gliedmassen, Arme und Hände, ungefähr in unsrer Größe, die ganze Körperlänge aber größer als unsre Garde gehabt haben.

Man würde dies mit Verwunderung hinnehmen müssen, wenn man im Ellensysteme statt $^{2}/_{3}$ den Namen Fuß angegeben fände; da das aber nicht der Fall ist, so sind die Erörterungen darüber wesenlos. Wir finden vielmehr, daß der Fuß nirgends als absolutes Maß in dem Ellensysteme irgend eine Rolle spielte.

Es wurden in der Pyramidenzeit keineswegs alle 6 Linien durch den Körper bei der Anlage gezogen, sondern über der Bodenlinie zwei Quadrate höher eine Linie durch die Mitte der Kniescheibe, dann ein Quadrat höher unter dem Gesäs, dann wieder ein Quadrat höher durch die Mitte des Ellenbogens, und endlich die Linie durch den Ansatz der Kopfbedeckung. Zwischen den beiden letzten Linien, welche 2 Quadrate auseinanderliegen, sind noch zwei Linien gezogen, die eine durch die Winkel der Achselhöhlen, die andere da wo der Hals auf der Schulter aussitzt. Die letztere ist ²/₃ eines modulus von der obersten entfernt. Die erstere von derselben 3²/₃ Fus, oder von der Linie des Ellenbogens 3¹/₃ Fuss. Es sind dies also zwei Htlfslinien, die gar nicht in dem modulus ausgingen.

In der XII. Dynastie wurde jeder der 6 Theile nochmals in 3 Theile getheilt, die ganze alte Höhe bis zum Ansatz der Kopfbedeckung also in 18 Theile. Bei dem Beispiel einer Frau liegt der Fuss selbst zwischen zwei einen Fuss von einander entsernten Linien, so dass der Knochen der Hacke an die eine Linie stösst und die Spitze der großen. Zehe, wo sie sich vom Boden hebt von der andern Linie abgeschnitten wird. Zwei moduli höher läuft die 5te unter der Kniescheibe, die sechste Linie über der Kniescheibe hin, die 7te unter den Fingerspitzen der gerade herunterhängenden Hand, die 8te unter dem Daum, die neunte wieder unter dem Gesäss, die 11te durch den Nabel, die zwölfte wieder durch den Ellenbogen, die 14te durch die Brustwarze, die Achselhöhlen haben keine besondere Linie, sondern fallen etwas über die Mitte zwischen die 14te und 15te Linie, die 16te schneidet den Hals über der Schulter ab, die 17te geht unter der Nase hin, die achtzehnte wieder am Ansatz der Kopfbedeckung.

In der XVIII. Dynastie ist der Kanon derselbe geblieben. Ein Amenophis III und die gegentiberstehende Hathor sind genau ebenso eingetheilt mit einigen kleinsten Veränderungen.

Dagegen weicht der dritte Kanon, der in der Zeit der Psametiche im 7ten und 6ten Jh. vor Chr. eintritt, sehr erheblich von dem früheren ab, und bleibt sich im Wesentlichen gleich bis in die Römische Kaiserzeit.

Hier wird der modulus kleiner genommen. In demselben Verhältnis wird aber auch der Fuss selber etwas größer und füllt wieder drei der kleinen moduli mit dem Ueberschus des ersten Gliedes der großen Zehe.

Dieser modulus geht jetzt 21 mal in der Höhe des Mannes auf, wenn sie etwas niedriger als früher, nämlich nicht bis zum Anfang der Kopfbedeckung, sondern nur bis zum obern Augenlide gerechnet wird. Der ganze untere Theil der Figur bleibt bis zum Gesäss derselbe. Dann aber liegt der Nabel höher als früher, nämlich unter der 14. neuen Linie; dagegen die Brustwarzen tiefer als früher, nämlich unter der 16. neuen Linie; auch die Achselhöhle etwas tiefer unter der 17. Linie, und ebenso schneidet der Hals etwas tiefer ab unter der 19. Linie. Auch das Gesicht liegt etwas tiefer indem die 21. Linie durch das obere Augenlid geht, Stirn und Schädelwölbung sind dagegen von etwas mehr Ausdehnung.

Von dem obern Augenlide bis zur Kopf bedeckung bleibt ungefähr noch ½ des Fusses übrig. Und so erklärt sich der Ausdruck des Diodor, welcher von demselben Kanon sprechend, sagt: τοῦ γὰρ παντὸς σώματος τὴν κατασκευὴν εἰς εν καὶ εἴκοσι μέρη καὶ προςέτι τέταρτον διαιρουμένους, τὴν ὅλην ἀπο-διδόναι συμμετρίαν τοῦ ζώου. Diese 21½ Theile umfasten nicht, wie man zunächst verstehen müste, den ganzen Körper, sondern nur die von Alters her in Aegypten festgehaltene Höhe bis zum Ansatze der Kopfbedeckung. Von Füssen ist auch hier gar nicht die Rede.

Wenn wir also in Aegypten tiberhaupt vom Fusse als Masstheil sprechen wollen, so können wir nur sagen, dass er als der sechste Theil der menschlichen Größe bis zur Höhe der Kopfbedeckung oder etwa als der 6½ oder 6½ Theil bis zum Scheitel, der aber fast nie sichtbar wurde, zu allen Zeiten angesehen wurde. Und dieses Verhältniss ging nicht vom Fusse aus, sondern von den ganzen Proportionen des Körpers, welche das Ursprüngliche waren und den Fuss als Theil betrachteten.

Wir müssen also jedes absolute Fußmaß in Aegypten gänzlich abweisen und können den Fuß als solchen in durchaus keine Verbindung mit dem ägyptischen Ellensysteme setzen.

Die Veränderung der Proportionen der einzelnen Körpertheile in der XXVI. Dynastie mußte auf einer damals, in jener strebsamen nach allen Seiten den Neuerungen günstigen Zeit, neu gewonnenen Ansicht der ersten Künstler beruhen, welche in der That in mancher Beziehung einem richtigeren Geschmack folgten. Das Verhältniß zwischen Fuß und Körper blieb ungefähr dasselbe.

Aegyptisches System.

	1. Aeg	gypten.	
	a. Kleine Elle.		b. Grofse Elle.
0.00117	, 50		
2 0.01875	ο σάκτυλος	0.021875	<i>δάχτυλος</i>
3			
4 5 0.075	παλαιστή	0.0875	παλαιστή
3		0.0010	, sunue o o q
7			
3			
9	•		
0.225	σπιθαμή	0.2625	σπιθαμή
0.300	πούς		•
2			
0.375	πυγών		
0.450	πηχυς	0.525	πῆχυς
3			
7			
3 1 00	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		
1.80	δργυιά		
2			
18.0	σχοινίον		
30.0	πλέθρον		•
45.0	ἄρουρα		•
180	στάδιον		
7	•		
ı			
2 5400	σχοῖνος (α΄), παρασάγγης		
7200	σχοῖνος (β')		
10800	σχοινος (γ')		

	2. Hebräisch. a. Kleine Elle. b. Große Elle. c. Julianus von Ascalon.					
-					1	101 200101.
1 2	0.01875	Finger	0.021875	Finger	0.021875	<i>δάχτ</i> υλος
3						
4 5	0.075	Palm	0.0875	Palm	0.0875	παλαιστή
6	0.010	I WILL	0.0013	1 41111	0.0010	7. U.A. U. F. T.
7						
8						
9				_		
10 11	0.225	Spanne	0.2625	Spanne	0.2625	σπιθαμή
12						
13						
14						
15	0.450	Elle	0.525	Elle	0.525	πηχυς
16					1.05	βημα
17 18						
19	1.80	Orgyia			2.10	åorma'
20	1.00	Oigjia			2.10	ὀργυιά
21			3.150	Ruthe	3.15	ἄχενα
22						
23						
24 25					31.5	πλέθρον
26	180	Stadium			210	στάθιον
27	200					0.000
28	•					
29						
30	1500	μίλιον			1575	μίλιον
31 32						
33 33						
34						
35						
		,	ŀ			

	3. Griechenland B. (s. unten p. 109.)		4. Rom.		
$egin{array}{c} 1 \\ 2 \end{array}$	0.0185625	<i>δάχτυλος</i>	0.0185	dicitus	
3	0.0105025	χόνδυλος	0.0100	digitus	ı
4	0.001120	λυνυυλυς			ľ
5	0.07424	παλαιστή	0.074	palmus	
6	0,000		0.012	P	
7					
8	0.14848	διχάς			ł
9			0.148	semipes	ŀ
10	0.22275	σπιθαμή		_	
11	0.297	πούς	0.296	pes	
12					1
13	0.334125	πυγμή			
14	0.37124	πυγών	0.370	palmipes	ı
15	0.4455	πηχυς	0.444	cubitus	ı
16	0.7425	βημα	0.740	gradus	ı
17	1.3365	ξύλον	1 400		I
18 19	1.485	βημα διπλοῦν	1.480	passus	I
20	1.782	δργυιά			ı
21	2.970		2.960	pertica, decempeda	ł
22	2.310	χάλαμος, ἄχενα	2.500	peruca, decempeda	ŀ
23	17.820	σχοινίον, ἄμμα			ł
24	29.70	πλέθοον	35.52	actus	ı
25	44.55	ἄρουρα			ı
26	178.2	στάδιον	185	stadium	l
27					Į
28	356.4	δίαυλος			1
29				•	
30	1485	μίλεον	1480	mille passuum	
31					
32	5346	παρασάγγης			
33	7128	σχοῖνος			
34					
35					

Babylonisches System.

		1. Assyrien.
	a. πηχυς μέτριος.	b. πῆχυς βασιλικός. A. Babylonische Form. B. Assyrische Form.
+		
$\begin{vmatrix} 1 \\ 2 \end{vmatrix}$	0.01998 Finger	0.001776 Zehntel Finger
3		
4	0.05000 D 1	0 0000 TI 1
5 6	0.07992 Palm	0.0888 Hand · 0.0888 Hand
7		
8		
9 10	0.23976 Spanne	0.1776 Doppel-Hand
11	c.zccto spanno	0.3552 2 Doppel-Hände
12		
. 13 14		0.444 5 Hande
15	0.47952 Elle	0.5328 Elle 0.5328 Elle
16		1.0656 2 Ellen
17 18		
19		2.1312 4 Ellen
20		2.6640 5 ,
21 22	3.1968 Ruthe	3.1968 1 Ruthe, 6 Ellen 3.1968 Ruthe 6.3936 Doppelruthe, 12 ,
23		19.1808 36 Ellen
24		31.968 60 " 31.968 šuš
25 26	101 000 54-1:	47.952 90 , 191.808 360 ,
27	191.808 Stadium	191.808 360
28		319.68 600 ", 319.68 ner
29		383.616 1 šuš, 720 Ellen
30 31		1918.08 5 sus, 3600 , 1918.08 šar 3836.16 ½ kaspu, 7200 ,
32		5754.24 ¹ / ₂ , 10800 ,
33	•	11500 40 4 91000 11500 403
34 35		11508.48 1 , 21600 , 11508.48 kaspu 23016.96 2 , 43200 ,
55		20010.00 2 9 10200 9

			1				
	2. Griechenland A.		3. Ptolemāisches System.				
	Ol ym pische	s System.	a. Baumafse. b.		. Gewöhnliche Masse.		
1 2	0.0200281	<i>δ</i> άχτυλος	0.01776	¹ / ₃₀ (1 Finger)		0.01776	Finger
3 4 5 6	0.0801125	παλαιστή	0.0888	¹ / ₁₀ (3 Finger) ¹ / ₆ (Hand, 5 Finger) ¹ / ₅ (6 Finger)		0.0888	Hand
7 8 9 10 11	0.2403375 0.32045	σπιθαμή πούς	0.2664	1/3 (2 Hände, 10 Finge 1/2 (3 Hände, 15 Finge 2/3 (4 Hände, 20 Finge	r) er,	0.3552	Fuſs
12 13 14 15 16	0.480675	πῆχυς	0.4440 0.5328	[1 Full 5/6 (5 Hände, 25 Finge 1 Elle		0.5328	Elle
17 18 19 20						2.1312	Klafter
212223242526	192.27	στάδιον				191.808	Stadium
26 27 28 29 30		,					, causum
31 32 33 34 35						6393.6	Schoenus

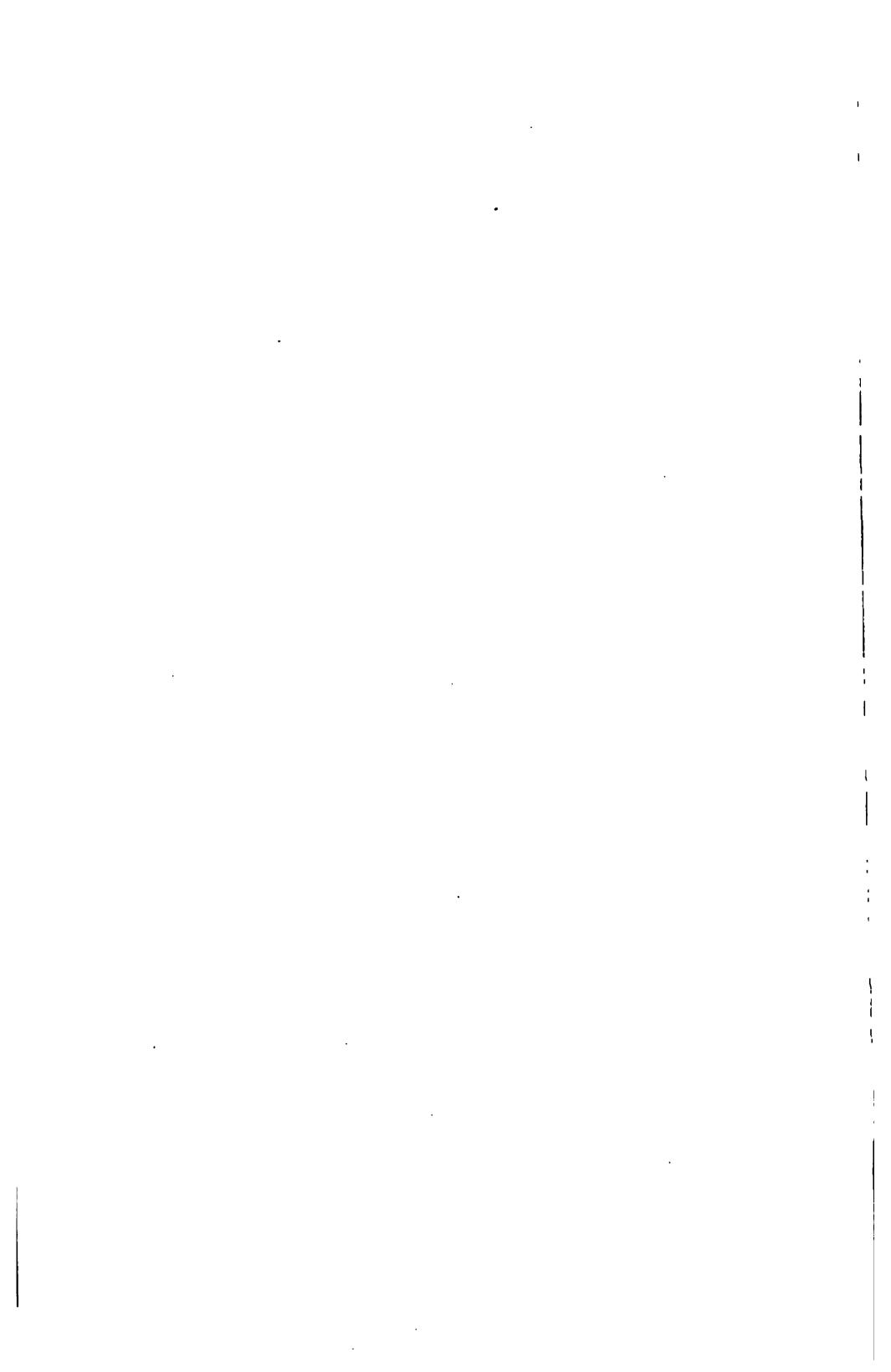
-				700000000000000000000000000000000000000		
	4. Philetärisches System.			5. Erweitertes Philetärisches oder		
	8.	Baumasse.	b. Gewöhnliche Masse.	Heronisches System.		
1						
2	0.0222	¹ / ₂₄ (1 Finger)	0.0222 δάκτυλος	0.0222 δάχτυλος		
3	0.0444	114 \ 77 /				
4	0.0666	¹ / ₈ (3 ,)				
5	0.0888	¹ / ₆ (4 ,)	0.0888 παλαιστή	0.0888 παλαιστή		
6						
7	0.1332	_				
8 9	0.1776	1/3 (8 ,)		0.1776 διχάς		
10	0.0004	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •				
11	0.2664	, ,	A 9550 /	0.2664 σπιθαμή		
12	0.3552	² / ₃ (16 ,)	0.3552 πούς	0.296 πούς Ἰταλικός		
13				0.3552 πούς βασιλ. καὶ Φιλ.		
14				0.444 πυγών		
15	0.5328	1 (Elle)	0.5328 $\pi \widetilde{\eta} \chi v \varsigma$	0.444 πυγών 0.5328 πῆχυς		
16	0.0020	<u> </u>		0.888 βημα		
17			•	1.5984 ξύλον		
18				βημα διπλοῦν		
19			2.1312 δργυιά	2.1312 δργυιά		
20				•		
21			•	3.552 χάλαμος, ἄχενα		
22				• •		
23				21.312 ἄμμα		
24				35.52 πλέθρον		
25				71.04 35.52 Ιούγερον (ἄρουρα)		
26			213.12 στάδιον	213.12 στάδιον		
27						
28		j		426.24 δίανλος		
29						
30 31				1598.4 μίλιον		
32				4000 4		
33				6393.6 σχοῖνος, παρασάγ.		
34			·			
35			!			
•		'	I			

Berichtigung: Seite 53 lies 48 statt 38.

			
		•	
~			
•			
>			
	·		
•			
-			
•			
			•







•			
			• .
			·
	•		
	•		
	•		
		•	
		•	
•			

